

هیئت

برای سال پنجم ریاضی



تو نماید هست که دناید  
و از استئانش پرورش



بها در تمام گشود ۱۸ ریال

توانا بود هر که داتا بود

وزارت آموزش پژوهی

# هیئت

برای سال پنجم ریاضی

حقچاپ محفوظ

چاپ و توزیع از :





این کتاب که به وسیله آقای سید باقر هیوی نگارش  
یافته، بر طبق ماده ۳ قانون کتابهای درسی و اساسنامه سازمان  
کتابهای درسی ایران برای تدریس در دبیرستانها برگزیده  
شده است.

چاپ از: پیروز

## فهرست مندرجات

### صفحه

### عنوان

#### فصل اول

- |    |                          |
|----|--------------------------|
| ۱  | آسمان                    |
| ۶  | مختصات افقی              |
| ۱۳ | مختصات جغرافیایی         |
| ۱۶ | مختصات معدّلی یا استوایی |

#### فصل دوم

- |    |                     |
|----|---------------------|
| ۲۱ | حرکت وضعی زمین      |
| ۲۶ | شکل زمین و ابعاد آن |

#### فصل سوم

- |    |                                      |
|----|--------------------------------------|
| ۳۳ | کره‌ها و نقشه‌های جغرافیایی و آسمانی |
|----|--------------------------------------|

#### فصل چهارم

- |    |                               |
|----|-------------------------------|
| ۴۱ | خورشید - حرکت ظاهری خورشید    |
| ۵۰ | فاصله خورشید و عظمت آن        |
| ۵۵ | ساختمان خورشید و حرکت وضعی آن |

#### فصل پنجم

- |    |                        |
|----|------------------------|
| ۵۹ | حرکت انتقالی زمین      |
| ۶۴ | اختلاف فصول و شب و روز |

#### فصل ششم

زمان

عنوانفصل هفتم

ماه - حرکات ماه

خسوف

کسوف

جزر و مدّ دریاها

فصل هشتم

اطلاعات عمومی درباره سیارات

شرح اجمالی سیارات

ستارگان دنباله‌دار

شاهباها و احجار سماوی

دستگاه کپر نیک و قواین منظومه شمسی

فصل نهم

ثوابت

فوacial ثوابت

ستارگان متغیر و سحابیها

مسائل

صفحه

به نام خدا

فصل اولآسمان

**۱- حرکت شبانه‌روزی** - چون در هنگام عصر از مکان بلندی که مانع اطرافش کمتر باشد به آسمان نگاه کنیم ، مشاهده خواهیم کرد که فرق خورشید متدرجاً پایین‌می‌رود تا سرانجام غروب می‌کند. سپس رفتہ رفتہ هوا تاریک و گنبد نیلگون آسمان با نقاط درخشش زیادی جلوه‌گر می‌شود . این نقاط درخشش ستارگانی هستند که بر تمام سطح آسمان بدون هیچ نظم و ترتیبی پراکنده‌اند .

هر گاه مدتی به آسمان نگاه کنیم، معلوم خواهد شد که این ستارگان مانند خورشید از طرفی طلوع می‌کنند و پس از آنکه به منتهای او ج‌خود رسیدند میل به افول کرده و سرانجام در طرف مقابل غروب می‌کنند. بعضی از این ستارگان در مدت کوتاهی مرئی می‌شوند و مجدداً افول می‌کنند ولی وقتی چنین مشاهده می‌شود که طوری قرار گرفته باشیم که خورشید در سمت راست ما غروب کرده باشد. حال اگر طوری باشیم که خورشید در طرف چپ ما غروب کند ، ستارگانی را مشاهده خواهیم کرد که در تمام مدت شب مرئی هستند و به عبارت دیگر هر گز غروب نمی‌کنند . مابین

۸۰

۹۰

۹۳

۹۵

۹۷

۹۸

۱۰۶

۱۰۹

۱۱۱

۱۱۸

۱۲۲

۱۲۷

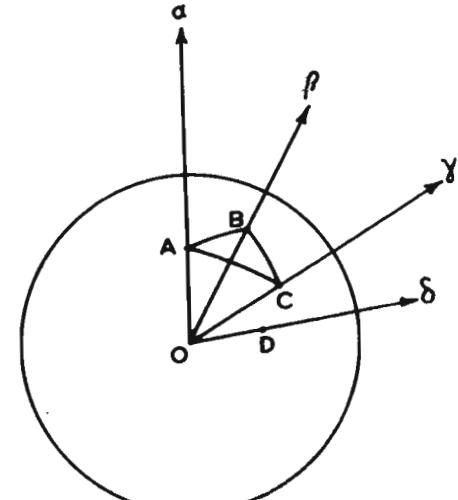
۱۳۳

این دسته از ستارگان ستاره‌ای مشاهده می‌شود که کاملاً ساکن می‌نماید و مثل این است که سایر ستارگان این قسمت به دور این ستاره دوران می‌کنند. ستارگان دیگری نیز هستند که هرگز درافق ما دیده نمی‌شوند و اگر بخواهیم آنها را مشاهده کنیم باید جای خود را تغییر دهیم و بقدر کافی به سمت جنوب پیش برویم.

خلاصه، چون مدتی تمایل آسمان را ادامه دهیم، مشاهده خواهیم کرد که مجدداً هوا روشن می‌شود و نور آفتاب روشنی ستارگان را محو می‌کند تا سرانجام خورشید طلوع می‌کند و خطی منحنی مانند مسیر همان ستارگان می‌پیماید و اوضاع مذکور تکرار می‌شود.

به کمک دوربینهای قوی، با بودن آفتاب، می‌توان مشاهده کرد که ستارگان در هنگام روز هم درست مانند شب هنگام، همان حرکات را ادامه می‌دهند. این حرکت عمومی ستارگان را حرکت شبانه روزی، و شخصی را که حرکات ستارگان را در نظر می‌گیرد، را صد نامند.

۳- کره آسمان - چنانکه بعد از خواهیم دید، ستارگان مختلف از ما به یک فاصله نیستند. حال فرض می‌کنیم را صدی از نقطه ۰ ستارگان  $\alpha$  و  $\beta$  و ... (شکل ۱) را که به فواصل مختلف از ۰ فرازدارند، در امتدادهای  $OA$  و  $OB$  و  $OC$  و ... مشاهده کند؛ و نیز فرض می‌کنیم که



شکل ۱

از مرکز ۰، به شعاع اختیاری، کره شفافی رسم کرده باشیم و تمام ستارگان  $\alpha$  و  $\beta$  و ... در نقاط A و B و C و ... بر سطح این کره تصویر شده باشند. چنین کره‌ای را کره سماوی یا کره آسمانی می‌گوییم. بنابراین، کره سماوی کره‌ای است موهوم که مرکز چشم را صد و شعاعش حد شعاع بصر او باشد. گرچه شعاع این کره اختیاری است، ولی از شعاع کره زمین بسیار بسیار بزرگتر است.

۴- فاصله زاویه‌ای - فاصله زاویه‌ای دو ستاره عبارت است از زاویه‌ای که مابین دو شعاع بصر مانکه بر آنها بگذرند احداش شود؛ مثلاً فاصله زاویه‌ای دو ستاره A و B (شکل ۱) زاویه  $AoB$  است، و بنابرآ نچه در هندسه ذکر شده است، اندازه این زاویه قوس مقابل آن AB می‌باشد که قوسی است از دایره عظیمه.

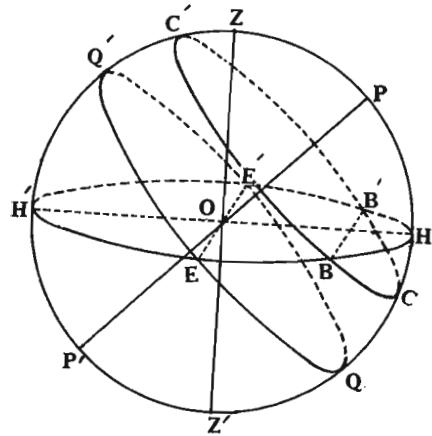
۵- تقسیم ستارگان - چون مدت یک شب به آسمان نگاه کنیم، تغییرات محسوسی در اوضاع ستارگان مشاهده نخواهد شد، ولی هرگاه رصدرا شبهای متوالی ادامه دهیم، خواهیم دید که فاصله زاویه‌ای بیشتر ستارگان همواره ثابت و تغییر ناپذیر است، و عکس عدد کمی از ستارگان هستند که فاصله زاویه‌ای آنها دائماً در تغییر است. ستارگان نوع اول را ثوابت و نوع دوم را سیارات می‌گویند.

ثوابت را به دسته‌هایی تقسیم کرده و هر دسته را صورت فلکی نامیده‌اند.

هر یک از صور فلکی را به چیزی تشبیه کرده و به نام آن چیز می‌نامند تا در هر موقع بتوان آنها را معرفی کرد؛ و نیز هر یک از ستارگان صور فلکی را به حرفی از حروف یونانی یا به عددی از اعداد معرفی

راکه بنات النعش کبری نیز می نامند می شناسیم (شکل ۲). حال اگر دو کوکب  $\beta$  و  $\alpha$  از این صورت را با خط موهومی بهم وصل کنیم و این خط را در جهت  $\beta\alpha$  تقریباً به اندازه پنج برابر خودش امتداد دهیم، به ستاره‌ای خواهیم رسید که آن را **جَدِی** یا ستاره قطبی نامند. این همان ستاره‌ای است که ساکن بنظر می‌آید، و چون طوری بایستیم که این ستاره رو بروی ما واقع شود، رو برو شمال، پشت سر جنوب، سمت راست مشرق و سمت چپ مغرب خواهد بود.

**۷- محور** - محور عالم عبارت از خط موهومی است مانند  $P'P$  که کره آسمان ظاهرًا به دور آن گردش می‌کند (شکل ۳). طرفین محور را قطبین گوییم، آن که در طرف شمال است، یعنی  $P$ ، قطب شمال و آن که در سمت جنوب است، یعنی  $P'$ ، قطب جنوب است.

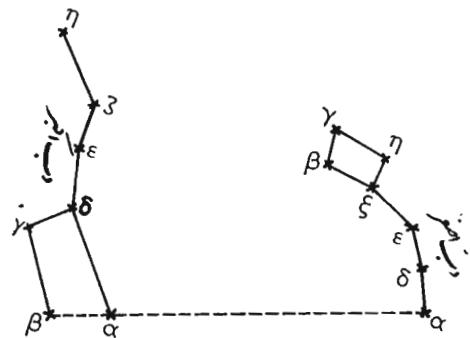


شکل ۳

شمالی و دیگری که شامل قطب جنوب است نیمکره جنوبی نامیده می‌شود (شکل ۳)

کرده‌اند، مثلاً گویند ستاره  $\alpha$  از صورت دب اکبر یا ستاره  $\beta$  از صورت دب اصغر (شکل ۲).

سیارات عمدۀ (جز زمین) پنج عددند که با چشم دیده می‌شوند و عبارتند از **عطاره** (تیر)، **زُهره** (ناهید)، **مریخ** (بهرام)، **مشتری** (برجیس)، **ژحل** (کیوان). پس از اختراع دورین بتدریج سه سیاره دیگر اورانوس و نپتون و پلوتون و بیش از ۱۰۰۰ سیاره خرد یا سیاره‌ک نیز کشف شده است.



شکل ۲

**۵- قطر ظاهري** - همه مردم خورشید و ماه را مانند قرص مدوری می‌بینند. همچنین هرگاه سیارات را با دورین قوى مشاهده کنیم می‌بینیم که مانند خورشید و ماه دارای قرص محسوسی هستند. بنا بر تعریف: قطر ظاهري هر ستاره عبارت از زاویه‌ای است که از کره زمین قطر آن ستاره با آن زاویه دیده می‌شود. قطر ظاهري خورشید و ماه تقریباً نیم درجه و قطر ظاهري سیارات از این مقدار هم بسیار کوچکتر است.

یک تفاوت دیگر سیارات با ثوابت این است که در مشاهده سیارات، هر چه دور بین قویتر باشد، قطر ظاهري آنها بزرگتر می‌نماید و حال آنکه ثوابت، پیوسته مانند نقطه‌ای نورانی مشاهده می‌شوند.

**۶- چهار جهت اصلی** - اغلب ماصورت دب اکبر (هفت برادران)

## مختصات افقی

**۹- سمت الرأس را صد نقطه‌ای است از آسمان که در امتداد قامت شخص را صد و به طرف سراو باشد (نقطه Z شکل ۳). نقطه Z' متقاطر سمت الرأس را سمت القدم گویند (شکل ۳).**

**۱۰- نصف النهار مکان- دایره عظیمه‌ای است که از قطبین آسمان و سمت الرأس را صد بگذرد، مثل دایره PQP'Q'. هر ستاره‌ای در منتهای صعودش از نصف النهار مکان می‌گذرد.**

**۱۱- افق- افق دایره عظیمه‌ای است مانند H'H که صفحه آن بر امتداد قامت را صد عمود باشد. این صفحه با سطح آبهای ساکن کم وسعت مجاور را صد موازی است (شکل ۳).**

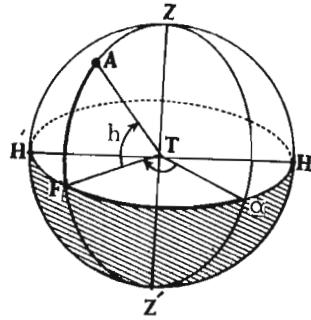
عموماً افق به دایره‌ای گفته می‌شود که در زمینهای هموارد را اطراف خود مشاهده می‌کنیم. بنظر می‌رسد که مرکز این دایره، محل توقف ما و محیطش فصل مشترک آسمان و زمین باشد. این افق را افق حسی و افقی را که قبل تعریف شد افق حقیقی می‌نامند.

**۱۲- مدارات بیومی دوایر صغاری هستند به موازات معدل النهار یا استوا، و اینها همان دوایری هستند که خورشید و سایر ستارگان، شبانه‌روزی یک‌بار یکی از آنها را می‌پیمایند، مثل دایره C'C (شکل ۳).**

**۱۳- قوس النهار و قوس الالیل- قوس النهار قسمتی است از مدار ستاره که بالای افق واقع شود، مثل B'C' : قوس الالیل قسمتی از همان مدار است که در زیر افق واقع گردد، مثل CB' (شکل ۳).**

**۱۴- سمت وارتفاع- فرض کنیم که نقطه T موقع را صد بر سطح**

کره زمین و Z سمت الرأس و دایره عظیمه H'HFH (شکل ۴) افق حقیقی باشد. اگر نقطه A موقع ستاره‌ای بر کره آسمان در موقع معینی فرض



شکل ۴

شود، هرگاه بر خط قائم A و نقطه TZ و نقطه A صفحه‌ای مرور دهیم، این صفحه کره آسمان را به دایره عظیمه ZAZ' قطع خواهد کرد که آن را دایره قائم آن کوب گویند.

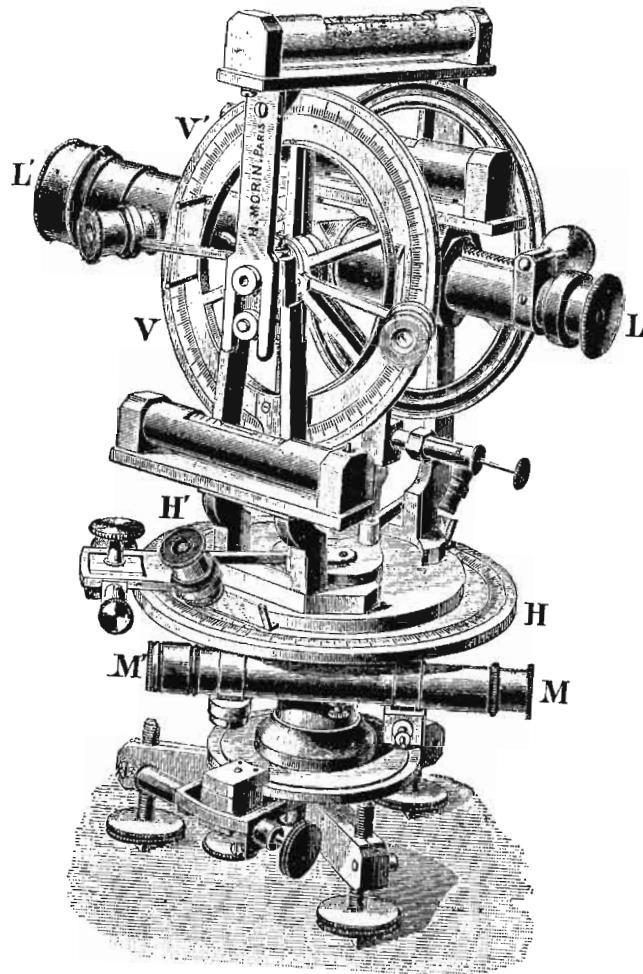
سمت یک ستاره اندازه کمانی است

از افق که بین دایره قائم آن ستاره و یک دایره قائم ثابت که به عنوان مبدأ اختیار می‌شود واقع گردد. سمت یک ستاره از صفرتاً  $360^\circ$  درجهت شمال به مشرق (جهت معکوس) اندازه گرفته می‌شود، مانند F از شکل ۴.

ارتفاع یک ستاره اندازه کمانی است از دایره قائم ستاره که بین صفحه افق و آن ستاره واقع باشد. این کمان از صفرتاً  $90^\circ$  به طرف سمت الرأس اندازه گرفته می‌شود، مانند کمان FA. زاویه ZTA حادث مابین شعاع بصر TA و خط قائم TZ فاصله الرأس کوب A نامیده می‌شود. سمت و ارتفاع هر نقطه را مختصات افقی آن نقطه گویند.

**۱۵- طول یاب (ئودولیت)-** سمت و ارتفاع هر ستاره را به کمک اسبابی تعیین می‌کنند که آن را ئودولیت یا طول یاب نامند. مسلم است که چون ارتفاع ستاره مشخص شد فاصله الرأس نیز که متناسب با ارتفاع است، مشخص می‌شود.

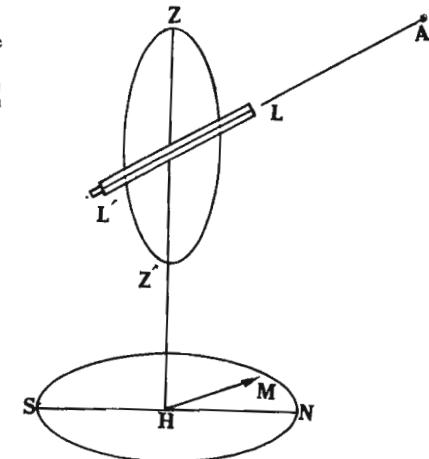
ئودولیت (شکل ۵) از سه جزء اصلی مرکب است: اولاً دایره افقی SN؛ ثانیاً دایره قائم ZZ' که در حول محور HZ ممکن است دوران



شکل یک تئودولیت کامل

کند؛ ثالثاً دوربین 'LL' که بر سطح دایره قائم و حول محوری افقی که از مرکز آن می‌گذرد دوران می‌کند. بدیهی است که هر ستاره که بالای افق باشد با دوربین 'LL' قابل مشاهده است، زیرا کمی توان اولاد افقی قائم را به سمت ستاره دوران داد، ثانیاً

دوربین را بقدر کفايت در حول محور افقی گردانید تا شعاع ستاره کاملاً در امتداد محور آن قرار گیرد. هردو دایره مدرجه‌ند، و دایره افقی دارای عقر بهای است که به متابعت محور قائم حرکت افقی می‌کند بطوری که زاویه سمت را روی این دایره می‌خوانیم و ارتفاع عیا فاصله الرأس را روی دایره 'ZZ'



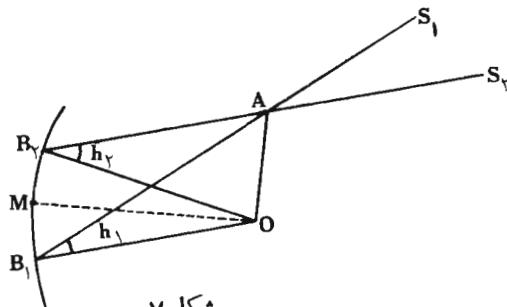
شکل ۵

بدیهی است که هر نقطه مانند A فقط دارای یک سمت و یک ارتفاع است.

**تبصره** - در تعیین سمت و ارتفاع ستاره‌ای که دارای فرص معتبرابه باشد، باید سمت و ارتفاع مرکز آن را تعیین کرد و چنان‌که می‌دانیم، این مرکز واقع است بر منصف الزاویه قطر ظاهری آن (شماره ۵)

**۱۶- تعیین نصف النهار به کمک تئودولیت** - فرض می‌کنیم که روی ما به سمت جنوب و ستاره‌ای در نقطه A، در طرف چپ ما، واقع باشد (شکل ۶) و تئودولیت را در حالی که درست تراز شده باشد در نقطه T قرارداده باشیم. پس دوربین را چنان متوجه ستاره A می‌کنیم که ستاره در امتداد

فرجه  $\angle OAB_2$  نیز می باشد. اما دو مثلث قائم الزاویه  $OAB_1$  و  $OAB_2$  در این حال متساویند پس  $OB_2 = OB_1$ . از اینجا قاعده پیدا کردن

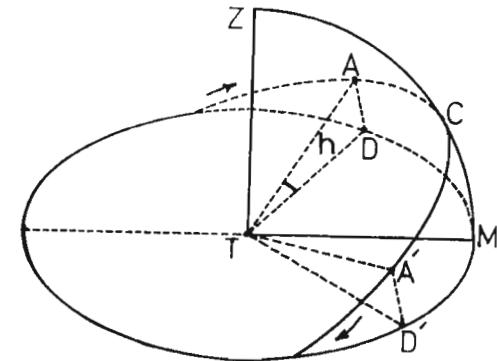


شکل ۷

نصف النهار مکان به وسیله سایه اشیا (شاخص) نتیجه می شود :  
میله  $OA$  را بطور قائم روی زمین نصب می کنیم؛ قبل از ظهر، سایه ای مانند  $OB$  خواهد داشت؛ به مرکز  $O$  و به شعاع  $OB_1$  دایره ای می کشیم و صبر می کنیم تا بعد از ظهر سایه ای نقطه  $A$  بر نقطه  $B_2$  از دایره منطبق شود؛ کمان  $B_1B_2$  را نصف می کنیم؛ اگر  $M$  وسط این کمان باشد، صفحه  $MOA$  نصف النهار مکان است و موقعی که مرکز خورشید به این صفحه می رسد، ظهر حقيقی است .

**۱۸- دوربین نصف النهاری** - اگر دایره قائم تئودولیت را بر صفحه نصف النهار قرار دهیم و بیچ محور قائم آن را محکم کنیم تا دیگر به سمت راست و چپ حرکت نکند، چنین دوربین را دوربین نصف النهاری گویند.  
به عبارت دیگر می گویند دوربین را نصف النهاری کوک کرده ایم . منتهی دوربین نصف النهاری که در رصدخانهها بکار می برند خیلی بزرگتر از تئودولیت و حول محوری متحرک است که طرفین آن روی دوستونی که از مصالح بنایی ساخته شده است قرارداده اند، لذا دوربین را فقط در صفحه نصف النهار آنجا می توان حرکت داد (شکل ۸).

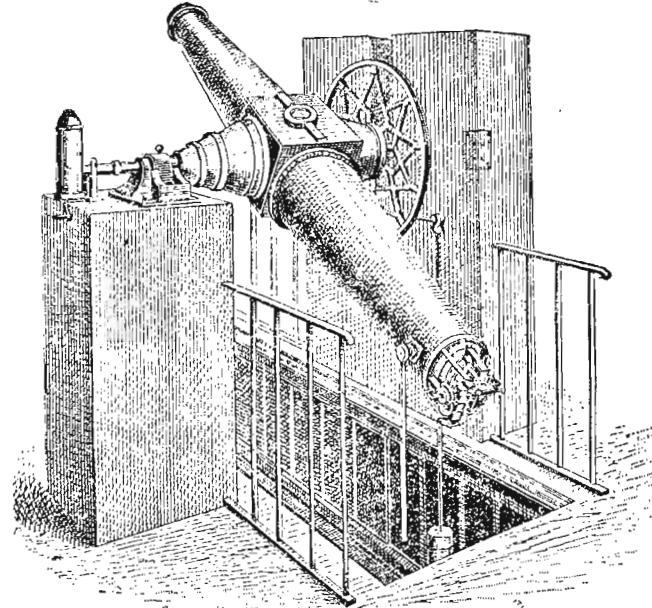
محور رؤیت آن واقع شود. در این موقع دایره قائم تئودولیت در صفحه قائم  $ZTD$  واقع می شود.  
بنابراین زاویه  $ATD$  که امتداد محور دوربین بالفوق می سازدار ارتفاع ( $h$ ) ستاره را تعیین می کند.



شکل ۸

پس از آن مشاهده می کنیم که ستاره رو به صعود می گذارد و بعد از اینکه روبروی ما رسید متدرجآ شروع به نزول می کند؛ بنابراین در طرف راست ما نیز در وضعی مانند  $A'$ ، آن ستاره مجددآ دارای ارتفاع  $h$  می شود .  
پس دوربین را بدون آنکه میلش نسبت به صفحه افق تغییر کند، حول محور قائمش می چرخانیم تا ستاره را به همان ارتفاع  $h$  در دوربین رؤیت کنیم.  
در این موقع دایره قائم تئودولیت در صفحه قائم '  $ZTD$  واقع می شود و چون زاویه  $'DTD$  را با خط  $TM$  نصف کنیم، صفحه قائم  $ZTM$  نمایش صفحه نصف النهار نقطه  $T$  است.  $TM$  را که درست در جهت شمال و جنوب است، خط نصف النهاری این نقطه گویند .

**۱۷- تعیین نصف النهار به وسیله سایه** - چنانکه دیدیم، اگر  $A$  و  $A'$  دو موضع يك ستاره باشند هنگامی که ستاره به ارتفاع  $h$  می رسد، صفحه  $A$  و  $A'$  دو صفحه قائم  $S_1$  و  $S_2$  (شکل ۷) دو موضع خورشید  $h_1$  و  $h_2$  و  $h$  ارتفاع خورشید در این دو موضع باشد، هنگامی که  $h_1$  و  $h_2$  برابر شوند، نیمساز فرجه صفحه قائم  $S_1$  و صفحه قائم  $S_2$  نصف النهار مکان می شود و این صفحه منصف



شکل ۸ - دوربین نصفالنهاری

۱۹- تعیین ارتفاع قطب. ارتفاعی را که قطب عالم در فوق افق هر مکان دارد می‌توان به طریق زیر بدست آورد :

ارتفاع ستاره‌ای را که مدارش بالای افق واقع شده است در دو موقعی که از نصفالنهار آن مکان یعنی از نقطه‌های  $E'$  و  $E$  می‌گذرد، بهوسیلهٔ دایرهٔ قائم تئودولیت پیدا می‌کنیم، و چون می‌دانیم که محور  $P'P$  منصف زاویهٔ

$EOE'$  می‌باشد (شکل ۹)، چنین خواهیم داشت :

$$\widehat{ZP} = \widehat{ZE} + \widehat{EP}$$

$$\widehat{ZP} = \widehat{ZE}' - \widehat{PE}'$$

و نیز

و چون دو تساوی فوق را با هم جمع کنیم، با در نظر گرفتن تساوی  $\widehat{EP} = \widehat{PE}'$ ، چنین نتیجهٔ می‌شود :

$$2\widehat{ZP} = \widehat{ZE} + \widehat{ZE}'$$

$$\boxed{\widehat{ZP} = \frac{\widehat{ZE} + \widehat{ZE}'}{2}}$$

و از آنجا :

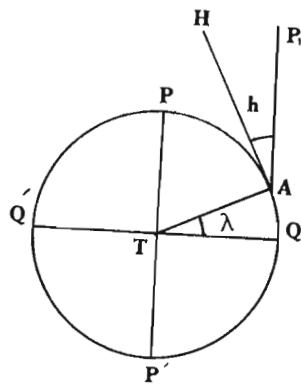
از تساوی اخیر قضیهٔ زیر استنباط می‌شود .

قضیه - فاصلهٔ الرأس قطب در هر مکان مساوی است با نصف مجموع فاصلهٔ الرأسهای یک ستارهٔ ابدی اظهور در دو موقع عبورش بر نصفالنهار آن مکان .

چون این زاویه را از  $90^\circ$  درجه کم کنیم، ارتفاع قطب بدست می‌آید.  
تبصره - می‌توان مانند آنچه در بالا ذکر شد، مستقیماً ارتفاع قطب یعنی زاویه  $HOP$  را بدست آورد؛ برای این منظور به جای  $ZE$  و  $ZP$  مقدار  $HE$  و  $HE'$  را ببروی دایرهٔ قائم تئودولیت می‌خوانیم و به جای  $ZP$  مقدار  $HP$  را حساب می‌کنیم .

### مختصات جغرافیایی

۲۰- طول و عرض. طول جغرافیایی هر مکان عبارت است از اندازهٔ کمانی از استوا که بین صفحهٔ نصفالنهار مکان مفروض و صفحهٔ نصفالنهاری باشد که مبدأ طول قرار می‌دهند (عموماً مبدأ طولها را نصفالنهار گردینویج می‌گیرند) .



شکل ۱۱

نقطه A و نقطه AH افق نقطه A می‌باشد که عمود است بر  $AT$ . بنابر تعریف، زاویه  $QTA = \lambda$  عرض نقطه A و زاویه  $HAP = h$  ارتفاع قطب نسبت به افق مکان A می‌باشد، و چون این دو زاویه حاده و اضلاعشان برابر یکدیگر عمود است، با هم مساویند.

**نتیجه مهم** - برای تعیین عرض هر مکان کافی است که ارتفاع قطب در آن نقطه تعیین شود (شماره ۱۹).

**۲۲- تعیین طول** - چون خورشید در مدت یک شبانه روز بظاهر یک دور به دور زمین می‌گردد، در هر ساعت ۱۵ درجه می‌پیماید. پس می‌توان طول هر مکان را نسبت به مکان دیگر از روی اختلاف ساعات حقیقی آنها بدست آورد، به این معنی که هر گاه  $n$  اختلاف طول جغرافیایی و اختلاف زمان دو مکان باشد همواره این دستور برقرار است:

$$n = 15h$$

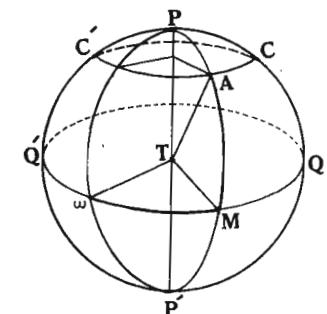
مثالاً هر گاه فاصله ظهر حقيقی دو مکان مختلف ۳ ساعت و  $30^{\circ}$  دقیقه

باشد، اختلاف طول جغرافیایی آنها با یکدیگر چنین می‌شود:

$$n = 15^{\circ} \times \frac{1}{2} = 52^{\circ} 30'$$

اختلاف ساعات حقیقی دو مکان را می‌توان به وسیله تلگراف بی‌سیم تعیین کرد. برای این کار، فرض می‌کنیم که دونفر را صد در درون نقطه مختلف قرار گرفته باشند. اولی ظهر حقيقی مکان خود را با بی‌سیم به دو می‌خبر

عرض جغرافیایی هر مکان اندازه‌گیری کافی است از نصف النهار مکان که بین آن نقطه و دایره استوا واقع باشد. مثلاً طول نقطه A (شکل ۱۰)، زاویه  $TM$  یا قوس  $M$  از استواست که مابین نصف النهار نقطه A و نصف النهار مبدأ  $P$  و  $P'$  واقع است عرض آن، زاویه  $MTA$  یا قوس  $MA$  از نصف النهار است که بین نقطه A و استوا  $Q'Q$  محصور است.



شکل ۱۰

طول مکانی را که در شرق مبدأ باشد شرقی و طول مکانی را که در غرب مبدأ باشد غربی گویند. طول شرقی را با علامت + و طول غربی را با علامت - نشان می‌دهند. طولها از  $0^{\circ}$  تا  $180^{\circ}$  شرقی و  $0^{\circ}$  تا  $180^{\circ}$  غربی تغییر می‌کنند.

عرض مکانی را که در شمال استوا باشد شمالی و عرض مکانی را که در جنوب استوا باشد جنوبی می‌خوانند. عرض شمالی را با علامت + و عرض جنوبی را با علامت - نشان می‌دهند. عرضها از  $0^{\circ}$  تا  $90^{\circ}$  شمالی و  $0^{\circ}$  تا  $90^{\circ}$  جنوبی تغییر می‌کنند.

طول و عرض هر مکان را بر روی هم مختصات جغرافیایی آن مکان گویند.

**۲۱- تعیین عرض - قضیه** - عرض هر مکان برابر ارتفاع قطب است نسبت به افق آن مکان.

**برهان** - فرض می‌کنیم که صفحه شکل، نصف النهار مکان A ( محل رصد) باشد،  $Q'Q$  استوا،  $P'P$  محور زمین و  $AP$  شاعع رؤیتی است که از نقطه A (شکل ۱۱) به قطب آسمان متوجه است.  $TA$  خط قائم

می‌دهد. چون سرعت امواج رادیو در هر ثانیه  $300000$  کیلومتر است، می‌توان گفت که امواج رادیو مسافت بین هر دو نقطه از کره زمین را آن‌ طی می‌کند، لذا دو می‌چون به ساعت خود نگاه کند اختلاف زمان مکان خود را نسبت به اویی بدست می‌آورد و فوراً یادداشت می‌کند، و چون این اختلاف را درجه ضرب کنند، اختلاف طول جغرافیایی مطلوب بدست می‌آید.

اختلاف زمان هر دو مکان را می‌توان به وسیلهٔ کرونومتر دقیقی بدست آورد. برای این کار، کرونومتر را با ظهر حقیقی مکان خویش مطابق می‌کنیم و آن را با خود به مکان دیگری که مقصود تعیین اختلاف طول آن است می‌بریم؛ چون ظهر حقیقی مکان منظور را با کرونومتر خود تطبیق کنیم، اختلاف ساعت حقیقی این دو مکان ظاهر می‌شود و طول مطلوب بدست می‌آید.

تبصره ۱۵- عملاً به جای ظهر حقیقی، عبور کوکب معینی را از نصف النهار مکان مفروضی رصد می‌کنند یا یکی از حوادث دیگر سماوی را، که بعداً خواهیم دید، مأخذ قرار می‌دهند و اختلاف زمان منظور را بدست می‌آورند. این اختلاف زمان را بر حسب ساعت نجومی اندازه می‌گیرند (شماره ۷۵).

تبصره ۱۶- عرض تهران  $35^{\circ}$  درجه و  $41$  دقیقه و طول آن  $51^{\circ}$  درجه و  $23$  دقیقه است.

### مختصات معدلي یا استوائي

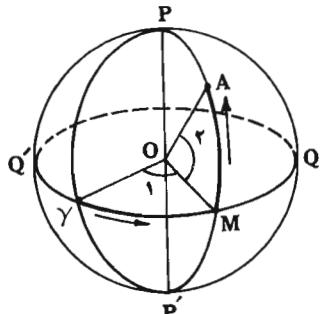
۱- مقدمه- برای تشخیص هر نقطه از آسمان دو زاویه بکار

می‌برند که آنها را مختصات آن نقطه گویند. چنان‌که در شماره ۱۴ ذکر شد، موضع هر ستاره را بر سطح کره آسمان می‌توان به وسیلهٔ زاویه سمت و ارتفاع آن مشخص کرد، لیکن این مختصات برای هر ستاره فقط در یک لحظهٔ معین و یک افق مشخص بکار می‌رود و بمحض این‌که را صد تغییر مکان دهد یا زمان تغییر کند، مختصات هز بور تغییر خواهد کرد. پس به دستگاه جدیدی از مختصات محتاجیم که همیشه و در هر مکان بکار آید. این مختصات بُعد و میل است.

۲۴- میل و بُعد - میل هر ستاره مانند A قوسی است از دایره نصف النهاری آن واقع ما بین دایرهٔ معدل النهار و آن ستاره، مانند قوس MA (شکل ۱۲) (نظیر عرض جغرافیایی).

میل ستاره را شمالی (ثبت) یا جنوبی (منفی) گویند، بنابر آن‌که ستاره مفروض در نیمکرهٔ شمالی باشد یا جنوبی، و آن را همواره به حرف D می‌نامایند. میل از  $0^{\circ}$  تا  $90^{\circ}$  تغییر می‌کند، زیرا از معدل النهار تا قطب ربع محیط است.

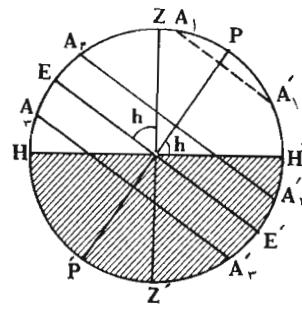
بعد هر ستاره مانند A عبارت از عدد درجهٔ قوسی است از معدل النهار که بین صفحهٔ نصف النهاری ستاره مفروض و صفحهٔ نصف النهاری دیگری، مانند PP' که مبدأً بعدها انتخاب می‌شود واقع باشد. درجهٔ این قوس از صفر تا  $360^{\circ}$  تغییر



شکل ۱۲

۱- دایرهٔ نصف النهاری یا دایرهٔ ساعتی یک ستاره نیم‌دایره‌ای است که از آن ستاره و دو قطب عالم می‌گذرد.

قطبین که جهتش قبلاً تعیین شده است، 'HH' افق حقيقی و 'EE' معدّل النهار باشد.



شکل ۱۳

اولاً - فرض می کنیم که مقصود تعیین میل ستاره  $A_1$  باشد که در شمال سمت الرأس را صد (بین قطب و سمت الرأس) است، یعنی مطلوب اندازه قوس  $EA_1$  باشد. چنانکه در شکل مشاهده می شود

این تساوی برقرار است

$$\widehat{EA}_1 = D = \widehat{EZ}$$

$$\widehat{EZ} = \widehat{H'P}$$

اما :

$\widehat{H'P}$  ارتفاع قطب و  $\widehat{ZA}_1$  فاصله سمت الرأسی ستاره  $A_1$  می باشد. پس اگر این ارتفاع را به  $h$  و فاصله سمت الرأسی را به  $z$  بنماییم این تساوی محقق است:

$$D = h + z$$

ثانیاً - فرض می کنیم که مقصود تعیین میل ستاره  $A_2$  باشد که در جنوب سمت الرأس و در نیمکره شمالی (بین سمت الرأس و معدّل النهار) واقع است؛ در این صورت نیز از روی شکل چنین نتیجه می شود:

$$D = \widehat{EA}_2 = \widehat{EZ} - \widehat{ZA}_2$$

$$D = h - z$$

می کند وجهت آن را خلاف جهت حرکت عقربه ساعت می گیرند و آن را غالباً به علامت  $AR$  می نمایند.

تبصره - واضح است که تمام ستارگان واقع بر روی یک مدار دارای یک میل و تمام نقاط یک نصف النهار دارای یک بعد می باشند، پس در مقابل هر بعد و میل معین یک نقطه وجود دارد و بعکس.

۴۵- تعیین بعد - بعد هر کوکب را می توان به وسیله تئودولیت یا دوربین نصف النهاری تعیین کرد. برای این منظور ستاره مفروض  $A$  (شکل ۱۲) را در موقع عبورش به نصف النهار مکان با دقت تمام رصد می کنیم. فرض می کنیم که ساعتی نجومی (شرح این ساعت بعدها ذکر خواهد شد) داشته باشیم که هنگام عبور نقطه مبدأ (یعنی  $0$ ) به نصف النهار، ساعت ۱۲ را نشان دهد. ساعت عبور ستاره  $A$  را با همین ساعت یادداشت می کنیم. اغلب همین فاصله زمانی را بعد آن ستاره گویند. اما اگر بخواهیم می توانیم آن را با محاسباتی نظری محاسبات شماره ۲۲ تبدیل به درجه کنیم. مثلاً هر گاه فاصله عبور نقطه  $0$  و ستاره  $A$  به نصف النهار ۳ ساعت و ۱۸ دقیقه و ۱۳ ثانیه باشد، داریم :

نیم	قد	عت
۱۳	۱۸	$AR = ۳$
۱۳	۱۸	$AR = (۳)$

یا  $15'' 15' 33'' \times 15^\circ = 49^\circ$

۴۶- اندازه میل - میل هر کوکب را می توان به وسیله تئودولیت بدست آورد: فرض می کنیم که دایره قائم تئودولیت کاملاً در صفحه نصف النهار باشد (دوربین نصف النهاری) و  $PEP'E'$  فصل مشترک صفحه این دایره با سطح کره آسمان (شکل ۱۳)،  $Z$  سمت الرأس،  $PP'$  خط

پس بطور کلی میل هر ستاره مانند  $\star$  واقع در نیمکره شمالی این است:

$$D_x = h \pm z_x$$

در این دستور علامت جمع برای ستارگانی است که در شمال سمت الرأس واقعند و علامت منها برای آنها بیکه در جنوب سمت الرأسند.  
ثالثاً - فرض می‌کنیم که مقصود تعیین میل ستاره  $A_3$  باشد که در نیمکره جنوبی (بین معدن النهار و افق) است. در این حالت نیز چنانکه از شکل واضح می‌شود این تساوی حاصل است:

$$D = \widehat{EA}_3 = \widehat{EZ} - \widehat{ZA}_3 = h - z$$

دستور  $z = D \pm h$  کلی است و در تمام حالات بکار می‌رود، منتهی باید این نکته را در نظر داشت که هر گاه  $h - z$  منفی باشد میل جنوبی است، یعنی ستاره در نیمکره جنوبی واقع است. از مقدمات فوق قضیه زیر نتیجه می‌شود:

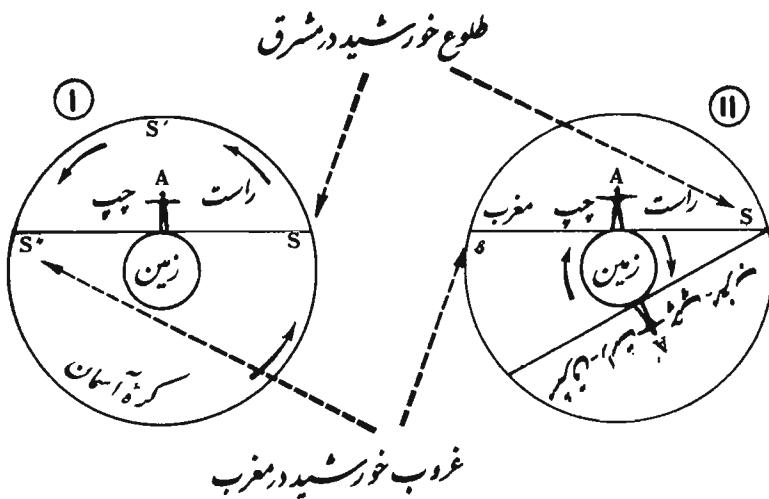
**قضیه** — مقدار جبری میل هر ستاره مساوی است با ارتفاع قطب نسبت به افق مکان رصد بعلاوه یا منهای فاصله سمت الرأسی ستاره در موقع عبورش به نصف النهار آن مکان.

**تبصره** — اغلب در محاسبات نجومی به جای میل، فاصله قطبی ستاره را منظور می‌دارند. واضح است که این زاویه متمم زاویه میل است.

## فصل دوم

### حرکت و وضعیت زمین

۳۷- توجیه طلوع و غروب ستارگان. چنانکه سابقاً گفتیم، چنین بنظر می‌آید که تمام ستارگان بر سطح کره آسمان چسبیده اند و این



شکل ۱۴

کره بزرگ حول محوری همواره از مشرق به مغرب دوران می‌کند، و بعلاوه از اوضاعی که در طلوع و غروب کواكب مشاهده می‌کنیم ثابت

می شود که زمین ما در فضا معلق است و به چیزی تکیه ندارد . اکنون باید این مسئله را تحقیق کنیم که : آیا حرکتی که در کره آسمان بنظر می آید مطابق واقع است یا به واسطه حرکتی است که کره زمین از مغرب به مشرق در حول محور خود دارد .

با هردو فرض نتیجه یکسان است، زیرا را صد A که رو به شمال قرار گرفته است، خورشید و ستارگان را از راست به چپ خود در حرکت می بیند، خواه زمین بیحرکت و کره آسمان از شرق به غرب در حرکت باشد (شکل ۱۴- I)، خواه کره آسمان بیحرکت وزمین از غرب به مشرق در حرکت باشد (شکل ۱۴- II) .

**۲۸- حرکت زمین.**- قدمای چنین تصور می کردند که کواکب نقاط درخشندگانی هستند که بر کره آسمان ثابتند و این کره در شبانه روز یک بار بر گرد محور خود دور می زند. بعداً معلوم شد که هر یک از این نقاط کره آزادی است که در فضا معلق است. بنابراین دوران تمام آنها بر گرد کره زمین امری نیست که قبولش آسان باشد. این بیشتر قابل قبول است که حرکت این ستارگان عظیم بر اثر گردش کره کوچک ما بر گرد محورش باشد.

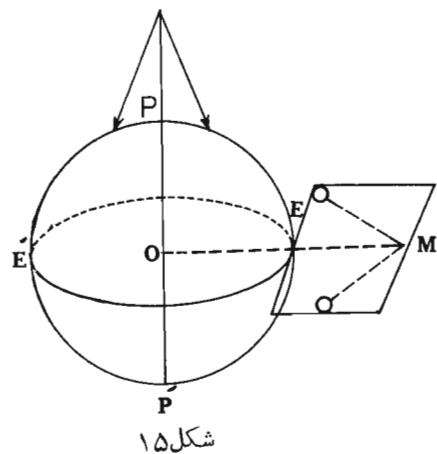
نکته دیگری که وجود حرکت زمین را بیشتر تقویت می کند، وجود سیاراتی است که کمال مشابهت را به کره زمین دارند و معلوم شده است که تمام آنها حول یکی از اقطار خود دوران می کند. پس دلیلی ندارد که کره کوچک ما مستثنی باشد .

**۲۹- دلایل حرکت زمین.**- دلایلی چند وجود دارد که حرکت وضعی زمین را ثابت می کنند. مهمترین آنها عبارتند از :

**الف - تجربه سقوط** - در چاه معدنی یک جسم وزین را بطور آزاد با کمال دقت سقوط دادند. آن جسم در ضمن سقوط اندکی از امتداد قائم منحرف شد و به طرف مشرق آن نقطه فرود آمد. از اینجا معلوم می شود که زمین از مغرب به مشرق به دور محور خود می چرخد.

**ب - حرکت بادهای آلیزه و ضدآلیزه** - بادهایی که از انتقال هوای سرد قطب به استوا و هوای گرم استوا به قطب تولید می شود باید دارای جهتی از شمال به جنوب و از جنوب به شمال باشند . در حالی که بادهای از قطب به استوا به طرف مغرب و بادهای از استوا به قطب به طرف مشرق منحرف می شود. انحراف این بادها نتیجه حرکت وضعی زمین است.

**ج - تجربه فوکو- فوکو** (۱۸۱۹- ۱۸۶۸) - برای اثبات حرکت دورانی زمین چنین فرض کرد که بتوان در قطب شمال آونگی در امتداد محور زمین آویخت و آن را بنوسان درآورد . بنابراین هرگاه زمین حول محورش متحرک باشد، هر نقطه از آن در مدت ۲۴ ساعت یک دور تمام به دور صفحه نوسان آونگ دور می زند (چه در مکانیک ثابت شده است که صفحه نوسان آونگ همواره ثابت و تغییر ناپذیر است) و بنظر می آید که صفحه نوسان درجهت عکس حرکت زمین و با همان سرعت متحرک است . اگر این آونگ را در خط استوا بیاویزیم (شکل ۱۵)، خط قائم مکان یعنی EM بر محور عمودی شود

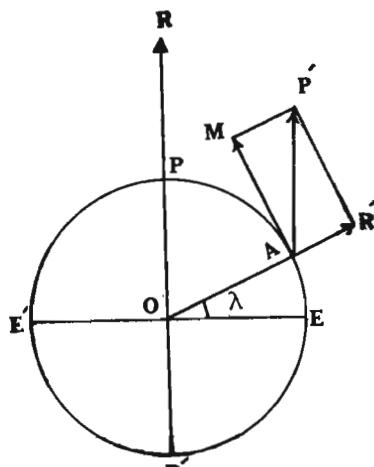


شکل ۱۵

دو سمت مخالف می‌ریخت و مقدار انحراف را ظاهر می‌ساخت، و از روی دائرة مدرج معلوم شد که مقدار این انحراف در پاریس، در هر ساعت،  $11^{\circ}$  و  $12^{\circ}$  است.

### \* ۳۰- محاسبه انحراف آونگ - می‌توان بوسیله مکانیک مقدار

انحراف نوسان مزبور را محاسبه کرد. فرض می‌کنیم که  $O$  کره زمین و  $OP$  محور دوران کرده باشد (شکل ۱۷). می‌دانیم که هر دوران را می‌توان به توسط سهمی که در جهت محور دوران ممتد و طولش نمایش سرعت دوران باشد نمایش داد، و لذا فرض می‌کنیم که این سهم  $PR$  باشد و آونگ را در نقطه  $A$  به عرض  $\lambda$  بنوسان آورده باشیم. حال از نقطه  $A$  سهم  $AP'$  را مساوی و موازی  $PR$  رسم می‌کنیم و آن را به دو مؤلفه  $AR'$  و  $AM$  که اولی در



شکل ۱۷

امتداد قائم مکان و دومی معاس  
بر نصف‌النهار است تجزیه می‌کنیم،  
پس تنها همان مؤلفه  $AR'$  است که  
تغییر سطح نوسان را ظاهر می‌سازد  
و لذا از مثلث قائم الزاویه  $AP'P$   
چنین خواهیم داشت:

$$AR' = AP' \sin \lambda$$

و چون  $AP' = PR$  را یک دور  
کامل در ۲۴ ساعت فرض کنیم چنین  
می‌شود:

$$AR' = 2\pi \sin \lambda$$

از دستور فوق واضح می‌شود که مقدار انحراف همواره متناسب با سینوس عرض مکان است.

مسئله - مقدار انحراف آونگ را اولاً در مدت ۲۴ ساعت، ثانیاً در مدت یک ساعت برای تهران که عرضش  $35^{\circ}$  و  $41^{\circ}$  است، استخراج کنید.

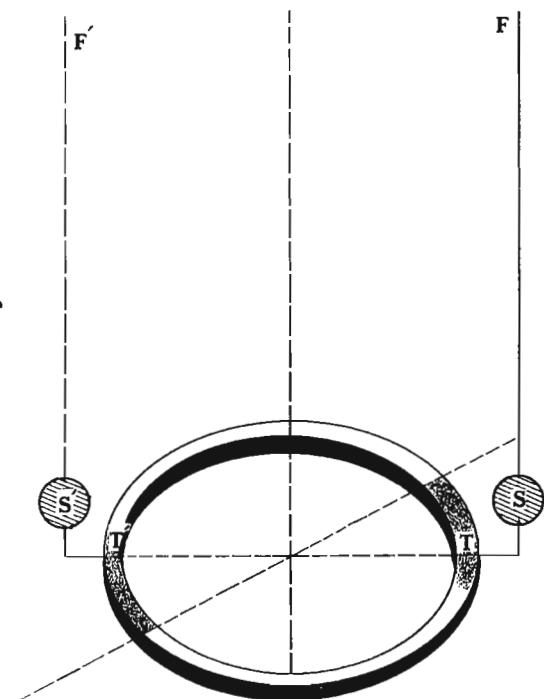
و چون صفحه نوسان آونگ را به مربعی نمایش دهیم، آونگ دائمًا باید در همین صفحه نوسان کند. پس مقدار انحراف ظاهری صفحه آونگ در قطب باید بقدر سرعت دوران زمین و در استوا صفر باشد و در نقاطی که عرضشان مابین این دو مکان است مقدار انحراف هم باید

مابین  $36^{\circ}$  درجه و صفر درجه باشد.

فوکوبای آزمودن  
این نظر، در سال ۱۸۵۱

مسیحی آونگی ترتیب  
داد مرکب از یک سیم  
نازک فولادی به طول  
۷۰ متر و گلوله فلزی  
(شکل ۱۶) به وزن  
۲۸ کیلوگرم که به  
انتهای سیم آویخته

بود. این آونگ را



شکل ۱۶

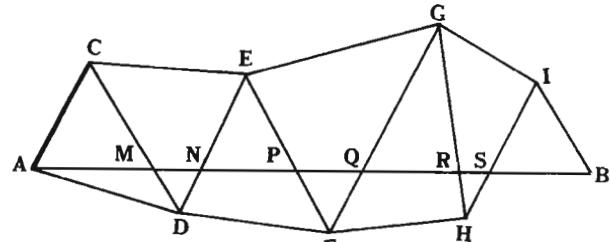
به زیر سقف گبد پانتئون آویخته و بادقت تمام بنوسان در آورد. برای اینکه تغییرات ظاهری سطح نوسان را ظاهر سازد دایرة مدرجی در زیر آونگ قرار داد، بطوری که مرکزش در امتداد خط قائم آونگ واقع باشد، و دو توode از ماسه نرم (T و T') در طرفین محیط آن قرارداد. چون آونگ را بنوسان می‌آورد حرکت نوک آونگ بتدریج ماسه‌هارا از

مشاهده می کنیم که ظاهرآ محیط آن فصل مشترک زمین با آسمان و مرکز محل اقامت ماست. چون این دو دلیل را با هم توازن کنیم لازم می آید که زمین کروی باشد.

ثالثاً - چنانکه بعدها خواهیم دید، در موقع خسوف (گرفتن ماه) سایه‌ای که زمین بر قرص ماه می‌اندازد همواره به شکل قسمتی از دائیره است.

رابعاً - عکسپرداریها و مسافرت‌های فضایی که طی چند سال اخیر بعمل آمده است دیگر جای تردیدی برای این موضوع باقی نگذاشته است.

**۳۳- اندازه نصف‌النهار** - فرض می‌کنیم  $AB$  قوسی از یک نصف‌النهار باشد (شکل ۱۹). واضح است که این قوس بر سطح زمین رسم



شکل ۱۹

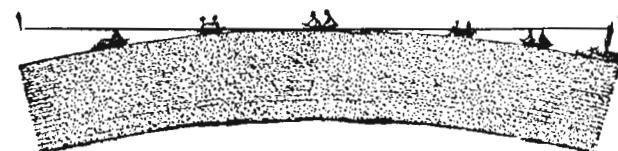
نشده است، ولی می‌توان به وسیله تئودولیت و پرچمهای مهندسی امتداد آن را مشخص کرد. حال برای اندازه‌گرفتن طول آن، خطی مانند  $AC$  به عنوان مبناب روی زمین اختیار کرده به دقت تمام آن را اندازه‌می‌گیریم، سپس نقاطی مانند  $D$  و  $E$  و  $F$  و ..... را در طرفین  $AB$  چنان نشان می‌کنیم که از هر یک از آنها دونقطه مجاور دیده شود. پس از آن هر یک از زوایای  $ACD$  و  $CDE$  و  $DCE$  و  $CAD$  و  $GHI$  و  $HFI$  و  $FID$  و  $IDG$  و  $GHE$  و  $EHG$  و  $GEH$  و  $HEG$  را به وسیله تئودولیت

## شکل زمین و ابعاد آن

**۳۱- مقدمه** - هرگاه پستی و بلندیهای غیر منظمی را که در سطح زمین بنظر می‌رسد بحساب آوریم، ظاهرآ شکل زمین را جزء هیچیک از اشکال هندسی نمی‌توان محسوب داشت؛ ولی اگر این فرو رفتگیها و برجستگیهای باعظامت زمین مقایسه کنیم معلوم خواهد شد که از دانه‌های پوست نارنج هم نسبت به حجم آن بی‌اثر ترند. همانطور که دانه‌های سطح نارنج شکلش را در نظر می‌گیریم خارج نمی‌کنند، پستی و بلندیهای زمین نیز آن را از اشکال هندسی خود خارج نمی‌نمایند.

**۳۲- شکل کره زمین** - زمین تقریباً کروی است و دلایل آن به قرار زیر است:

اولاً - هرگاه در کنار دریا ناظر نزدیک شدن یک کشتی به ساحل باشیم، مشاهده می‌کنیم که نخست نوک پرچم و سپس سایر اجزای آن



شکل ۱۸

بتمدیریج ظاهر می‌شود. هنگام دور شدن کشتی از ساحل، عکس این امر روی می‌دهد (شکل ۱۸).

ثانیاً - هر جا در زمین مسطحی با استیم دور خود را به صورت دایره‌ای

اندازه می‌گیریم. حال در مثلث  $ACD$  دوزاویه و ضلع بین آن دو معلوم است، پس می‌توان موافق دستورات مثلثاتی آن را حل کرد و سایر اجزاء را بدست آورد؛ همچنین در مثلث  $CED$  ضلع  $CD$  به وسیله حل مثلث اول معلوم شده است و دو زاویه طرفینش را اندازه گرفته‌ایم، پس ضلع  $DE$  را می‌توان بدست آورد. بهمین طریق از حل هر مثلث، ضلعی بدست می‌آید که به کمک آن اجزای مثلث بعد حساب می‌شود. حال زاویه  $MAC$  مابین مبانی  $AC$  و امتداد نصف‌النهار را اندازه می‌گیریم. چون در مثلث  $AMC$  دوزاویه و ضلع بین آن دو یعنی  $AC$  معلوم است، دو ضلع  $CM$  و  $AM$  بدست می‌آیند. همچنین در مثلث  $DMN$  ضلع  $DM$  تفاضل  $CD$  و  $CM$  است و  $\widehat{DMN} = \widehat{CMA}$  است و  $\widehat{MDN}$  را سابقاً اندازه گرفته بودیم. چون مثلث  $DMN$  را حل کنیم ضلع  $MN$  که قطعه دوم نصف‌النهار است بدست می‌آید. بهمین طریق در سایر مثلثها،  $ENP$  و  $PQF$  و غیره، طول قطعات  $NP$  و  $QF$  و  $QR$  و... بدست می‌آید که چون آنها را جمع کنیم طول  $AB$  قطعه‌ای از نصف‌النهار معلوم خواهد شد.

اکنون با تعیین عرض جغرافیایی دونقطه  $A$  و  $B$  (شماره ۲۱)، عدد درجات این قوس را تعیین می‌کنیم. اگر این دونقطه در یک سمت استوا باشند تفاضل این دو عرض، عدد درجات قوس  $AB$  خواهد بود، و اگر در طرفین استوا باشند مجموع آن دو عرض، عدد درجات قوس  $AB$  است. طول تمام نصف‌النهار  $AB$  از روی تناسب زیر بدست می‌آید:

$$\frac{x}{2\pi} = \frac{m}{n}$$

که در آن  $m$  طول قوس  $AB$  و  $n$  عدد درجات آن و  $x$  طول تمام نصف‌النهار است.<sup>۱</sup>

**۳۴- ابعاد زمین - متر** - بر حسب اندازه گیری‌هایی که در فرن هجدهم مسیحی توسط عده‌ای از مهندسان فرانسوی صورت گرفت، طول یک درجه از نصف‌النهار تقریباً  $57000$  تو آز ( واحد طول در مقیاسات قدیم فرانسه و تقریباً معادل ۲ متر) بدست آمد؛ سپس واضعان دستگاه متري، طولی مساوی  $\frac{1}{40000000}$  ربع نصف‌النهار پاریس را گرفته و آن را متراً متر قانونی نامیدند، ولی بعدها معلوم شده که طول ربع نصف‌النهار معادل  $10001868$  متر مزبور است. لذا متر قانونی  $18/0$  میلی‌متر نسبت به تعریف اولیه‌اش کوچکتر است. با این حال در تمام محاسباتی که مستلزم دقت زیاد نباشد زمین را کره‌ای به محیط  $40$  میلیون متر می‌گیرند. پس شعاع آن چنین می‌شود:

$$R = \frac{40000 \text{ km}}{\frac{4\pi}{2\pi}} = 6266/19 \text{ km}$$

پس حجمش  $V = \frac{4}{3}\pi R^3$  تقریباً  $10^{12} \times 10^{12} \times 10^{12}$  متر مکعب یا  $10^{42}$  سانتی‌متر مکعب می‌شود، و وزنش، بنا بر آنکه وزن مخصوص آن را  $5/5$  بگیریم، چنین خواهد شد:

$$P = V \cdot d = 6 \times 10^{42} \text{ kg}$$

### ۳۵- شکل حقیقی زمین و نصف‌النهارات - هر گاه روی

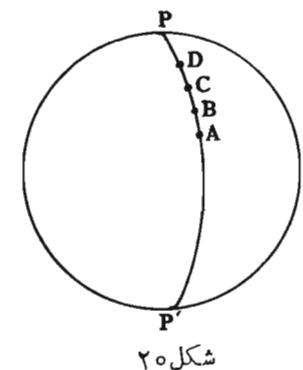
۱- محمد بن موسی بن شاکر از علمای ریاضی اسلام به حکم هارون الرشید در صحرای سنگار به طریق مذکور محیط نصف‌النهاری زمین را معلوم کرد.

نصفالنهاری مانند 'PP' (شکل ۲۰) اعمالی مثلثاتی شبیه اعمال شماره ۳۳ انجام دهیم، و عرض جغرافیایی یک سلسله نقاط A و C و B و D و ... و طول قوسهای AB و BC و CD و ..... را تعیین کنیم و آنها را با هم بسنجیم و همین اعمال را در مورد بعضی از نصفالنهارات دیگر تکرار کنیم، نتیجه خواهد شد که :

اولاً - طول قوس یک درجه، هر قدر آن قوس از خط استوا دورتر باشد، بزرگتر است، بطوری که هر نصفالنهار را می‌توان یک بیضی دانست که قطر اطول آن قطری از استوا و قطر اقصر آن فاصلهٔ دو قطب است.  
ثانیاً - تمام نصفالنهارات بایکدیگر مساویند.

#### ۳۶- فرورفتگی قطبین- از دو

نتیجهٔ فوق معلوم می‌شود که قطبین زمین اندکی فرورفتگی واستواش برآمدگی دارد. پس زمین جسمی است بیضوی که از دوران یک نیم بیضی حول محور اقصرش تشکیل شده است بطوری که :



شکل ۲۰

شعاع استوایی زمین

شعاع قطبی زمین

اختلاف دو شعاع

فرورفتگی قطبین

تبصره - مقدار  $\alpha$  پس از اندازه‌گیریهای متعدد در نقاط مختلف

زمین از  $\frac{1}{299}$  تا  $\frac{1}{293}$  بdest آمده است. ولی از سال ۱۹۲۵ می‌سی‌حی به این طرف، بنابرقرارداد کنفرانس بین‌المللی پاریس، تمام دول برای اتحاد اعمال مهندسی و نجومی، کسر  $\frac{1}{297}$  را که بین  $\frac{1}{293}$  و  $\frac{1}{299}$  است بکار می‌برند.

#### ۳۷- استخراج شعاع زمین به وسیله اتساع افق - واضح است

که هر قدر از سطح زمین بالاتر رویم افق‌حسی وسیع ترمی‌شود. زاویه‌ای را که مماس بر کره زمین از یک نقطه، باصفحه افق می‌سازد زاویهٔ اتساع افق گویند. حال اگر زاویهٔ اتساع افق و مقدار ارتفاع مکان رصد از سطح زمین در دست باشد، می‌توان شعاع زمین را محاسبه کرد. فرض می‌کنیم O نقطه‌ای به ارتفاع  $h = OC, OA$  مماس بر کره زمین، TO خط قائم مکان و OH خط افقی واقع در صفحه OCT باشد (شکل ۲۱).

$$\text{اولاً} - \widehat{COH} = \alpha' \quad \text{همان زاویهٔ}$$

اتساع افق است که می‌توان اندازه گرفت.

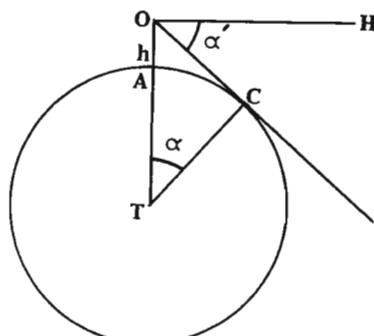
ثانیاً - چون از مرکز T به نقطه C وصل کنیم، این تساوی حاصل است:  $\widehat{HOC} = \widehat{CTO} = \alpha$ . حال در مثلث قائم الزاویه OTC چنین داریم :

$$CT = R = (R + h) \cos \alpha$$

$$R - R \cos \alpha = h \cos \alpha$$

$$R(1 - \cos \alpha) = h \cos \alpha$$

یا  
یا



شکل ۲۱

واز آنجا :

و چون :

چنین خواهیم داشت:

$$R = \frac{h \cos \alpha}{1 - \cos \alpha}$$

$$1 - \cos \alpha = 2 \sin^2 \frac{\alpha}{2}$$

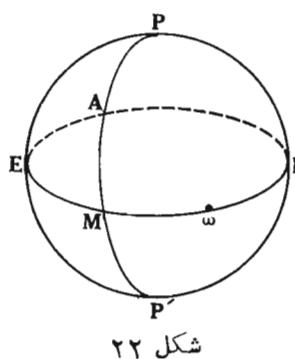
$$R = \frac{h \cos \alpha}{2 \sin^2 \frac{\alpha}{2}}$$

تبصره- به ازای متر  $h = 300$  ، مقدار  $\alpha$  برابر  $33'$  می شود و  
بنابر دستور فوق  $R$  مساوی  $7000$  کیلومتر خواهد شد. واضح است که  
این مقدار، اندازه تقریبی شعاع است، زیرا زاویه  $\alpha$  نسبتاً خیلی کوچک  
بوده است.

## گره‌ها و نقشه‌های جغرافیایی و آسمانی

### -۳۸- گره آسمانی - از روی بعد و میل ستارگان می‌توان باسانی

مکان هر ستاره را بر سطح یک گره مصنوعی به طریق زیر بدست آورد:  
از نقطه اختیاری  $P$  واقع بر سطح گره، دایره عظیمه‌ای به شعاعی  
برابر و تربيع محیط، با پرگار کروی رسم می‌کنیم. نقطه  $P$  را می‌توان  
بمنزله قطب آسمان فرض کرد (شکل ۲۲).



این دایره نظیر معدل النهار و نقطه متقاطر  
 $P$  یعنی 'قطب جنوب' خواهد بود. حال  
نقطه‌ای مانند  $w$  بر روی معدل النهار به  
عنوان مبدأ بعدها اختیار می‌کنیم و قوس  
 $wE'E$  را به اندازه بعد ستاره‌ای که

مقصود تعیین موقع آن بر سطح گره آسمانی است بر معدل النهار نقل و  
دایره عظیمه 'PMP' را ترسیم می‌کنیم. سپس از نقطه  $M$  درجه مناسبی  
قوس  $MA$  را مساوی میل آن ستاره جدا می‌کنیم. نقطه  $A$  تصویر ستاره

مطلوب است.

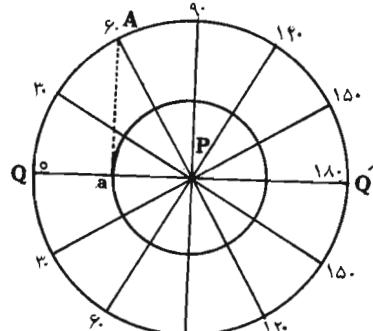
**۳۹- تسطیح کردن** - وسیله نمایش نقاط مختلف آسمان یا زمین همان استعمال کرات مصنوعی است، ولی چون جزئیات را نمی‌توان روی کراطی که قابل حمل و نقل باشد نمایش داد، قسمتی از سطح کره یا تمام آن را بر روی سطحی مستوی تسطیح می‌کنند و آن را بر حسب آنکه متعلق به زمین یا آسمان باشد، نقشه زمینی یا آسمانی می‌نامند. اما چون نمی‌توان سطح کروی یا قطعه‌ای از آن را بدون هیچ چیز خودگی و برشی بر سطح مستوی گسترد، قواعد چندی وضع کرده‌اند که هر یک نسبت به دیگری محسنات و معایبی دارد. مجموع این قواعد را تسطیح کرده گویند.

**۴۰- تصویر قائم** - تصویر قائم هر نقطه از سطح کره عبارت است از موقع عمودی که از آن نقطه بر صفحه دایره عظیمه‌ای از کره (صفحة تصویر) فرود آید. غالباً صفحه تصویر را صفحه دایره استوا یا یکی از نصف‌النهارات فرار می‌دهند.

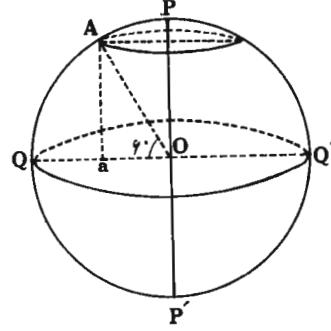
**۴۱- تصویر قائم بر صفحه استوا** - فرض می‌کنیم 'PP' محور زمین و 'QQ' دایره استوا یا معدل النهار باشد (شکل ۲۳)؛ چون صفحه نصف‌النهارات براین صفحه عمودند، تصویرشان خطوط راستی است که از مرکز دایره استوا می‌گذرند.

بنابراین چون بخواهیم یکی از دو نیمکره مثلاً نیمکره شمالی را به این طریق تصویر کنیم، کافی است که دایره‌ای به شعاع اختیاری رسم کنیم (استوا یا معدل النهار) و آن را صفحه تصویر قرار دهیم. پس تصویر قطب P مرکز این دایره (شکل ۲۴) خواهد بود: چون قطر 'QQ' را

به وضع اختیاری رسم کنیم، تصویر نیمه‌ای از نصف‌النهار 'QPQ' می‌شود که نیمه دیگر ش در نیمکره جنوبی است. حال هر یک از دو نیمکره را ابتدا از 'QQ' به اجزاء متساوی چندی مثلاً به شش قسمت تقسیم می‌کنیم و بر نقاط تقسیم اشعه‌ای هرورمی دهیم تا تصاویر نصف‌النهارات، ۳۰ درجه به ۳۰ درجه، بدست آیند.



شکل ۲۴



شکل ۲۳

برای ترسیم مداری، مثلاً مدار  $60^{\circ}$ ، کافی است که از نقطه A نظیر  $60^{\circ}$  عمود AA' را بر قطر 'QQ' فرود آوریم و به مرکز P و به شعاع Pa دایره‌ای منور دهیم. باید دانست که شعاع هر یک از مدارات مساوی است با کسینوس عرض نقاطی که این مدارات برآنها می‌گذرد، بنابر آنکه شعاع کره واحد باشد (شکل‌های ۲۳ و ۲۴).

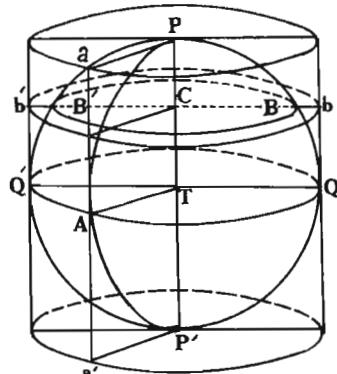
**۴۲- تصویر قائم بر صفحه نصف‌النهار** - فرض می‌کنیم که 'PQP'Q' نصف‌النهاری باشد که بخواهیم یکی از دو نیمکره نظیرش را بر آن تصویر کنیم (شکل ۲۵). در این صورت چون صفحه‌های استوا و مدارات بر صفحه تصویر عمودند، تصویرشان خطوطی است مستقیم و متوازی. ولی چون صفحه‌های نصف‌النهارات نسبت به صفحه تصویر

است که وتر شعاع کره و زاویه  $Aoa$  همان زاویه  $\gamma$  یعنی طول نقطه است اگر  $Q$  مبدأ اختیارشود. بنابراین نقطه  $a$  چنان بدست می‌آید که از مرکز  $o$  خط  $om$  را چنان رسم کنیم که باشعاع  $oq$  (شکل ۲۶) زاویه  $\gamma$  درجه تشکیل دهد، و از نقطه  $m$  عمود  $ma$  را بر  $oq$  فرود آوریم تا نقطه  $a$  وشعاع اقص  $oa$  بدست آید. مقدار  $oa$  را از رابطه  $oa = R \cos \gamma$  می‌توان حساب کرد.

**تبصره**- در این قسم نقشه‌ها تصاویر نواحی وسطی نیمکره از تصاویر نواحی کناری آن به حقیقت نزدیکتر است، زیرا هر قدر بهدو نقطه  $'q$  و  $q'$  نزدیکتر شویم موقع عمودها بیشتر به یکدیگر نزدیک می‌شوند و در نتیجه فواصل تصاویر نهادی که به صفحه تصویر نزدیکترند بی‌اندازه کم می‌شود.

### ۴۳- گسترش استوانه‌ای

فرض می‌کنیم که استوانه دواری در امتداد استوای  $QQ'$  بر کره  $T$  محیط شده باشد (شکل ۲۷). نصف النهارات و مدارات را امتداد می‌دهیم تا سطح جانبی استوانه را در خطوطی مانند  $aa'$  و  $bb'$  دوایری مانند  $bb'$  قطع کنند. واضح است که فصل مشترک

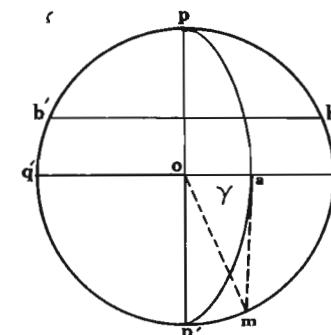


شکل ۲۷

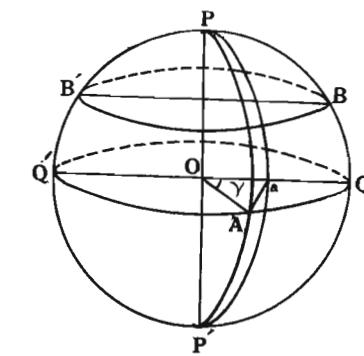
نصف النهارات مولدهایی است از استوانه و فصل مشترک مدارات دوایری است مساوی و موازی دایره استوا. حال اگر این استوانه را در امتداد یکی از مولدها بریده و بگسترانیم، صفحه مشبکی خواهیم داشت

مایلند، تصویر هریک از آنها نصف بیضی است و بنابراین شبکه‌ها (خانه بندی‌هایی که از تصاویر مدارات و نصف النهارات حاصل می‌شود) را به طریق زیر تشکیل می‌دهیم:

فرض کنیم دایره  $pqq'q'$  صفحه تصویر باشد (شکل ۲۶)، پس  $pp'$  نمایش خط قطبی و  $qq'$  تصویر استوات است که عمود بر  $pp'$  است.

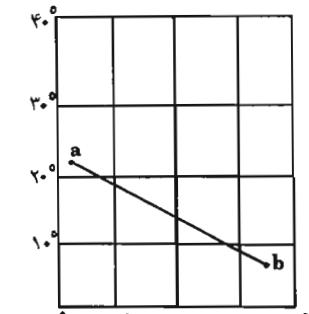


شکل ۲۶



شکل ۲۵

تصویر نصف النهاری که صفحه‌اش بر صفحه تصویر عمود است ( $90^\circ$  درجه‌ای) بر خط قطبی  $pp'$  منطبق می‌شود. حال نصف النهار دیگری مثل  $\gamma$  درجه‌ای را تصویر می‌کنیم. چنانکه قبل اگفتیم، تصویر این قبیل نصف النهارات نصف بیضی است و برای ترسیم بیضی باید طول دو قطر آن را بدست آورد. اما طول قطر اطول  $pp'$  معلوم است، لذا کافی است قطر اقصر را تعیین کنیم؛ برای این مقصود از نقطه  $A$  عمود (شکل ۲۵) را بر صفحه تصویر فرود می‌آوریم. این عمود در صفحه  $QAQ'$  واقع می‌شود پس  $oa$  بر روی  $QQ'$  می‌افتد. بنابراین  $oa$  نصف قطر اقصر بیضی است. اما  $oa$  ضلع زاویه قائم مثلاً قائم الزاویه‌ای



شکل ۲۸

(شکل ۲۸) که در آن خطوط افقی نمایش مدارات و خطوط عمودی نمایش نصف‌النهاراتند. در این قسم نقشه‌ها فقط نواحی استوایی قریب به واقع نمایش می‌یابند، ولی هر قدر از استوا دور شویم اشکال واقع بر سطح کره بیشتر تغییر شکل می‌دهند. چنان‌که مدارات عموماً به اندازه استوا تصویر

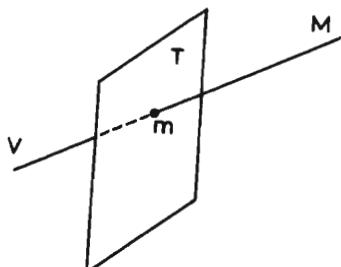
می‌شوند و نصف‌النهارات متوازی می‌گردند، بنابر این نقطه قطب در بینهایت خواهد افتاد. این قبیل نقشه را تصویر مرکاتر (به نام یکی از جغرافیدان هلندی) گویند و در دریانوردی بکار می‌رود.

**۴۴- خاصیت تصویر مرکاتر**- می‌دانیم که اقصی فاصله میان هر دو نقطه واقع بر سطح کره قوسی است از دایره عظیمه واصل بین این دو نقطه که از نصف محیط کمتر باشد. اما در سطح دریاها، برای حرکت از نقطه‌ای به نقطه‌ای دیگر، باسانی نمی‌توان کشتی را در روی قوس عظیمه مابین این دو نقطه حرکت داد، زیرا تنها وسیله تشخیص جهت مقصد برای دریانوردان همان قطب نماست، و می‌دانیم که این هم فقط جهت نصف‌النهار مکان کشتی را تعیین می‌کند و قوس عظیمه مابین هر دو نقطه با نصف‌النهارات زوایای مختلف تشکیل می‌دهد. برای اینکه بتوانیم کشتی را در روی قوس دایره عظیمه حرکت دهیم، باید قبل این زوایا را حساب کرده باشیم. با این حال اگر حادثه‌ای کشتی را از مسیر خود منحرف سازد مجدداً این محاسبات لازم می‌آید. پس اگر یک خط منحنی را مسیر کشتی قرار دهیم که زاویه‌اش با نصف‌النهارات

همواره متساوی باشد، این اشکالات از میان می‌رود. چون در سبک مرکاتر تصویر نصف‌النهارات خطوط متوازی است، اگر منحنی پیمودنی را بر روی نقشه به خطی مستقیم مانند  $ab$  نمایش دهیم (شکل ۲۸)، زاویه‌اش با نصف‌النهارات همه‌جا یکسان است. پس اگر دریانورد یک هرتبه زاویه خط سیر خود را تعیین کند، می‌تواند از ابتدا تا انتهای مسافت، کشتی را طوری برآورد که قطب نماهman زاویه را نشان دهد. بنابراین هرگاه حادثه‌ای کشتی را از امتداد اولیه‌اش منحرف سازد، دریانورد می‌تواند موضع جدید خود را به وسیله تعیین عرض و طول آن مکان تشخیص داده و این نقطه را به مقصد (در روی نقشه) خویش وصل کند و زاویه‌آن خط و نصف‌النهار را اندازه‌گرفته کشتی را در تحت این زاویه برآند.

**۴۵- تصویر مایل یا رسم الجسمی**- فرض می‌کنیم که چشم را صدی در موضع  $V$  باشد (نقطه نظر) و صفحه  $T$  صفحه تصویر و  $M$  نقطه‌ای در خارج صفحه تصویر باشد. چون یک شعاع بصری از نقطه  $V$  به  $M$  متوجه سازیم، این

شعاع صفحه تصویر را (شکل ۲۹) در نقطه‌ای مانند  $m$  قطع می‌کند که آنرا تصویر مایل یا مرا ایای نقطه  $M$  نامند.



شکل ۲۹

هرگاه مرا ایای نقاط مختلف

یک شکل را به این نحو تعیین کنیم، مرا ایای آن شکل حاصل می‌شود. بنابراین مقدمه، اگر مقصود نمایش تصویر مایل قسمتی از سطح

## فصل چهارم

خورشید

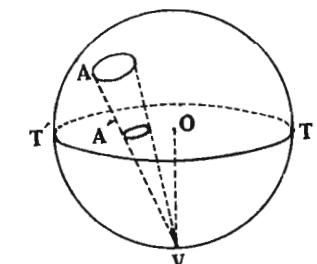
حرکت ظاهری خورشید

**۴۶ - مقدمه** - هرگاه روزهای متواالی خورشید را رصد کنیم، ملاحظه خواهیم کرد که در میان ستارگان تغییر مکان می دهد و نقاط طلوع و غروبش تغییر می یابد، در صورتی که وضعیت ثوابت نسبت به هم بسکان و نقاط طلوع و غروبشان ثابت است. از این رو چنین می فهمیم که خورشید باید هم دارای حرکت بعدی باشد و هم دارای حرکت میلی.

**۴۷ - تغییرات بعد و میل خورشید** - برای بدست آوردن حرکت خورشید نسبت به ثوابت، روز بروز بعد و میل آن را در موقع عبورش بر نصف النهار رصد نموده و نتیجه عمل را در جدولی ثبت کرده اند و از آنجا چنین بدست آمده است:

اولاً - بعد خورشید هر روز قریب یک درجه زیاد می شود، به این معنی که هرگاه خورشید به اتفاق ستاره ثابتی از نصف النهار بگذرد، فردای آن روز خورشید قریب ۴ دقیقه دیرتر از آن ستاره از نصف النهار خواهد گذشت بقسمی که در مدت یک سال یک دور کمتر از ثوابت به

کره مثلاً قسمت A باشد، صفحه دایره عظیمه‌ای مانند  $T'T$  را صفحه تصویر (شکل ۳۰) و V انتهای شعاع  $OV$  را که بر صفحه  $TT'$  عمود است نقطه نظر قرار می دهیم. حال مخروطی توهم می کنیم که رأسش نقطه نظر V و قاعده اش قسمت A باشد. بنابراین فصل مشترک سطح جانبی این مخروط با صفحه تصویر  $TT'$  که عبارت



شکل ۳۰

از محیط A' است تصویر مایل محیط A و سطحش تصویر مایل سطح A خواهد بود. چون بخواهیم به این سبک دونیمکره را تصویر کنیم، باید هر یک از دونیمکره را متدرجاً بر روی یک دایره عظیمه اختیاری تصویر کنیم. معمولاً صفحه تصویر را یا دایره استوا انتخاب می کنند یا یکی از دوایر نصف النهار.

دور زمین می‌گردد.

**ثانیاً** میل خورشید در روز اول بهار صفر است، سپس رفتار فرقه این میل اضافه می‌شود تا اول تابستان که تقریباً به  $23^{\circ}$  و  $27^{\circ}$  شمالی می‌رسد. از آن پس رو به تنزل می‌گذارد و در اول پاییز مجدداً صفر می‌شود و پس از آنکه وارد نیمکره جنوبی شد، میلش متدرجاً بر حسب مقدار مطلق ترقی می‌کند تا اول زمستان که تقریباً به  $23^{\circ}$  و  $27^{\circ}$  جنوبی می‌رسد و باز مجدداً همان حرکت نوسانی را مابین دو حد شمالی و جنوبی  $23^{\circ}$  و  $27^{\circ}$  ادامه می‌دهد.

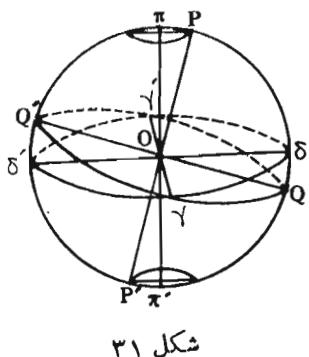
**تبصره** - میل  $23^{\circ}$  و  $27^{\circ}$  را میل کلی گویند و در هر سال  $465^{\circ}$  ثانیه تنزل می‌کند.

هنگامی که خورشید مجاور معدل النهار است حرکت میلی آن بسیار سریع و در شباهه روزی به  $24^{\circ}$  می‌رسد و وقتی که منتهای دوری را از م معدل النهار پیدا کرد، این حرکت کند و نامحسوس می‌شود.

**۴۸ - مدار سالانه خورشید** - چون نتیجه ارصاد فوق را بر روی یک کره آسمانی نمایش دهیم، و نقاط مختلفی را که به این ترتیب حاصل می‌شوند متوالیاً بهم وصل کنیم، منحنی مدار سالانه خورشید بدست می‌آید (شکل ۳۱).

حال اگر بردن نقطه از این منحنی دایره عظیمه‌ای مرور دهیم، مشاهده خواهیم کرد که محیط آن شامل تمام نقاط این منحنی خواهد شد؛ و از اینجا معلوم می‌شود که: اولاً منحنی مزبور مسطح است؛ ثانیاً سطحش نسبت به م معدل النهار مایل است و میل آن از  $23^{\circ}$  و  $27^{\circ}$  شمالی تا  $23^{\circ}$  و  $27^{\circ}$  جنوبی می‌رسد. این دایره عظیمه را دایرة البروج گویند.

مناطقهای از کره آسمان را که دو قاعده‌اش موازی با دایرة البروج و به فاصله  $8^{\circ}$  در طرفین آن واقعند، منطقه البروج کویند، که حرکت سالانه ظاهری خورشید و ماه و سیارات جزر زهره و پلوتون در آن صورت می‌گیرد.



شکل ۲۱

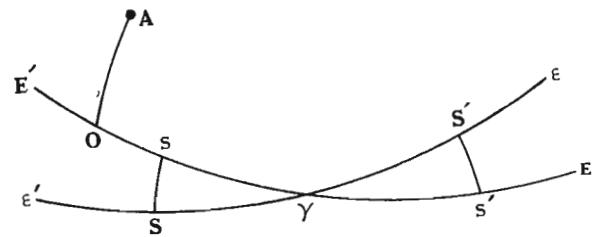
از آن مرور کند در نیمکره جنوبی (شکل ۳۱) واقع می‌شود، اعتدال پاییزی، و قطر  $27^{\circ}$  را خط اعتدالین نامند.

دو نقطه دیگر  $8^{\circ}$  و  $8^{\circ}$  را که هریک به فاصله  $90^{\circ}$  درجه از دو نقطه اعتدالین واقعند **انقلابین** نامند، آن که در شمال م معدل النهار است انقلاب تابستانی، و آن که در جنوب آن است انقلاب زمستانی و خط  $8^{\circ}$  خط انقلابین است.

خط  $\pi\pi$  را که از مرکز دایرة البروج بر صفحه آن عمود می‌شود، محور دایرة البروج، و دو نقطه  $\pi$  و  $\pi$  را قطبین آن نامند. واضح است که فاصله زاویه‌ای دو نقطه  $P$  و  $\pi$  مساوی است با میل دایرة البروج نسبت به م معدل النهار، یعنی همان  $23^{\circ}$  و  $27^{\circ}$ .

۵۰- تعیین دو نقطه اعتدالین - بزای تشخیص وضع خط اعتدالین کافی است که بعد نقاط  $\gamma$  و  $\gamma'$  را نسبت به یک مبدأ موقتی  $O$  که نظیر دایره ساعتی ستاره‌ای مثلاً نسرواقع است تعیین کنیم.

فرض می‌کنیم که  $EE'$  معدل النهار و  $EE'$  دایرة البروج و نقطه  $O$  همان مبدأ موقتی بعدها باشد (شکل ۳۲). حال فرض می‌کنیم که  $S$  نقطه نظیر خورشید یک روز قبل از نوروز (یعنی روزی که آفتاب از نقطه  $\gamma$  می‌گذرد) و میل آفتاب هنوز جنوبی است و  $S'$  نقطه نظیر خورشید در یک روز بعد از نوروز باشد. در این دو وضع بعدومیل مرکز آفتاب را رصد و فرض می‌کنیم که  $a'$  و  $d'$  مقادیر دو مختص نقطه  $S'$  باشند،  $Os = a$  و  $S's' = d$  و نیز  $a$  و  $d$  دو مختص نقطه  $S$  یعنی  $Os = a$  و  $Ss = d$  و  $x$  بعد نقطه  $\gamma$  باشد یعنی  $x = \gamma$ . دو مثلث فائمه الزاویه  $S\gamma s$  و  $S'\gamma s'$  را، چون خیلی کوچکند، می‌توان محسوساً دو مثلث



شکل ۳۲

مستقیم الاضلاع متشابه پنداشت (شکل ۳۲). ولذا چنین خواهیم داشت:

$$\frac{\gamma_s}{\gamma_{s'}} = \frac{Ss}{S's'} \quad \text{یا:} \\ \frac{x-a}{a'-x} = \frac{d}{d'}$$

و چون این معادله را نسبت به  $x$  حل کنیم چنین شود:

$$x = \frac{ad' + da'}{d + d'}$$

از روی دستور اخیر بعد نقطه  $\gamma$  بدست می‌آید و از همین راه می‌توان بعد نقطه  $\gamma'$  را بدست آورد، و مشاهده کرد که بعدهای این دو نقطه  $180^\circ$  با یکدیگر اختلاف دارند.

**تبصرة مهم** - نقطه  $\gamma$  مبدأ بعدها و مبدأ ساعت نجومی گرفته شده است.

۵۱- تقسیم منطقه البروج - دور منطقه البروج را به دوازده جزء متساوی قسمت کرده و هر قسمت را، که  $30^\circ$  درجه می‌شود، یک برج نامیده‌اند. برجهای دوازده گانه را، ابتدا از نقطه اعتدال بهاری، به این اسمی نامیده‌اند. حمل (بره)، ثور (گاو)، جوزا (دوییکر)، سلطان (خرچنگ)، اسد (شیر)، سنبله (خوش)، میزان (ترازو)، عقرب (کژدم)، قوس (کمان)، جدی (بزغاله)، دلو (کيسه بزرگ پوستی که با آن آب از چاه می‌کشند)، حوت (ماهی).

۵۲- مختصات منطقی - چون بخوبی می‌توان در هر موقع وضع دایرة البروج را معین کرد، ممکن است که موقعیت ستارگان را نسبت به این صفحه، همانطوری که نسبت به صفحه افق یا معدل النهار معین می‌شود، تعیین کرد، و از اینجا دستگاه مختصات جدیدی حاصل می‌شود که صفحه اصلیش صفحه دایرة البروج  $EE'$  و قطب آن  $\pi$  و مبدأ آن نقطه اعتدال بهاری است (شکل ۳۳).

دوازده را که به موازات دایرة البروج رسم می‌شوند دوازده عرضی

می آید، و می توان روز بروز طول خورشید را تعیین و در جدولی ثبت کرد، و از روی آن تغییرات طولی آن را بدست آورد.

**۵۴ - اندازه قطر ظاهري خورشيد** - وقتی که قطر فايم دور بین نصف النهاری باکنار غربی خورشید مماس شود، فوراً ساعت را ملاحظه نموده و تأمل می کیم تاکنار شرقی آن باهمان قطر مماس شود، آنگاه مجدداً ساعت را ملاحظه کرده و اين فاصله زمانی را تبدیل به درجه می کیم تامقدار قطر ظاهري آفتاب بدست آید (شماره های ۵ و ۲۲).  
رصدهای مکرر نشان داده است که قطر ظاهري آفتاب همواره به یک میزان نیست. در اوایل دی بزرگترین مقدار را دارد و در اوایل قیصر به کمترین مقدار خود می رسد و مجدداً بتدریج افزایش می یابد تا اوایل دی که باز دارای همان مقدار می شود.

بزرگترین مقدار این قطر  $32^{\circ} 35''$  و  $35^{\circ} 32''$  و کمترین مقدار آن  $31^{\circ} 31''$  بدست آمده است، لذا قدر متوجه این است:

$$\frac{32^{\circ} 35'' + 31^{\circ} 31''}{2} = 32^{\circ} 34''$$

مقادير قطر های ظاهري را روز بروز در مدت سال رصود در جدولی ثبت کرده اند.

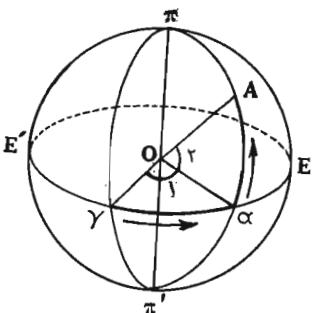
**۵۵ - رابطه قطر ظاهري خورشيد با فاصله آن از زمين** - چون مقدار قطر ظاهري خورشيد متغير است، معلوم می شود که فاصله آن از زمين نيز متغير است. قضيه زير رابطه قطر ظاهري و فاصله خورشيد را بيان می کند.

**قضيه** - فواصل مختلف خورشيد با قطر های ظاهري ظغير شان معکوساً متناسبند.

و دواير را که بردو قطب  $\pi$  و  $\alpha$  می گذرند، دواير طولي دائرة البروج می نامند. پس گويم:

**تعريف ۱ - طول آسماني ستاره A** (شکل ۳۳) زاویه  $\alpha$  یا قوس  $\alpha$  از دائرة البروج است که بین دائرة طولي نقطه  $\gamma$  و دائرة طولي ستاره A واقع باشد. اين زاويه از صفر آغاز و درجه سهم (مستقيم)، به  $360^{\circ}$  منتهی می شود.

**تعريف ۲ - عرض آسماني ستاره A** زاویه  $\alpha$  حادث مابين شعاد رؤيت ستاره A و صفحه دائرة البروج



شکل ۳۳  
است. مقیاس این زاویه قوس  $\alpha$  از دائرة طولي است که واقع می شود  
ما بين ستاره مفروض A و دائرة البروج. این قوس از صفر (دائرة البروج)  
آغاز و به  $90^{\circ}$  یا  $+90^{\circ}$  منتهی می شود، بر حسب آنکه ستاره در  
جهت قطب شمالی  $\pi$  باشد یا قطب جنوبی  $\pi$ .

این دستگاه مختصات جديده برای مطالعه در حرکات آفتاب و سیارات  
بكاري رود، ولی باید دانست که در اين مورد لازم نیست طول و عرض  
را مستقيماً به وسیله رصد یابند، بلکه آنها را به توسط مثلثات کروي  
از روی بعد و ميل استخراج می کنند و برای سهولت محاسبات است که  
مبدأ بعدها و طولها را از يك نقطه مشترک  $\gamma$  گرفته اند.

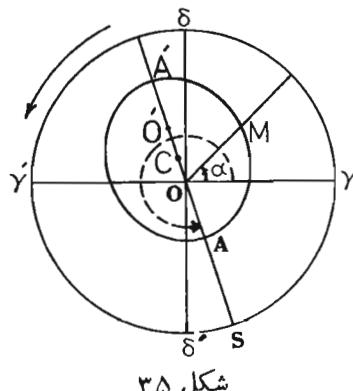
**۵۶ - تبصره ۵۶م - مختصات منطقی خورشيد** - چون مدار  
خورشيد بر دائرة البروج منطبق است، عرضش هميشه صفر ولي طولش،  
مايند بعدش، همواره رو به افزایش است و به وسیله محاسبه بدست

نقطه اعتدالین و انقلابین باشند و حرکت خورشید درجهت سهم انجام گیرد (شکل ۳۵). بعلاوه از روی جدول مذکور در تبصره شماره ۵۳ معلوم شده است که طول آفتاب در حضیض فریب  $281^\circ$  است؛ حال اگر از نقطه O خط OS را چنان مرور دهیم که باخط  $\angle O\gamma$  زاویه  $281^\circ$  (درجہت سهم) تشکیل دهد، خورشید در موقع حضیض بر روی این خط واقع خواهد شد، و چون طول OA را به اندازه واحد اختخابی جدا کنیم، یک نقطه از شکل مسیر واقعی بدست می آید.

حال فرض می کنیم که قطر ظاهری خورشید هنگامی که از حضیض می گذرد  $n'$  و در لحظه دیگری که در وضع M و طولش  $d'$  است  $n'$  و فاصله خورشید از نقطه O در این لحظه  $d'$  باشد. طبق شماره ۵۵ داریم :

$$\frac{d'}{OA} = \frac{n'}{n}$$

از این تناسب می توان مقدار  $d'$  را بست آورد و از آن رو موقعیت نقطه M را تعیین کرد و چون بهمین قیاس در چند روز از ایام سال این عمل را تکرار کنیم، موضع خورشید را هر یک از آن ایام معلوم می شود. حال



شکل ۳۵

اگر این نقاط را با خط منحنی پیوسته ای بهم وصل کنیم، منحنی سالانه خورشید بست می آید و محسوساً می توان دید که این منحنی عبارت از یکی از دو کانون AA' و AA'' محور اطول آن است که

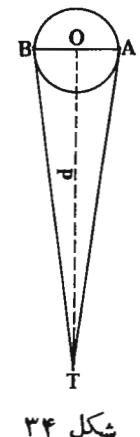
برهان - اندازه زاویه T (شکل ۳۶)، نظیر قطر ظاهری AB، بقدری کوچک است که می توان وتر AB را به جای قوس AB که به مرکز T و به شاعر TA رسم می شود انتخاب کرد. اگر  $n$  عدد درجات این قوس یا زاویه مقابل آن باشد، در فاصله d طولش چنین می شود :

$$AB = \frac{\pi dn}{180}$$

و هر گاه  $n$  عدد درجات قطر ظاهری AB در فاصله d باشد، چنین خواهیم داشت :

$$AB = \frac{\pi d' n'}{180} \cdot \text{از مقایسه این دو تساوی، بعد از اختصار،}$$

$$\frac{d}{d'} = \frac{n'}{n}, \text{ و این همان چنین داریم :}$$



شکل ۳۶

تناسب منظور است.

از اینجا معلوم می شود که فاصله زمین از خورشید در اوایل دی کمتر و در اوایل تیر بیشتر است. نقطه ای که در آنجا خورشید کمترین فاصله را با زمین دارد حضیض، و نقطه ای که در آنجا بزرگترین فاصله را دارد اوج نامیده می شود.

۶۵- شکل مدار خورشید - سابقاً گفتیم که خورشید بر دایره البروج مدار مسطوحی می پیماید (شماره ۴۸)؛ اکنون می خواهیم شکل این منحنی را تعیین کنیم. برای این مقصود، دایره ای به شاعر اختیاری رسم می کنیم، و فرض می کنیم که نقاط  $\angle \alpha$  و  $\angle \beta$  و  $\angle \gamma$  بترتیب چهار

بطورمتوسط  $80''$  است.

چون زاویه اختلاف منظر ارتفاعی ستاره‌ای را دروضع  $S$  به  $p$  بنماییم و  $z$  فاصله سمت الرأسی و  $P$  اختلاف منظر افقی آن ستاره فرض شود، بهوسیله مثلثات بین این سه مقدار رابطه ساده‌ای پیدا می‌شود که مقدار  $P$  را بر حسب دو مقدار دیگر بدست می‌دهد.

در حقیقت فرض می‌کنیم که  $r$  شعاع زمین و  $d$  فاصله  $'CS=CS'$  باشد، از مثلث قائم الزاویه  $CAS'$  چنین بدست می‌آید:

$$\frac{r}{d} = \sin P$$

(۱) چون زاویه  $P$  خیلی کوچک است، می‌توان نوشت:  $\frac{r}{d} = P$

درمثلث  $ASC$  داریم:  $\frac{r}{d} = \frac{\sin \widehat{CSA}}{\sin \widehat{CAS}} = \frac{\sin p}{\sin z}$  (با استفاده از ارتفاع رأس ( $C$ ))

(۲) چون زاویه  $p$  خیلی کوچک است پس:

از مقایسه تساویهای (۱) و (۲) چنین خواهیم داشت:

$$\frac{p}{\sin z} = P$$

$$p = P \cdot \sin z$$

واز آنجا:

حال اگر اختلاف منظر ارتفاعی را داشته باشیم می‌توانیم با کمک این دستور اختلاف منظر افقی را بدست آوریم.

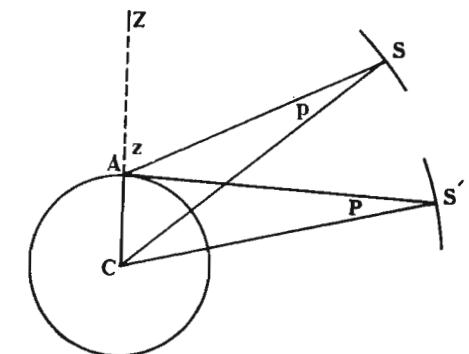
۵۸ - تعیین اختلاف منظر افقی یک ستاره - دو را صد روی یک نصف‌النهار که بقدر کفايت از یکدیگر دور باشند قرار می‌گيرند.

قطر اوچ و حضيض نام یافته است. پس می‌توان چنین پنداشت که خورشید ظاهرآ در حول زمین مدار بیضی شکلی می‌پیماید که زمین در یکی از دو کانون آن است و جهت این حرکت از مغرب به مشرق است.

تبصره - نسبت  $\frac{CO}{CA}$  را خروج از مرکز بیضی گویند و اندازه آن برای مدار سالانه آفتاب  $\frac{1}{60}$  است.

### فاصله خورشید و عظمت آن

۵۷ - اختلاف منظر ستاره‌گان - اختلاف منظر یک ستاره در نقطه‌ای از سطح زمین زاویه بین دو خط شعاعی است که یکی از آنها بر مرکز زمین و دیگری بر آن نقطه بگذرد و هردو به مرکز آن ستاره منتهی شوند. مثلاً اگر فرض کنیم که  $C$  مرکز زمین و  $A$  نقطه‌ای از سطح زمین و  $S$  مرکز آفتاب باشد (شکل ۳۶)، زاویه  $ASC = p$  اختلاف منظر خورشید نسبت به نقطه  $A$  باشد. هرگاه خورشید در نقطه  $S'$  یعنی در افق نقطه  $A$  باشد، زاویه  $AS'C$  را اختلاف منظر افقی گویند و اگر در بالای افق باشد اختلاف منظر را ارتفاعی نامند. اختلاف منظر افقی آفتاب



شکل ۳۶

می‌باشد. هرگاه خورشید در نقطه  $S'$  یعنی در افق نقطه  $A$  باشد، زاویه  $AS'C$  را اختلاف منظر افقی گویند و اگر در بالای افق باشد اختلاف منظر را ارتفاعی نامند. اختلاف منظر افقی آفتاب

و چون دو معادله (۱) و (۲) را معادل کنیم چنین می شود :

$$2P \sin \frac{z+z'}{2} \cos \frac{z-z'}{2} = z+z' - (\lambda + \lambda')$$

$$P = \frac{z+z' - (\lambda + \lambda')}{2 \sin \frac{z+z'}{2} \cos \frac{z-z'}{2}}$$

پس :

بدیهی است که هر یک از مقادیر  $z$  و  $z'$  و  $\lambda$  و  $\lambda'$  را می توان به وسیله رصدیابی و ازدستور فوق مقدار  $P$  را که اختلاف منظر افقی ستاره مفروض است استخراج کرد.

**تبصره** - در محاسبات فوق  $A$  و  $A'$  در طرفین استوا و  $\lambda$  و  $\lambda'$  قدر مطلق عرض جغرافیایی فرض شده است.

**۵۹ - فاصله خورشید از زمین** - وقتی که اختلاف منظر افقی خورشید بدست آمد، بسهولت می توان فاصله آن را از زمین (d) به شرح زیر استخراج کرد :

$$\text{از شماره } ۵۷ \text{ معلوم می شود که : } d = \frac{R}{P}$$

در حقیقت  $P$  قوسی است به مقدار  $8/\lambda''$  که می توان آن را بر حسب رادیان بدست آورد :

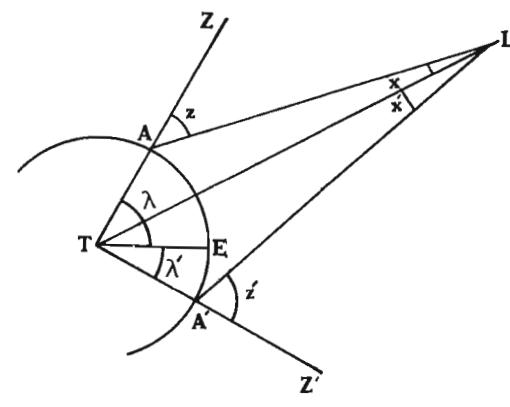
$$d = \frac{\pi \times 8''/\lambda}{180 \times 60 \times 60} \text{ یا } \frac{\pi \times 8''/\lambda}{648000}$$

به جای  $P$  قرار دهیم چنین خواهیم داشت :

$$d = \frac{648000 \times R}{\pi \times 8''/\lambda}$$

و چون به جای  $\pi$  عدد  $14/3$  را بگذاریم،  $d$  تقریباً معادل با  $23450R$  می شود. یعنی فاصله خورشید از زمین  $23450$  برابر شعاع

فرض می کنیم که  $A$  و  $A'$  دو قرارگاه (شکل ۳۷) به عرضهای  $\lambda$  و  $\lambda'$  باشد. در لحظه‌ای که ستاره  $L$  به نصف‌النهار می‌گذرد، هردو را صد فاصله سمت الرأسی آن  $z$  و  $z'$  را اندازه می‌گیرند (به توسط تئودولیت).



شکل ۳۷

از دو مثلث  $LA'T$  و  $LAT$  چنین حاصل می شود :

$$x = z - ATL \quad x' = z' - A'TL$$

و چون این دو تساوی را با هم جمع کنیم، با توجه به اینکه :

$$ATL + A'TL = \lambda + \lambda'$$

چنین خواهیم داشت : (۱)  $x + x' = z + z' - (\lambda + \lambda')$

و بنا بر دستور شماره قبل :  $x = P \sin z$  و  $x' = P \sin z'$

و از جمع این دو تساوی چنین خواهیم داشت :

$$x + x' = P(\sin z + \sin z')$$

$$\sin z + \sin z' = 2 \sin \frac{z+z'}{2} \cos \frac{z-z'}{2}$$

و چون : (۲)  $x + x' = 2P \cdot \sin \left( \frac{z+z'}{2} \right) \cos \left( \frac{z-z'}{2} \right)$   
پس :

زمین است و چون شعاع متوسط زمین  $6366$  کیلومتر است (شماره  $۳۴$ )، فاصله خورشید از زمین تقریباً  $۱۴۹$  میلیون کیلومتر خواهد شد. مثلاً ماشین سریع السیری که در هر ساعت  $۱۰۰$  کیلومتر طی مسافت کند، تقریباً بعد از  $۱۷۵$  سال به خورشید خواهد رسید.

**تبصره -** می‌توان به وسیله اختلاف منظر افقی و شعاع زمین

$$\frac{r}{\sin P} = d \text{ استخراج کرد.}$$

**۶۰- شعاع خورشید -** از روی فاصله خورشید می‌توان شعاع آن را بدست آورد. پس فرض می‌کنیم که  $S$  کره خورشید باشد که از زمین رؤیت می‌شود (شکل  $۳۸$ ) و  $T$  زمین باشد که از خورشید دیده می‌شود (شکل  $۳۹$ ). زاویه  $\angle ATB$  همان قطر ظاهری خورشید است که مقدارش  $aSb$  بطور متوسط  $1926''$  است و زاویه  $\angle TAB$  زاویه‌ای است که قطر زمین از خورشید دیده می‌شود و بنابراین دوباره زاویه اختلاف منظر یعنی  $2$  برابر  $8/8''$  می‌باشد که برابر است با  $16/17''$ . از طرف دیگر قوسهای  $AB$  و  $ab$  که به یک شعاع (فاصله زمین از خورشید) رسم شده‌اند، با مقدار زاویه مقابل آنها متناسبند. پس:

$$\frac{AB}{ab} = \frac{1926''}{17''/6}$$

و چون این دو قوس خیلی کوچک و شعاع آنها خیلی بزرگ است،

می‌توان آنها را مانند دو خط مستقیم فرض کرد که اولی قطر خورشید و دومی قطر زمین خواهد شد و چون اولی را به  $R$  و دومی را به  $r$  بنماییم، تناسب فوق چنین می‌شود:

$$\frac{R}{r} = \frac{1926''}{17''/6} = 109$$

و از آنجا  $R = 109r$  یعنی شعاع خورشید  $109$  برابر شعاع زمین است.

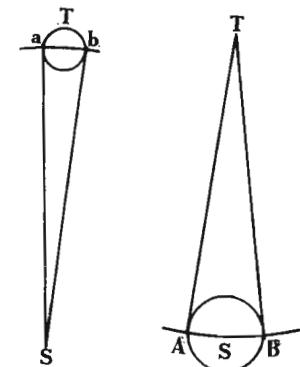
**۶۱- نسبت سطح و حجم خورشید به زمین -** چنان‌که می‌دانیم نسبت سطح دو کره به یکدیگر مثل نسبت مربعات، و نسبت حجم‌شان به یکدیگر مثل نسبت مکعبات اشعه آنهاست، و بنابراین سطح خورشید قریب  $12000$  برابر سطح زمین و حجمش قریب  $1300000$  برابر حجم زمین است.

### ساختمان خورشید و حرکت وضعی آن

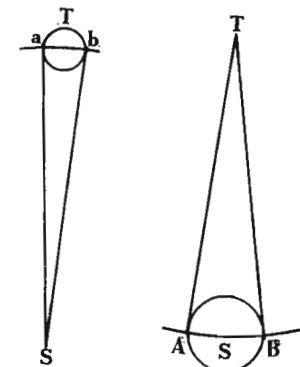
**۶۲- ساختمان طبیعی خورشید -** تقریباً تمام جرم خورشید به حالت بخار است. این توده گازی مرکب است از یک هسته مرکزی که ماهیتش مجهول و جزء اعظم جرم خورشید را در بردارد، و بعد از آن یک طبقه نورانی کدر و سه طبقه شفاف که در بالای یکدیگر قرار دارند.

چون از مرکز خورشید رو به محیط آن برویم، ابتدا از هسته مرکزی و بعد متواتیاً از طبقات زیر (شکل  $۴۰$ ) عبور می‌کنیم:

۱- یک طبقه درخشان به نام **فوتوسفر** (Photosphère)



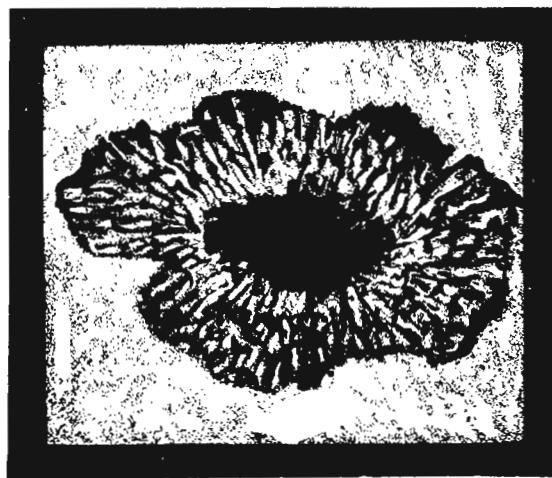
شکل ۳۸



شکل ۳۹

چنین استنباط می‌شود که غالباً عناصر شیمیایی که ما می‌شناسیم در خورشید یافت می‌شوند، از قبیل: اکسیژن، ائیدروژن، هلیم، کربن، سدیم، منیزیم، آلومنیم، کلسیم، آهن، نیکل، مس، روی، نقره، قلع، سرب وغیره. پس می‌توان گفت که ترکیبات خورشید نیز مانند ترکیبات زمین است.

**۶۴- گلفها و حرکت وضعی خورشید** - این قسمت عبارت از طبقه‌ای نورانی است که بر هسته مرکزی احاطه دارد، و چون فرص خورشید را با دوربین قوی مشاهده کنیم مانند گلو لهای بمنظور می‌رسد که



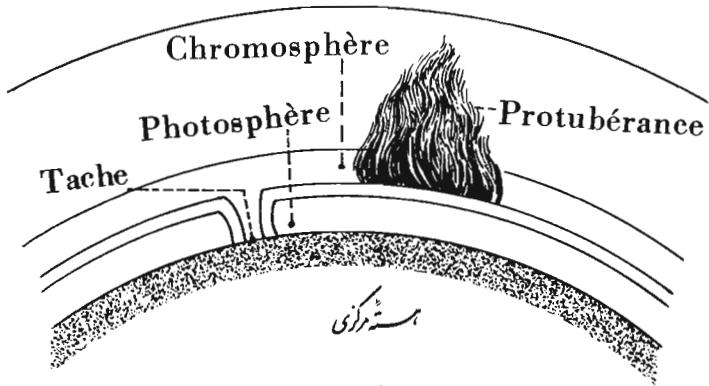
شکل ۴۱

از دانه‌های مدور فوق العاده درخشانی پوشیده شده است و این دانه‌ها به وسیله نواحی نسبتاً تیره از هم جدا می‌شوند. غالباً در فوتوسفر نواحی تیره رنگی بمنظور می‌رسند که آن هارا کلف (لکه) می‌نامند (شکل ۴۱).

که مرکب از گازهای محترقه می‌باشد و نوری که بهما می‌رسد از همین طبقه است.

۲- یک اتمسفر بخار موسوم به طبقه قابان، زیرا که تابش خطوط طیف خورشیدی از این طبقه حاصل می‌شود.

۳- یک اتمسفر قرمز رنگ کروموفر (*Chromosphère*) که بالاختصاص از ائیدروژن و هلیم تشکیل یافته است و شعله‌های عظیم قرمز رنگی موسوم به پروتوبرانس (*Protubérance*) از آن ربانه می‌کشد، بطوری که ارتفاعشان تا ۳۵ برابر قطر کره زمین می‌رسد و در هنگام کسوف کلی با چشم غیر مسلح نیز دیده می‌شود.



شکل ۴۰

۴- یک طبقه محیطی شفاف موسوم به اکلیل یا تاج که هنگام کسوف کلی، یعنی وقتی که کره ماه سایه بر روی خورشید می‌اندازد، مرئی می‌شود. این طبقه از گازها و ذرات رفیقی تشکیل یافته است.

**۶۳- ترکیبات شیمیایی خورشید** - از تجزیه طیفی آفتاب

۱- چنانکه در فیزیک خوانده‌ایم، چون نور آفتاب را از منشور بلوری عبور دهیم به هفت رنگ تجزیه می‌شود که مجموعه آنها را طیف آفتاب گویند.

کلفهای خورشید متوجه شده است این کلفها متمرد جاً از مشرق به مغرب بروی فرص خورشید پیش می‌روند تا عاقبت در کنار غربی از نظر ما غایب گشته و پس از مدتی مجدد آدر سمیت مشرق دیده می‌شوند . مدت دو مرور متوالی هر کلف را به یک وضع مشخص، از راه رصد ، تقریباً  $\frac{1}{3}$  ۲۷ شب آن روز یافته‌اند .

از حرکت کلفهای چنین بر می‌آید که خورشید باید حول محوری از مغرب به مشرق<sup>۱</sup> متوجه باشد و مدت یک دور کامل حرکت وضعی آن را به وسیله رصد و محاسبه ۲۵/۵ روز<sup>۲</sup> یافته‌اند .

## ۶۵ - حرکت زمین به دور خورشید

ظاهرً چنین بنظر می‌آید که خورشید ، در مدت یک سال ، یک بار از مغرب به مشرق بر گرد زمین می‌گردد و مدارش بیضی است که زمین در یکی از دو کانون آن واقع است ؛ اما این اوضاع ظاهری ممکن است به واسطه خطای باصرهٔ ما باشد . می‌توان بسهولت مدلل داشت که هرگاه ، به عکس آنچه ظاهرً بنظر می‌آید ، خورشید ساکن وزمین به دور آن بروی محیط بیضی شکلی حرکت کند که خورشید در یکی از دو کانونش باشد ، باز همان اوضاع ظاهری در آسمان مشاهده خواهد شد .

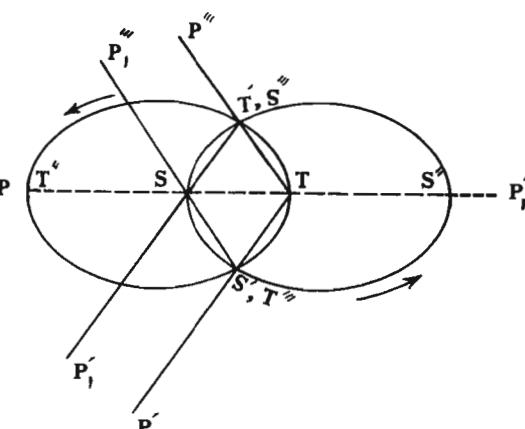
فرض می‌کنیم "SS'S"S'" مدار خورشید و T زمین باشد که در کانون آن واقع است ؛ نقطه S حضیض ، "S' اوچ و حرکت خورشید در جهت سهم است (شکل ۴۲) و خورشید متناویاً به وضع S و "S' و "S'" و "P' و "P" و "P'" از سطح کره آسمان تصویر شود .

حال بیضی دیگری مساوی بیضی اول رسم می‌کنیم که کانونش در S

۱- وقتی که ما خورشید را رصد می‌کنیم ، حرکت کلفهای خودشید را درجهت مشرق به مغرب آسمان می‌بینیم . بنا بر این می‌توان در نقطه مجموعه که حرکت وضعی خورشید مانند حرکت وضعی زمین درجهت مثلثاتی از مغرب به مشرق است .

۲- مدت حرکت وضعی خورشید در نقاط مختلف آن یکسان نیست ، یعنی حرکت وضعی در نقاط نزدیک به استوای خورشید سریعتر و در نقاط دور از استوا کندتر می‌شود بطوری که مدت حرکت وضعی آن را در استوا ۲۵ روز و در عرض  $75^{\circ}$  آن  $33$  روز یافته‌اند .

و قطرهای اطول دو بیضی در امتدادهم باشد. فرض می کنیم که زمین در جهت سهم در روی این بیضی و با همان سرعت متغیر خورشید حرکت کند. وقتی که زمین در نقطه  $T$  است، خورشید



شکل ۴۲

$TT' = SS'$  بهوضع  $P$  تصویر می شود (مانند فرض اول) و چون زمین قوس  $'SS'$  را پیماید، چون شکل  $'SS'TT'$  متوازی الاضلاع می شود، خورشید را در امتدادی مانند  $P'$  مشاهده خواهیم کرد که اگر خورشید متحرک می بود و بهوضع  $S'$  می رسید باز هم در همان امتداد و بنابراین در همان ناحیه آسمان مشاهده می شد.

چون زمین بهوضع  $T''$  بر سد، خواهیم دید که خورشید در موضع  $P''$  تصویر می شود و بالاخره چون زمین به نقطه  $T'''$  بر سد، تصویر خورشید در موضع  $P'''$  خواهد بود و چون دو خط  $'SS'$  و  $'TT'$  متوازی هستند نتیجه مشاهدات یکسان می شود. پس در هر دو فرض چنین می نماید که در هر روز خورشید بر سطح کره آسمان تغییر مکان می دهد بطوری که در ظرف یک سال یک بار دایرة البروج را می پیماید.

اما فرض دوم را بهتر می توان قبول کرد چه اولاً حجم خورشید  $13000000$  برابر حجم زمین است و در نتیجه حرکت خورشید به دور زمین امری نیست که قبولش آسان باشد بلکه عکسش معقولتر است.

ثانیاً -- چنانکه بعدها خواهیم دید تمام سیارات به دور خورشید می گردند و زمین ماهم کمال مشابهت را با آنها دارد، پس دلیلی ندارد که خورشید با تمام توابعش به دور این کره کوچک ما دور بزند.

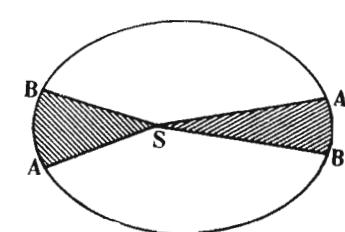
ثالثاً -- اگر زمین را ساکن فرض کنیم، در مورد حرکت سیارات دچار اشکالات زیاد می شویم که حل آنها غیر ممکن است. اما چنانکه خواهیم دید با فرض حرکت زمین به دور خورشید این حرکتهای ظاهری را بسهولت می توان توجیه کرد.

۶۶- قانون سطوح - پس از آنکه حرکت انتقالی زمین به دور خورشید محقق شد، می توان نتیجه گرفت که :

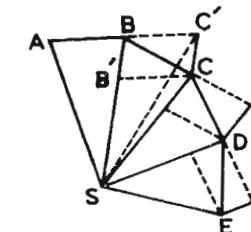
زمین در مدت تقریباً  $\frac{1}{4}$  شبانه روز یک دور به دور خورشید می گردد بطوری که شاعع حامل زمین (خط واصل بین مرکزهای زمین و خورشید) در مدت زمانهای متساوی سطوح متعادل می پیماید (قانون دوم کپلر، ۱۶۰۹).

برهان - فرض می کنیم  $S$  خورشید و زمین به فاصله  $AS$  از آن واقع باشد. هر گاه زمین در مدت زمان  $t$  فاصله  $AB$  را پیماید (شکل ۴۳)، بنا بر اصل جبر در مکانیک، باید در مدت  $t$  بعداز آن قطعه خط  $'BC$  را که مساوی و هم جهت  $AB$  است طی کند. اما در مدت  $t$  به واسطه جاذبه خورشید، زمین به سمت نقطه  $S$  کشیده می شود. اگر فرض کنیم که در این مدت بقدر  $BB'$  جذب شده باشد، موضع آن در نقطه  $C$  خواهد بود. اکنون باید ثابت کنیم که مثلث  $ASB$  معادل است با مثلث  $BSC$ . چون در دو مثلث  $ASB$  و  $BSC$  دو قاعده  $AB$  و  $BC$  متساوی و دور اس آنها بر نقطه  $S$  واقعند، این دو مثلث متعادلند. ولی مثلث  $BSC$  نیز با مثلث  $BSC'$  متعادل است زیرا هر دو در قاعده  $BS$  مشترکند و دور اسنان  $C$  و  $C'$

بر روی خطی است موازی BS . پس مثلث' BSC با مثلث BSC معادل خواهد شد. به همین قیاس ثابت می شود که سایر مثلثات نیز با هم معادلند. حال اگر فرض کنیم که زمین در مدت  $t$  قوس AB (شکل ۴۴) و در همان مدت قوس  $A_1B_1$  را بیسیماید، هر گاه مدت  $t$  را به  $n$  قسمت تقسیم کنیم، هر یک از دو قطاع بینضوی  $SAB$  و  $SA_1B_1$  را به  $n$  قطاع کوچکتر تقسیم می شود. چون  $n$  را به اندازه کافی بزرگ اختیار کنیم



شکل ۴۴



شکل ۴۳

این تقسیمات به اندازه‌ای کوچک می شوند که می توان هر یک از آنها را مثلثی تصور کرد که بنابر استدلال فوق با هم معادلند، و چون تعداد مثلثهای تشکیل دهنده قطاع  $SAB$  و  $SA_1B_1$  برابر است، دو قطاع معادلند.

**۶۷- نتیجه** - چون باید همواره مساحت قطاع  $SAB$  معادل با مساحت  $SA_1B_1$  باشد، وقتی که طول شعاع حامل  $AS$  از  $A_1S$  بزرگتر باشد، قوس  $A_1B_1$  از قوس AB کوچکتر می گردد یعنی زمین هرچه به نقطه اوج نزدیکتر شود کنتر حرکت می کند و هرچه به حضیض نزدیکتر شود حرکتش تندتر می شود. حداکثر سرعت زمین در اوایل دی و حداقل آن در اوایل تیر است (در حضیض و اوج).

**تبصره** - این قانون کلی است و در مورد همه سیارات و اقمار آنها صدق می کند.

**۶۸- حرکت اعتدالین** - چون طول و عرض آسمانی ستاره‌ها را که در فرنهای متمادی رصد شده‌اند، با یکدیگر مقایسه کنیم معلوم می شود که در عرضشان تغییر محسوسی پیدید نیامده ولی، بدون آنکه فواصل نسبی آنها تغییر فاحشی کرده باشد، بر طول آنها افزوده شده است. از این رو نتایج زیر حاصل می شود :

**الف** - طول ستاره‌ها پیوسته رو به افزایاد است در صورتی که عرضشان ثابت می ماند.

**ب** - افزایش طول تمام ستاره‌ها یکسان و سالی  $2/50$  می شود. بالنتیجه باید نقطه اعتدال ریبعی هم که مبدأ طولهاست هر سال به اندازه  $2/50$  از مشرق به مغرب حرکت کند. بنابراین دایره البروج را ظرف ۲۵۹۲۵ سال یا تقریباً به عدد تمام  $26000$  سال یک دورخواهد پیمود. واضح است که نقطه  $\gamma$  نیز به متابعت  $\gamma$  همین حرکت را دارد. این حرکت را تقدیم اعتدالین گویند. به واسطه همین تقدیم اعتدالین است که نقطه  $\gamma$  (اعتدال بهاری)، که در زمان قدیم اول برج حمل بوده، اکنون در برج حوت است ،

**۶۹- رقص محور** - علت حرکت دو نقطه اعتدالین را حرکت محور معدله النهار دانسته‌اند که به دور محور دایره البروج می رقصد و چون صفحه معدله النهار (شکل ۴۵) همواره باید عمود بر محور خود، PP' باشد، ناچار دایره معدله النهار نیز به متابعت رقص محور خویش حرکتی می کند که نتیجه‌اش همان حرکت دو نقطه اعتدالین است.

می توان این نامساویها را استنباط کرد :

$$h < a < p < e$$

مدت تابستان = مدت طی قوس  $5^{\circ} 7' 5''$  =  $93^{\circ}$  روز و ۱۴ ساعت

» بهار = مدت طی قوس  $5^{\circ} 7'$  =  $92^{\circ}$  روز و ۲۱ ساعت

» پاییز = مدت طی قوس  $5^{\circ} 7' 5''$  =  $89^{\circ}$  روز و ۱۸ ساعت

» زمستان = مدت طی قوس  $5^{\circ} 7'$  =  $89^{\circ}$  روز و ۱ ساعت

### ۲۱- اختلاف دما - مقدار حرارتی که هر قسمت از سطح زمین

در ظرف یک ثانیه از آفتاب کسب می کند متناسب است با کسینوس زاویه میان خط قائم آن قسمت از سطح زمین و شعاع تابش نور و نیز با مدت تابش (فیزیک، مبحث حرارت). بنابراین هر قدر ارتفاع خورشید و مدت تابش آفتاب در نقطه معینی زیادتر شود، بر حرارت مکتبه این قسمت نیز می افزاید و دما بالاتر می رود. لذا در منطقه استوا میان همواره هوا گر مرتب از سایر نقاط است. پس بطور کلی و صرف نظر از بعضی عوامل جزئی، می توان گفت که حرارت مکتبه هر مکان با عرض جغرافیایی آن بستگی دارد، به عبارت دیگر هر قدر از استوا دورتر شویم دما کمتر خواهد شد. بعلاوه بلندی و کوتاهی روزها نیز در این مسئله دخالت تمام دارد. بنابراین باید دمای هوا در اردیبهشت و مرداد تقریباً یکی باشد و حال آنکه هوا در مرداد ماه خیلی گرمتر از اردیبهشت است. علت آن است که حرارت زیادی که از بلندی روزها و عمود بودن شعاع تابش کسب کرده زمین می شود متراکم می گردد و باعث می شود که اوایل مرداد ماه هوا گرمتر باشد به همین دلیل تقریباً در هر روز ۲ ساعت بعد از ظهر گرمتر از ۲ ساعت قبل از ظهر است.

چون در این حرکت، در مدت  $26000$  سال، قطب P به دور قطب  $\pi$  دایره

صغیرهای به موازات دایرة البروج  $5^{\circ}$

طی می کند، قطب P همیشه در یک نقطه

آسمان نخواهد بود. لذا ستاره جدی که

امروزه به نام ستاره قطبی خوانده می شود

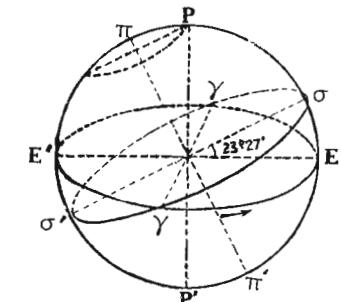
همیشه سزاوار این اسم نیست و بنوبت

کواکب دیگری که مجاور آن دایره صغيره واقعند ستاره قطبی شناخته

می شوند، چنانکه در  $13000$  سال دیگر کوکب نسر واقع از صورت

شلیاق ستاره قطبی خواهد بود.

شکل ۴۵



### اختلاف فصول و شب و روز

#### ۷۰- فصول چهار گانه و اختلاف آنها - وقتی که موضع چهار

نقطه  $7^{\circ}$  و  $120^{\circ}$  و  $5^{\circ}$  (اعتدالین

وانقلابین) روی مدار خورشید

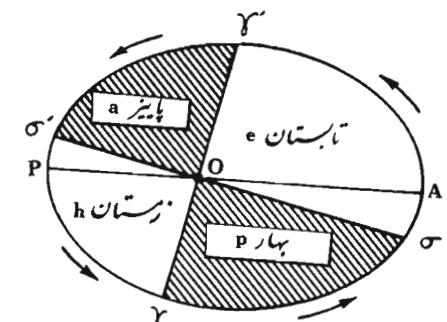
معلوم شد، چون آن چهار

نقطه ابتدای هر یک از فصول

را تعیین می کنند، بسهولت

می توان عدم تساوی مدت هر

یک از فصول را استنباط کرد،



شکل ۴۶

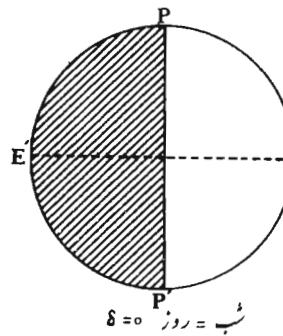
زیرا بنابر قانون سطوح (شماره ۶۶) مدت بهار و تابستان و پاییز و زمستان

باید با مساحت قطاعهای بیضوی p و e و a متناسب باشد. بر حسب

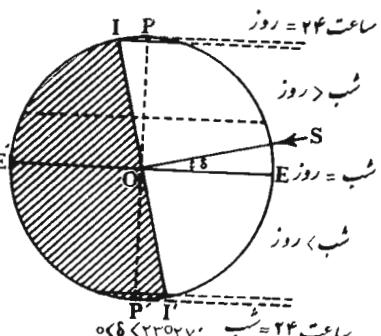
موقع کانون O و میل محور AP (A و P حضیض است) بسهولت

چون دوران زمین محسوساً یکنواخت است، مدت روز و مدت شب متناسب‌بند با طولهای قوس روز و قوس شب. در شکل ۴۷ مشاهده می‌شود که طولهای این قوسها بستگی دارند به عرض نقطه  $M$  و میل خورشید. اکنون زمین را در موضع مختلف در نظر می‌گیریم:

الف) از نقطه اعتدال بهاری آغاز می‌کنیم (شکل ۴۸). میل خورشید صفر است؛ خورشید در سطح معدل النهار است و دایره روشنایی از خط‌طبیعی می‌گذرد. بنابراین، شب و روز بر روی کره زمین، مدت‌های متساوی دارند.



شکل ۴۸



شکل ۴۹

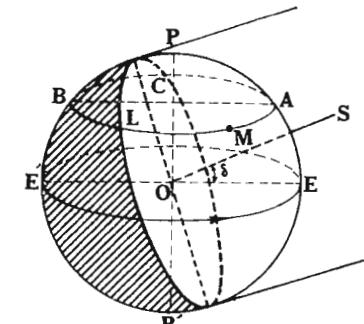
ب) بین اعتدال بهاری و انقلاب تابستانی،  $\delta$  از  $0^{\circ}$  تا  $23^{\circ} 27'$   $+ 23^{\circ}$  افزایش می‌یابد (شکل ۴۹). در نیمکره شمالی، روز بلندتر از شب است؛ با افزایش  $\delta$  بر مدت روز افزوده و از مدت شب کاسته می‌شود. در شمال مدار ( $8^{\circ} - 90^{\circ}$ ) شمالی، روز پیوسته است و خورشید غروب نمی‌کند. در نیمکره جنوبی، روز کوتاه‌تر از شب است؛ با افزایش  $\delta$  از مدت روز کاسته می‌شود؛ در جنوب مدار ( $8^{\circ} - 90^{\circ}$ ) جنوبی، شب پیوسته است.

۷۲- اختلاف شب و روز- مقدمه - در مرحله اول فرض می‌کنیم که فاصله خورشید تا زمین آن اندازه زیاد هست که بتوان اشعه‌ای را که از آن به زمین می‌تابد تقریباً متوازی فرض کرد. در این صورت، این اشعه استوانه‌ای محیط بر کره زمین تشکیل می‌دهند که محور آن خط واصل میان مرکز زمین و مرکز خورشید است. زاویه میان این محور و صفحه معدله‌نهر زاویه میل ( $\delta$ ) خورشید است.

دایره تماس استوانه را با کره زمین، به ازای مقدار معینی از  $\delta$ ، دایره روشنایی گوییم. این دایره، در هر لحظه، قسمت روشن کره زمین را، که در آنجا روز است، از قسمت تاریک آن، که در آنجا شب است، جدا می‌کند.

فرض کنیم که نقطه‌ای از کره

زمین باشد. نقطه  $M$ ، در ضمن حرکت وضعی زمین، مداری برگرد خط‌طبیعی می‌پیماید. وقتی که نقطه  $M$  در نقطه  $L$  بر روی دایره روشنایی می‌رسد، خورشید در سطح افق نقطه  $L$  است، یعنی طلوع می‌کند.



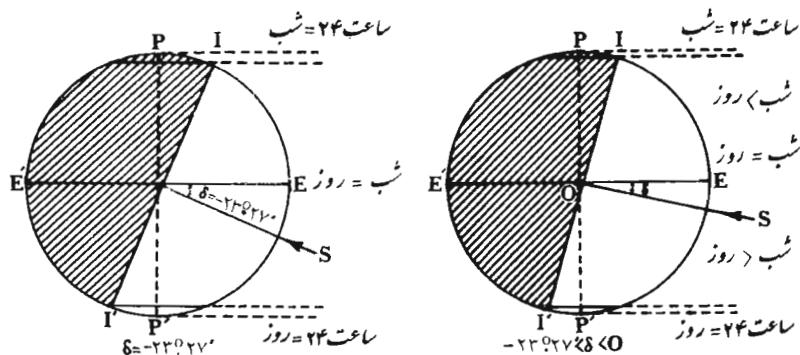
شکل ۴۷

وقتی که قوس  $LA$  را می‌پیماید، خورشید در افق بالا می‌آید تا به برسد. از آن پس، وقتی که  $M$  قوس  $AC$  را می‌پیماید، خورشید پایین می‌آید تا هنگام رسیدن  $M$  به  $C$  غروب کند. به این ترتیب نقطه  $M$  قوس روز (LAC) را پیموده و پس از آن قوس شب (CBL) را خواهد پیمود.

و خورشید طلوع نمی‌کند.

ج) در انقلاب تابستانی،  $\delta = 23^{\circ} 27'$  (شکل ۵۰)؛ روز

در نیمکره شمالی به حداکثر بلندی و در نیمکره جنوبی به حداقل بلندی خودمی‌رسد. در تمام عرقچین شمالی پیوسته شب است و در عرقچین جنوبی پیوسته روز است (شکل ۵۱ - ب).

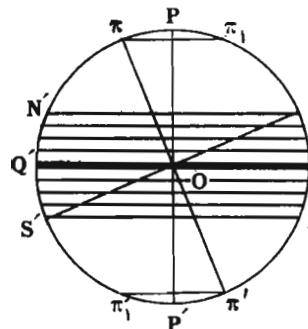


شکل ۵۱ - ب

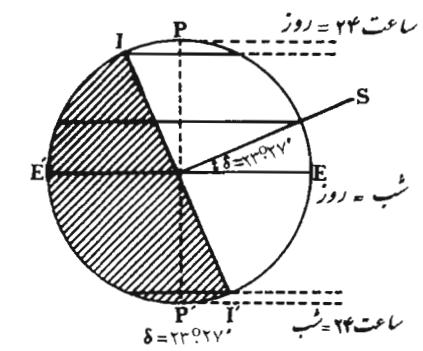
شکل ۵۱ - الف

ح) از انقلاب زمستانی تا اعتدال بهاری،  $\delta$  از  $23^{\circ} 27'$  تا  $0^{\circ}$  افزایش می‌یابد. روز، در نیمکره شمالی، در عین آنکه کوتاهتر از شب است، بلند می‌شود؛ و در نیمکره جنوبی، در عین آنکه بلندتر از شب است، کوتاه می‌شود (شکل ۵۱-الف).

۷۳- مدارات مشخصه به واسطه دایرة البروج - اولاً مدارات سماوی - فرض می‌کنیم که کره آسمان را بر صفحه نصف النهاری که هم شامل محور معدله النهار  $PP'$  و هم شامل محور دایرة البروج  $\pi\pi'$  است تصویر کرده باشیم (شکل ۵۲). پس تصویر دایرة البروج عبارت از قطر  $NS$



شکل ۵۲



شکل ۵۰

د) از انقلاب تابستانی تا اعتدال پاییزی،  $\delta$  از  $23^{\circ} 27'$  تا  $0^{\circ}$  کاسته می‌شود. روز در نیمکره شمالی بلندتر از شب و در نیمکره جنوبی کوتاهتر از شب است (شکل ۴۹). اما با کاهش  $\delta$ ، مدت روزها در نیمکره شمالی کاهش و در نیمکره جنوبی افزایش می‌یابد.

ه) در اعتدال پاییزی،  $\delta = 0^{\circ}$ . اوضاع شکل ۴۸ تکرار می‌شود: تساوی مدت روز و مدت شب در تمام نقاط زمین.

و) از اعتدال پاییزی تا انقلاب زمستانی،  $\delta$  از  $0^{\circ}$  تا  $23^{\circ} 27'$  کاسته می‌شود. در نیمکره شمالی، روز کوتاهتر از شب است و رفته رفته کوتاهتر می‌شود (شکل ۵۱ - الف): در شمال مدار ( $90^{\circ} + \delta$ ) شمالی، پیوسته شب است.

در نیمکره جنوبی، روز بلندتر از شب است و رفته رفته بلندتر می‌شود؛ در جنوب مدار ( $90^{\circ} + \delta$ ) جنوبی، پیوسته روز است.

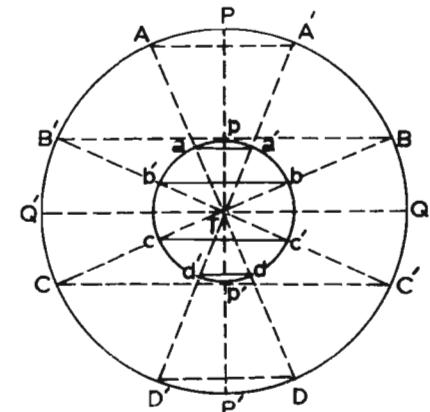
ز) در انقلاب زمستانی،  $\delta = 23^{\circ} 27'$ . روز در نیمکره شمالی

عمود بر محور  $'\pi\pi'$  و تصویر معدل النهار قطر  $'QQ'$  عمود بر محور  $'PP'$  می شود .

**الف - دو مدار سماوی  $'AA'$  و  $'DD'$**  (شکل ۵۳) را که نظیر به نظر بر دو قطب دایره البروج می گذرند مدار قطب شمالی و مدار قطب جنوبی گویند، بعد قطبی این دو مدار درست بر ابر همان میل دایره البروج است که  $23^{\circ} 27'$  است و میلش برابر است با :  $33^{\circ} 66' +$  و  $33^{\circ} 66'$  -

**ب - دو مدار سماوی  $'BB'$  و  $'CC'$**  را که نظیر بنظیر بر دو نقطه انقلابین  $'B'$  و  $'C'$  می گذرند بتر تیب مدار رأس السلطان و مدار رأس - الجدی نامند. پس میل مدار رأس - السلطان  $23^{\circ} 27' +$  و میل مدار رأس الجدی  $23^{\circ} 27' -$  است.

ثانیاً مدارات ارضی - فرض کنید که مرکز زمین بر مرکز کره آسمان منطبق باشد و مخروطها بی تصور کنید که رأسشان در  $T$  و  $T'$  باشند. این دو مدار قطبی یا دو مدار انقلابین باشند (شکل ۵۳). این مخروطها سطح زمین را در مداراتی قطع می کنند که به اسم مدار نظیرشان از کره سماوی نامیده می شوند. چنانکه در روی زمین دو مدار قطبی  $'aa'$  و  $'dd'$  به فاصله  $23^{\circ} 27'$  از قطبین واقعند و نیز دو مدار انقلابین  $'bb'$  و  $'cc'$  هر یک  $23^{\circ} 27'$  از خط استوا فاصله دارند.



شکل ۵۳

**۷۴ - تقسیم زمین به پنج منطقه - چهار مدار ارضی ، سطح کره زمین را به پنج منطقه، به نامهای زیر قسمت می کنند (بتر تیب از بالا به پایین) :**

منطقة منجمدة شمالی، منطقه معتدل شمالی، منطقه حاره، منطقه معتدل جنوبی، منطقه منجمدة جنوبی .

## فصل ششم

-۷۳-

### شبانه‌روز شمسی و سطحی یا متوسط نامیده‌اند.

هر یک از این سه نوع شبانه‌روز را به ۲۴ ساعت و هر ساعت را به ۶۰ دقیقه و هر دقیقه را به ۶۰ ثانیه قسمت نموده و به آخر آنها کلمه نجومی یا شمسی یا شمسی متوسط (و سطحی) را اضافه می‌کنند.

ستاره‌شناسان، برای تعیین زمان، شبانه‌روز نجومی یا شمسی متوسط را استعمال می‌کنند، ولی عامه مردم واحد زمان را شبانه‌روز شمسی حقیقی یا متوسط می‌گیرند.

**۷۶- قاچهای ساعتی** - هر گاه تمام سطح کره زمین را به ۲۴ فاصله مساوی قسمت کنیم، زاویه هر فاصله ۱۵ درجه می‌شود و هر یک از آنها درست در مدت یک ساعت از مقابل خورشید می‌گذرد و به همین جهت آنها را قاچهای ساعتی گویند.

**ساعت قانونی** - بنا بر تصویب کنگره بین‌المللی که در سال ۱۹۲۵ میلادی در لندن منعقد شد، مبدأ شبانه‌روز را نیمه شب گرینویچ قرار دادند. لذا اولین فاصله ساعتی، فاصله ۱۵ درجه‌ای است که نصف‌النهار گرینویچ از وسط آن عبور می‌کند. در این کنگره مقرر شد که، برای رفع اختلاف ساعت‌ها، نقاط واقع در داخل قاچهای ساعتی ساعتشان یکسان باشد. لذا آن را ساعت قانونی نامیده‌اند. چنان‌که ساعت قانونی هر نقطه‌ای از کشورها ایران مطابق ساعت تهران است در حالی که ساعات حقیقی خود آن نقاط ممکن است تا یک ساعت هم با یکدیگر اختلاف داشته باشند.

**۷۷- شرح شبانه‌روز شمسی متوسط** - فرض می‌کنیم  $P' A 7^{\circ} S$  (شکل ۵۴) مداری باشد که خورشید بر روی آن حرکت می‌کند.

### زمان

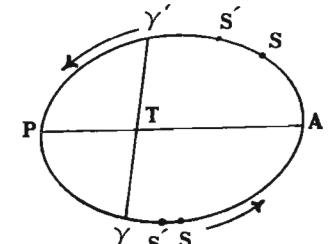
**۷۵- شبانه‌روز نجومی و شمسی** - شبانه‌روز نجومی مدت زمانی است که مابین دو عبور متوالی ستاره ثابتی بر نصف‌النهار یک مکان متفاوت نباشد.

شبانه‌روز شمسی مدت زمانی است که مابین دو عبور متوالی خورشید از نصف‌النهار معینی فاصله می‌شود.

مدت شبانه‌روز شمسی متغیر و اندکی بلندتر از شبانه‌روز نجومی است زیرا، هر گاه خورشید به اتفاق ستاره ثابتی از نصف‌النهاری بگذرد، فردا قریب ۴ دقیقه دیرتر از آن ستاره‌ها زمان نصف‌النهار خواهد گذشت (شماره ۴۷۰) و بعد از ۹۰ روز بقدر  $4 \times 90 = 360$  دقیقه یا ساعت دیرتر می‌گذرد. به همین جهت است که منظرة آسمان در شب‌های مختلف سال تغییر می‌کند. مبدأ شبانه‌روز نجومی وقتی است که نقطه ۷ به نصف‌النهار می‌گذرد.

چون شبانه‌روزهای شمسی با یکدیگر متفاوتند و تفاوت آنها مقدار ثابتی نیست، هیچ ساعتی نمی‌تواند دقیقاً با این دستگاه زمانی مطابقت کند. لذا یک قسم شبانه‌روز دیگر را مقیاس زمان‌گرفته‌اند که هم‌کمال نزدیکی با شبانه‌روز شمسی دارد و هم مدتش ثابت است و آن را

حال خورشید دیگری هانند 'S در نظر



شکل ۵۴

خورشید موهومی

'S اختلافی را که موجب عدم تساوی شبانه - روزهای شمسی است مرتفع می‌کند. به عبارت دیگر، نامساوی بودن سرعت زاویه‌ای خورشید را که باعث عدم تساوی شبانه روزهای حقیقی است تعديل می‌کند. حال باید اختلافی را که از تمایل دایره البروج با معدل النهار حاصل می‌شود مرتفع سازیم. برای این منظور خورشید موهومی دیگری در نظر می‌کیریم (خورشید متوسط) که با همان سرعت مشابه خورشید موهومی اول ولی به جای دایرة البروج همواره بر روی معدل النهار سیر کند، و در همان لحظه که اولی به نقطه اعتدال بهاری می‌گذرد دومی نیاز آن جا بگذرد. واضح است که این خورشید متوسط در فاصله‌های زمانی متساوی از نصف النهار خواهد گذشت. هر یک از این فواصل زمانی همان شبانه‌روز متوسط است که در شماره ۷۵ گفته‌یم. کلیه زمانهایی را که از این رو نتیجه می‌شود زمان متوسط‌گوییم. مثلاً ظهر حقیقی وقتی است که خورشید حقیقی از نصف النهار بگذرد، و ظهر متوسط وقتی است که خورشید متوسط از نصف النهار بگذرد. با آنکه این خورشید متوسط موهومی است، می‌توان لحظه عبور آن را به نصف النهار بدقت حساب کرد.

۷۸- سال - وقتی که فاصله زمانی نسبتاً زیاد باشد واحد دیگری

بکار می‌برند که آن را سال گویند.

سال چند قسم است که از جمله آنها سال شمسی اعتدالی است.

این سال مدت زمانی است که میان دو عبور متوالی خورشید به نقطه اعتدال بهاری منقضی می‌شود، و اندازه آن  $2422 \frac{365}{366}$  شبانه روز متوسط یا  $2422 \frac{365}{366}$  شبانه روز نجومی است.

### ۷۹- رابطه شبانه روز نجومی با شبانه روز شمسی متوسط

چنانکه در شماره ۴۷ گفته شد، خورشید در مدت یک سال، یک دور کمتر از کوکب ثابتی به دور زمین می‌گردد. بنابراین یک سال اعتدالی  $2422 \frac{366}{365}$  شبانه روز نجومی است ولذا این رابطه حاصل می‌شود:

نیه	قه	عت	روز متوسط	روز متوسط	روز نجومی
$365/2422$	$365/2422$	$1 =$	$55/91$	$55/91 - 1 =$	$1 = 365/2422 - 365/2422 = 365/2422$

نیه قه عت روز متوسط روز متوسط روز نجومی

$$1 = \frac{365/2422}{366/2422} = \frac{55}{91} - 1 = \frac{55}{91}$$

نیه قه روز نجومی روز نجومی روز متوسط

$$1 = \frac{366/2422}{365/2422} = \frac{56/55}{55/91} + 1 = \frac{56}{55}$$

بنابراین مقدار روز متوسط از روی مقدار روز نجومی بدست می‌آید و عکس.

نیه قه عت

وقتی که ساعت نجومی  $55/56$  را نشان می‌دهد، ساعت متوسط باید  $24$  ساعت تمام را بنماید.

**۸۰ - تقویم قیصری** - ۴۵ سال قبل از میلاد مسیح سوزیژن<sup>۱</sup> نام، منجم مصری، به حکم ژول سزار قیصر روم، تقویمی به اسم تقویم قیصری برای سالهای شمسی ترتیب داد. وی مدت یک سال اعتدالی را ۲۵/۳۶۵ روز گرفت، و برای آنکه سال رسمی شامل<sup>۲</sup> عدد صحیحی از شبانه روز باشد، قرار گذارد که در هر چهار سال، سه سال را درست ۳۶۵ روز و سال چهارم را ۳۶۶ روز گیرند، تا کسر ۲۵/۰ روز جبران شود، و آن یک روز را به ماه فوریه بیفزایند و آن سال را کبیسه<sup>۳</sup> گویند.

**۸۱ - تعديل گرگوار** - می دانیم که سال قیصری (۳۶۵/۲۵ شبانه روز) به اندازه ۵۵۷۸/۰ شبانه روز بلندتر از سال شمسی اعتدالی (۳۶۵/۲۴۲۲ شبانه روز) است. به این ترتیب، پس از مدتی مبدأ سال چند روز عقب افتاد. این بود که گرگوار سیزدهم با مشورت بعضی منجمین قرار داد که مانند سابق هر چهار سال، یک سال کبیسه باشد، اما در حقیقت چون سال شمسی اعتدالی معادل ۳۶۵ روز و ۵ ساعت و ۴۸ دقیقه و ۴۶ ثانیه است، پس از چهار سال کسوری که متراکم شده است چنین خواهد شد:

$$\text{نیم قهقحته} = \frac{۴۸ \times ۴۶}{۴} = ۲۳۵$$

که بقدر ۴۴ دقیقه و ۵۶ ثانیه از یک شبانه روز کمتر است. پس اگر سال

#### Sosigène -۱

- ۲ - سال رسمی مدت زمانی است که هُم کمال فزیدیکی را با سال حقیقی داشته باشد و هم عده ایامش عدد صحیح باشد.
- ۳ - کبیسه از کبس، به معنی پر کردن و انباشتن گرفته شده است.

چهارم را ۳۶۵ روز بگیریم، در هر چهار سال ۴۴ دقیقه و ۵۶ ثانیه زیاده از اندازه حقیقی خود حساب کرده ایم. چون ۴۰۰ سال بدین منوال حساب شود (یعنی در هر چهار سال، یک سال را کبیسه بگیریم)، مدتی که زیاد حساب شده است چنین خواهد شد:

$$\frac{۴۰۰ \times (۴۴ + ۵۶)}{۴} = ۳۲۵۳$$

برای تعدیل و جبران این مقدار اضافی، هر یک از این سه روز را در رأس هر سده کسر می کنیم، ولذا سال صدم و دویستم و سیصدم را همان ۳۶۵ روز محسوب می داریم و سال چهارصدم را کبیسه می گیریم. این مطلب را بطور اختصار می توان چنین بیان کرد:

در سالهای رسمی باید در هر چهار سال، یک سال را کبیسه گرفت جز سال آخر هر سده که کبیسه نمی شود مگر سده هایی که پس از حذف دو صفر قابل قسمت بر چهار باشند، مثل ۴۰۰ و ۸۰۰ و ۱۲۰۰ و ...

**۸۲ - سنه هجری و سنه مسیحی** - میان مسلمانان دونوع تاریخ معمول است، یکی قمری که بعد هاگفته خواهد شد، و دیگری شمسی. مبدأ آنها از زمانی است که حضرت رسول (ص) از مکه به مدینه هجرت فرمودند و این تاریخ را هجری گویند.

سنه مسیحیان شمسی و مبدأ آن از ابتدای تولد حضرت مسیح (ع) است.

**۸۳ - تقویم جلالی** - چنانکه می دانیم یک سال شمسی اعتدالی ۳۶۵ روز و ۵ ساعت و ۴۸ دقیقه و ۴۶ ثانیه است. اگر هر چهار سال،

یک سال را کبیسه بگیرند، کسوری که در مدت ۳۲ سال زیاده از مقدار حقیقی خود حساب می‌شود چنین خواهد بود :

$$\text{نیم قده} \quad \text{نیم قده}$$

$$\frac{(44 + 56 \times 32)}{4} = 5 \ 59 \ 28$$

حکیم عالیمقام ما عمر خیام به حکم سلطان جلال الدین ملکشاه سلجوقی در سال ۴۷۱ هجری قمری چنین تعدل کرد که برای جiran مقدار اضافی، سال سی و دوم را همان ۳۶۵ روز حساب کنند و سال سی و سوم را کبیسه بگیرند و به همین ترتیب در هرسی و سه سال این دوره را تجدید کنند.

تمرين - تعدل گرگوار را با تعدل عمر خیام مقایسه کنید و امتیاز یکی را بر دیگری تعیین نمایید.

**۸۴- تقویم قانونی**- سال شمسی را به دوازده جزء قسمت کرده و هر یک را ماه شمسی یا خورشیدی نامیده‌اند.

تقسیم‌بندی سال به ماه بسیار قدیمی است و هر یک از ملل متمدن در هر زمانی ترتیب خاصی برای این کار اتخاذ کرده است. همچنین یک روز اضافی سالی را که کبیسه می‌شود به آخر یکی از ماهها ملحق می‌کنند.

در ایران ماههای شمسی عبارتند از : فروردین، اردیبهشت، خرداد، تیر، مرداد، شهریور، مهر، آبان، آذر، دی، بهمن و اسفند. بر طبق تصویب مجلس شورای ملی، شش ماه اول سال هر یک ۳۱ روز و پنج ماه بعد هر یک ۳۵ روز و ماه آخر در صورتی که کبیسه

باشد ۳۰ روز و الا ۲۹ روز گرفته می‌شود.

### ۸۵- سال نجومی - بنا بر تعریف (شماره ۷۸) سال اعتدالی

مدتی است که مابین دو عبور متواالی خورشید (یا زمین) به نقطهٔ ۷ منقضی می‌گردد. اما چون این نقطهٔ خود حرکتی از مشرق به مغرب دارد (شماره ۶۸)، قبل از آنکه خورشید ۳۶۵ درجه از مدار خود را طی کند، به نقطهٔ ۷ خواهد رسید و از اینجا نوع دیگر از سال بنظری رسید که آن را سال نجومی گویند و آن مدت دو عبور متواالی خورشید است از مقابل ستاره‌ای ثابت. بنابراین تعریف، اگر واحد زمان را سال اعتدالی قرار دهیم، مدت یک سال نجومی چنین می‌شود :

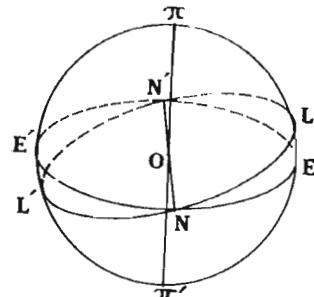
$$(سال اعتدالی) = \frac{1,0000388}{\frac{360}{50^{\circ}} - \frac{360}{55^{\circ}}} = 1 \quad (\text{سال نجومی})$$

که برابر است با  $\frac{365}{25637}$  شبانه‌روز شمسی متوسط.

معلوم می شود که فاصله زمین از ماه تغییرپذیر است (مانند آفتاب).

**۸۸- حرکت ظاهری ماه** - چون بعد و میل ماه را در مدت یک ماه قمری تعیین کنیم و آن را روی یک کره سماوی نمایش دهیم، معلوم خواهد شد که :

اولاً- ماه دایرۀ عظیمه' LL' (شکل ۵۵) را که نسبت به دایرۀ البروج



شکل ۵۵

قریب ۹°۵ مایل است، طی می کند.  
بنابراین هرگاه زمین را در نقطه O ثابت فرض کنیم، ماه بر روی محیطی متحرک است که سطحش بر مركز زمین می گذرد.  
ثانیاً - ماه در جهت مستقیم (از مغرب به مشرق) به دور زمین می گردد.

ثالثاً - عرض ماه بطور متوسط مابین ۵°۹ و ۵°۹ + تغییر می یابد.  
بنابراین مدار ماه با دایرۀ البروج در دو نقطه N و N' متقاطع می شود که آنها را عقدتین ماه و خط NN' را خط عقدتین می نامند. نقطه N را، که چون ماه پس از عبور از آن، وارد نیمکره شمالی دایرۀ البروج می شود، عقدۀ رأس و نقطه' N را، که ماه پس از عبور از آنجا وارد نیمکره جنوبی می شود، عقدۀ دَنْ گویند. این دو نقطه به دو نقطه اعتدالین شبیهند و به همان نحو تعیین می شوند.

**۸۹- شکل مدار ماه** - هرگاه موافق شمارۀ ۵۶ نسبت به ماه عمل کنیم، معلوم خواهد شد که مدار ماه بیضی است که خروج از مرکز نظریاً  $\frac{1}{18}$  وزمین دریکی از دو کانون آن واقع است. و چون بر طبق شمارۀ

هیئت

## فصل هفتم

ماه

حرکات ماه

**۸۶- مشاهده ماه با چشم** - ماه جسمی است کدر و کروی که بخودی خود تاریک است ولی از خورشید کسب نور می کند.

ماه را می توان، چه در روز و چه در شب، با چشم مشاهده کرد.  
فاصله اش از زمین کمتر از فاصله خورشید است، زیرا در موقع کسوف بین زمین و خورشید واقع می شود.

تغییرات متوالی را که در منظره ماه عارض می شود آهلهٔ قمر می گویند که با چشم غیر مسلح قابل مشاهده است.

تمام این تغییرات متناوباً، در هر ۲۹ روز و نیم، یک بار صورت می گیرد. این مدت را یک ماه قمری گویند.

**۸۷- قطر ظاهری ماه** - هرگاه قطر ظاهری ماه را چند بار، به هنگام عبورش از نصف النهار، رصد کنیم، معلوم می شود که همواره دارای مقدار ثابتی نیست بلکه تغییرپذیر است. مقدار متوسط این قطر "۲۶' ۳۱'" است. چون تغییرات قطر ظاهری به نسبت عکس فاصله آن از زمین است،

ضمن حرکتش به دور زمین، متناوباً از مقابل هر ستاره مانند  $\Delta$  می‌گذرد، و بنابراین زمانی هست که طولهای آسمانی ماه و ستاره  $\Delta$  مساوی شوند. در آن موقع گویند که ماه با ستاره  $\Delta$  در مقارنه است؛ و هرگاه اختلاف طول آنها  $180^\circ$  باشد، گویند در مقابلله‌اند.

از این رو برای حرکت ماه به دور زمین، بر حسب آنکه نقطه نشانه  $\Delta$  ستاره ثابت یا نقطه اعتدال یا خورشید باشد، دوره‌های چندی می‌توان تشخیص داد.

#### الف- دوره نجومی ماه، زمان منقضی مابین دو اقتران متواالی

آن است با یک ستاره ثابت، یا مدت طی یک دوره  $360^\circ$  درجه.

#### ب- دوره اعتدالی ماه، زمان منقضی مابین دو اقتران متواالی

آن است با نقطه اعتدال.

#### ج- دوره هلالی ماه، زمان منقضی مابین دو اقتران متواالی آن

است با خورشید.

#### ۹۱ - ۱ - تعیین دوره‌های هلالی و نجومی - برای تعیین

دوره هلالی ماه ساعت دو کسوف (گرفتن خورشید) را که چند دوره هلالی مابین آنها منقضی شده است بدقت تعیین می‌کنیم و چنانکه بعد خواهیم دید، تمام کسوفهای مواره در موقع مقارنه خورشید و ماه واقع می‌شوند و چون فاصله زمانی را که مابین این دو کسوف منقضی شده است بر عده هلالها تقسیم کنیم، مدت متوسط یک دوره هلالی چنین بدست می‌آید:

روز  $29/530589$

یا روز و  $12$  ساعت و  $44$  دقیقه و  $3$  ثانیه

۲ - دوره نجومی ماه را می‌توان از روی دوره هلالی آن چنین

عاستدلار کنیم، معلوم خواهد شد که قانون سطوح در باره ماه نیز صادق است.

حرکت ماه به دور خورشید-زمین

T (شکل ۵۶) در یک سال مدار بیضی-

L شکلی به دور خورشید می‌پیماید و قمر

در ظرف یک ماه هلالی، یک بیضی به کانون

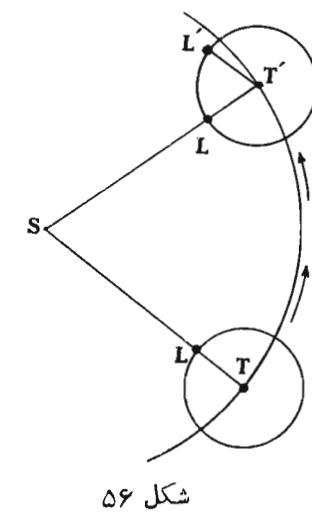
T به دور زمین طی می‌کند. پس حرکت

ماه به دور آفتاب ترکیب این دو حرکت

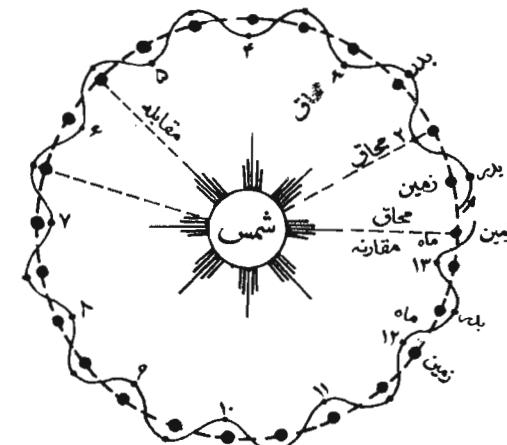
است، و چون در مدت یک سال این دو

حرکت ترکیب شوند منحنی مضرسی

تشکیل خواهد شد (شکل ۵۷).



شکل ۵۶

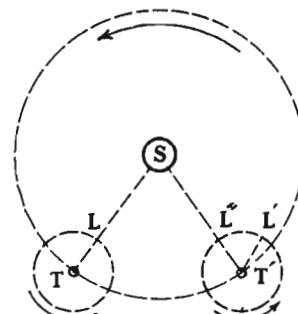


شکل ۵۷

۹۰ - تعاریف - هرگاه طولهای آسمانی دو ستاره با یکدیگر

مساوی شوند، گویند که آن دو ستاره در مقارنه یا اقترانند. مثلاً ماه، در

بدست آورده: فرض می کنیم S خورشید و T زمین و L (شکل ۵۸) ماه باشد (سایر توجیهات شکل با دانش آموzan است). می دانیم که قطاعهای طی شده به واسطه شعاع حامل  $T'L'T'L'$  متناسبند باز مانهای نظیر آنها (قانون سطوح، شماره ۶۶)



شکل ۵۸

$$\frac{360}{t} = \frac{360 + L'L''}{2}$$

(t مدت یک دوره نجومی ماه، و  $\angle$  یک دوره هلالی آن است). حال برای تعیین زاویه  $L'L'' = TST'$ ، مدت دوره نجومی زمین را بنظر می آوریم که در زمان T انجام می باید واژ آنجا داریم:

$$\frac{360}{t} = \frac{360}{T} + \frac{TST'}{2} \text{ یا } \frac{1}{t} = \frac{1}{T} + \frac{1}{2}$$

و پس از اختصار: و چون در این دستور به جای T مقدارش  $365/25$  روز و به جای  $\angle$  معادلش  $53/29$  روز را قرار دهیم، چنین بدست می آید:

$$t = 27/32 \text{ روز} \quad 7 = 43$$

یعنی ماه یک دوره ۳۶۰ درجه‌ای را در  $27/32$  روز طی می کند، و چون  $360/27$  را برای عدد قسمت کنیم، حد متوسط سرعت زاویه‌ای آن، به ازای هر شبانه‌روز،  $13^{\circ}35'$   $10^{\prime\prime}$  بدست می آید. پس حرکت ماه ۱۳ بار سریعتر از حرکت خورشید است.

**۹۲- حرکت وضعی ماه** - مانند سایر اجرام سماوی، ماه با حرکتی یکنواخت بدور خود می گردد. سرعت دوران درست برابر است با سرعت زاویه‌ای متوسط حرکت انتقالی آن. در حقیقت کلف یا لکه‌های چندی بروی فرص ماه مشاهده می شود که شکل و وضع آنها نسبت به مرکز فرص مطلقاً ثابت و تعییر ناپذیرند، پس معلوم می شود که همیشه یک نیمسکرۀ آن مواجه ما می باشد، مانند آتشگردانی که بدور دست‌گردانده‌ای می چرخد و همیشه دهانه‌اش مقابل دست اوست.

**۹۳- فاصلۀ ماه از زمین** - چنانکه در شماره ۵۸ گفته شد، می توان اختلاف منظر افقی ماه را بدست آورده، و چون مطابق همان دستور رفتار کنیم، این مقدار از  $53^{\circ} 61'$  تا  $53^{\circ} 15'$  بدست می آید. حال چون بطریقی مشابه آنچه در تعیین فاصلۀ آفتاب عمل کردیم (شماره ۵۹)، فاصلۀ ماه را استخراج کنیم، بطور متوسط  $265/365$  برابر شعاع زمین خواهد شد، پس گوییم فاصلۀ ماه از زمین با عدد صحیح، قریب  $260$  است.

**۹۴- ابعاد ماه** - نصف قطر ظاهری ماه از کره زمین بطور متوسط  $15^{\circ} 43'$  یا  $943$  دیگه می شود و نصف قطر ظاهری زمین از ماه (اختلاف منظر افقی)  $52^{\circ} 3420'$  یا  $52^{\circ} 3433'$  دیده می گردد. پس اگر فرض کنیم  $2$  شعاع زمین و  $\star$  شعاع ماه باشد، داریم:

$$\frac{x}{r} = \frac{943}{3420} = 0,27$$

پس با تقریب جزئی می توان گفت که شعاع ماه تقریباً  $\frac{3}{11}$  شعاع زمین است.

بنابراین نسبت سطح این دو کره بر ابر  $\frac{3^2}{11^2}$  یا تقریباً  $\frac{1}{13}$  است و نسبت حجمشان مساوی  $\frac{3^3}{11^3}$  یا تقریباً  $\frac{1}{50}$  است، و جرمش  $\frac{1}{81}$  جرم زمین است.

**۹۵ - اوضاع طبیعی ماه** - چون قرص ماه را در هنگامی که تمامش روشن است بادور بین قوی مشاهده کنیم، کلفهای حلقوی فراوان بر سطح آن خواهیم دید که محیطشان همچنان روشن است. ولی هرگاه هنگامی که نصفش روشن است به آن نگاه کنیم، چنین بنظر می آید که قسمت مستنیرش پوشیده از غارهایی است که به جدارهای مستدیری محدود گشته وسایه آنها درجهت مقابل خورشید تصویر شده است. تصور می رود که این غارها آتشفشانهای مرتفعی بوده اند که قسمت علیا شان به دهانه های عریض و مستدیری منتهی شده است. قطر این دهانه ها تا  $255$  کیلومتر می رسد و عمق آنها از ارتفاع خارجی که از سطح قمر حاصل می کند اغلب از  $7$  الی  $8$  هزار متر متوجه می شود.

**۹۶ - فقدان هوای آب در گره ماه** - در ماه هوا (جو)، و در نتیجه آب، به دلایل زیر وجود ندارد و اگر هم جوی وجود داشته باشد بسیار رفیق است:

(الف) وقتی که ماه از مقابل ستاره ای می گذرد، آن ستاره پنهان و ناگهان دوباره ظاهر می شود، بدون آنکه کمترین تغییری، به علت پیدیده انکسار که لازمه وجود جو است، در درخشندگی نور آن پدید آید.

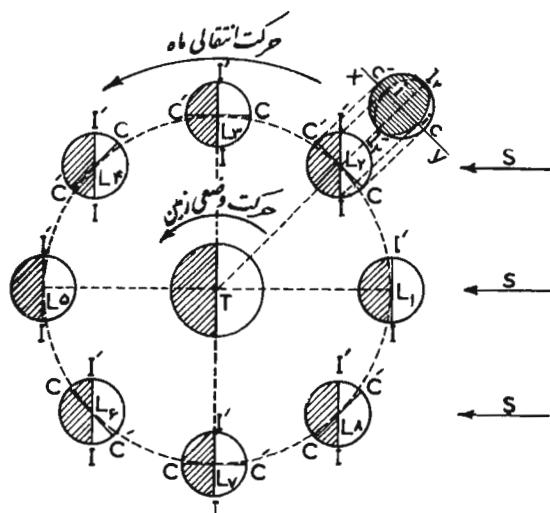
(ب) دایره روشنایی بطور وضوح نیمکره های روشن و تاریک را از هم جدا می کند، بدون آنکه منطقه سایه و نیمسایه ای وجود داشته باشد.

ج) تمام قسمتهای قرص ماه، بمختص آنکه روشن می شوند، همیشه با همان وضوح جلوه می کنند بدون آنکه هرگز ابری آنها را پوشاند یا پنهان سازد.

### ۹۷ - توجیه اهلة قمر و تناوب آن - هلال ماه در هر لحظه،

از روی فاصله زاویه ای آن نسبت به خورشید معین می شود. عملامی توان به جای فاصله زاویه ای اختلاف طول آسمانی ماه و خورشید را در نظر گرفت. پس دوره تناوب هلال ماه مدت زمانی است که مقدار اختلاف طولهای خورشید و ماه از صفر درجه تا  $360^\circ$  تغییر کند.

حال فرض می کنیم که صفحه شکل ۵۹ دایرة البروج، T مرکز زمین، S جهت تابش شعاع خورشید، L تصویر مرکز ماه، دایرۀ مدار ماه بر دایرة البروج منطبق، زمین در جای خود ثابت و آن اختلاف طولهای خورشید و ماه باشد.



شکل ۵۹ - نمایش اهلة قمر

۱ - بهازای  $\lambda = 5^\circ$  که ماه به وضع  $L_4$  واقع می شود، ماه در مقارنه است و قریب ظهر از نصف النهار می گذرد و نیمکرمه مرئیش<sup>۱</sup> کاملا تاریک و برای مانamerی است. در این حالت می گویند که ماه در محقق یا تحت الشعاع است. این حالت اواخر هر ماه قمری واقع می شود.

۲ - بهازای  $\lambda = 180^\circ$  که ماه به وضع  $L_5$  واقع می شود، مقابله رخ می دهد و تقریباً ۱۲ ساعت بعد از ظهر ماه از نصف النهار می گذرد و نیمکرمه مرئیش کاملا روشن است که چون بر سطح کره آسمان (یادا بیره مرئی) تصویر شود، به شکل یک قرص تمام دیده می شود. این حالت را بدر گویند و در شب نیمة ماه قمری واقع می شود.

۳ - به ازای  $\lambda = 90^\circ$  یا  $\lambda = 270^\circ$  که ماه به وضع  $L_3$  و  $L_7$  واقع می شود، عساعت یا ۱۸ ساعت بعد از ظهر ماه از نصف النهار می گذرد و نصف نیمکرمه مرئیش که به سمت ماست، روشن مشاهده می شود. چون این قسمت بر سطح دایره مرئی تصویر گردد، به شکل نیمدايره ای تصویر خواهد شد که تحدب آن رو به خورشید است. این حالت را تربیع اول یا تربیع دوم گویند و در شب هفتم یا بیست و یکم ماه قمری مشاهده می شود.

۴ - بهازای  $\lambda = 45^\circ$  و  $\lambda = 7 \times 45^\circ$  که ماه به وضع  $L_2$  و  $L_8$  واقع می شود، گویند ماه در هلال است و ۳ ساعت و ۲۱ ساعت بعد از ظهر از نصف النهار می گذرد. در هر یک از این دو حالت رباعی از نیمکرمه مرئیش که به سمت مامی باشد روشن است و چون این قسمت بر سطح دایره مرئی تصویر گردد به شکل هلالی خواهد شد که همواره تحدب رو به خورشید است.

۵ - به ازای  $\lambda = 3 \times 45^\circ$  و  $\lambda = 5 \times 45^\circ$  که ماه به وضع  $L_4$  واقع می شود، گویند ماه در تثلیث است و ۱۵ ساعت و ۱۵ ساعت بعد از ظهر از نصف النهار می گذرد. در هر یک از این دو حالت  $\frac{3}{4}$  از نیمکرمه مرئی ماه که به سمت ما می باشد روشن است و به شکل عدسی تصویر می شود و باز بعد از یک ماه همین اهله تکرار می شود.

**تبصره** - در نیمة اول ماه، وسعت قسمت روشن ماه رفتاره زیاد می شود و تحدب این قسمت به طرف مغرب است و در نیمة دوم ماه، وسعت قسمت روشن کم می شود و تحدب آن به سمت مشرق است و در تمام حالات زاویه رأس هلالها مساوی است با اختلاف طولهای ماه و خورشید، زیرا اضلاع شان بر یکدیگر عمود است، مثل دو زاویه  $C_{IL_2}$  و  $L_2 TL_1$  و ...

**۹۸ - سال و ماه قمری** - سال قمری عبارت است از ۱۲ ماه قمری<sup>۱</sup> هلالی، یعنی مدتی که قمر یک دوره هلالی خود را می پیماید. چون ماه تقریباً در مدت ۲۹ روز و ۱۲ ساعت و ۴۴ دقیقه دوره هلالیش را تمام می کند، یک سال قمری معادل خواهد شد با :

ق	ه	ع	ت	ر	و	ز	ق	ه	ع	ت	ر
۱۲	۲۹	۴۴	۳۵۴	۸	۴۸						

پس اگر یک سال را ۳۵۴ روز محسوب داریم، ۸ ساعت و ۴۸ دقیقه اضافه خواهیم داشت، و چون در هر سه یا دو سال که این کسور اضافه متر اکم شد از ۲۴ ساعت که یک شبانه روز است تجاوز می کند، آن سال را ۳۵۵ روز گیرند و باصطلاح گویند آن سال کبیسه است.

۱ - محرم، صفر، ربیع الاول، ربیع الثاني، جمادی الاول، جمادی الثاني، ربیع، شعبان، رمضان، شوال، ذیقعده، ذیحجه.

باشند و صفحه‌ای که به مرکز این دو کره مرون مری دهیم آنها را در دو دایره عظیمه  $SA$  و  $TB$  قطع می‌کند. حال  $AB$  مماس مشترک خارجی این دو دایره را رسم می‌کنیم. چون مثلث قائم الزاویه  $OBT$  را حول محور  $OT$  دوران دهیم، مخروط سایه بوجود می‌آید.

برای محاسبه  $TO$  طول این مخروط سایه، از دو مثلث متشابه

$$\frac{SA}{TB} = \frac{OS}{OT}$$

$$(1) \quad \frac{SA - TB}{TB} = \frac{OS - OT}{OT}$$

$$SA - TB = 109r - r = 108r$$

ولی

$$OS - OT = TS = 2340r$$

و چون در تناسب (1) به جای هر جمله آن مساویش را قرار دهیم، بعد از محاسبه چنین خواهیم داشت:  $OT = 217r$  (تقریباً)

اما چون فاصله ماه در اوچ از  $64$  برابر شعاع زمین هم کمتر می‌باشد، بخوبی ممکن است مخروط سایه را تلاقی کند.

حال باید این نکته را تحقیق کنیم که مخروط سایه زمین می‌تواند تمام قرص ماه را بپوشاند و خسوف کلی حادث شود:

می‌دانیم که فاصله متوسط ماه از زمین،  $60$  برابر شعاع زمین و شعاع کره ماه تقریباً  $27/0$  شعاع زمین است (شماره‌های  $93$  و  $94$ ).

در شکل  $60$ ، نقطه  $L$  مرکز و خط  $LC$ ، عمود بر  $OB$ ، شعاع کره‌ای است که محاط در مخروط سایه زمین و به فاصله  $LT = 60r$  از زمین واقع باشد. چون  $LC$  را با استفاده از تشابه دو مثلث  $OTB$  و  $OLC$  و با توجه به اینکه

$$TB = r$$

$$OT = 217r$$

$$LT = 60r$$

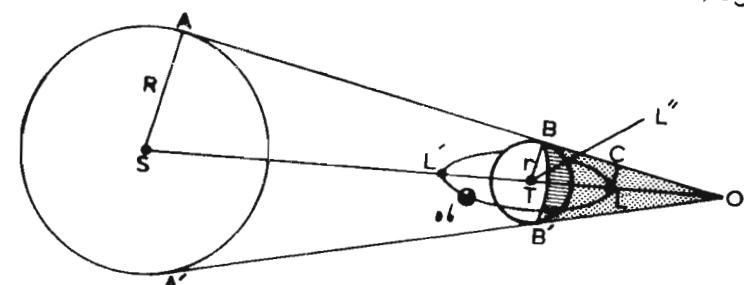
تلذکر - مبدأ سنت قمری نیز از روز هجرت حضرت رسول (ص) از مکه به مدینه است و به همین جهت این تاریخ را هجری قمری گویند.

### خسوف

**۹۹ - تعاریف** - هنگامی که ماه در حالت بدر است، گاهی مشاهده می‌شود که موقعتاً تمام یا قسمتی از آن متدرجاً تاریک می‌شود و بعداز مدت کمی به حالت معمولی بازمی‌گردد. این حادثه را گرفتن ماه یا خسوف گویند.

خسوف را کلی یا جزئی گویند، بنابر آنکه تمام قرص ماه یا جزئی از آن تاریک شود.

**۱۰۰ - علت خسوف** - چون زمین جسمی است که از خورشید کسب نور می‌کند، واضح است که همواره نیمی از آن روشن و نیمه دیگر شتابیک است، بعلاوه از نیمه تاریک آن مخروط سایه‌ای تشکیل می‌شود که از تفاوش به فاصله زمین از خورشید مر بو طاست. بنابر این اگر قسمتی از ماه در این مخروط سایه واقع شود، خسوف دست می‌دهد. لذا کافی است ثابت کنیم که ممکن است مخروط سایه زمین تمام یا جزئی از ماه را فرا گیرد (شکل  $60$ ). حال فرض می‌کنیم که  $S$  و  $T$  بترتیب خورشید و زمین



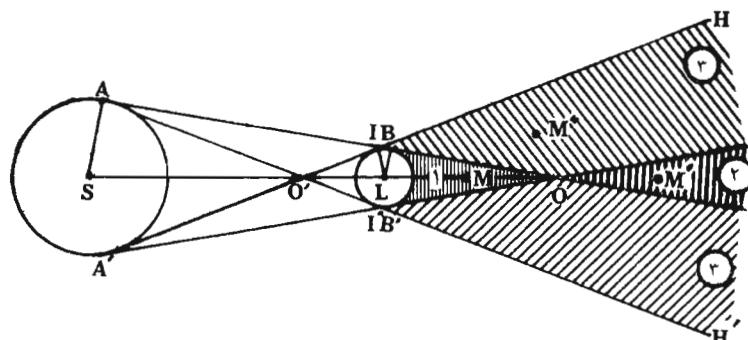
شکل ۶۰

رؤیت می شود که ماه و مخروط سایه بالای افق و بنابراین آفتاب در زیر افق باشد . پس ممکن نیست که خسوف در روز واقع شود بعلاوه هر خسوفی در نصف بیشتر کره زمین رؤیت می شود .

**تبصره ۵** - مدتی قبل و بعد از خسوف، ماه باید از فضایی عبور کند که شبیه سایه آنجا را فراگرفته است و به همین جهت در هر خسوف مدتی قبل و بعد از آن نور ماه نسبتاً ضعیفتر است .

### گسوف

**۱۰۴ - تعریف** - فرض می کنیم  $S$  خورشید ،  $O$  رأس مخروط محیطی خارجی و  $O'$  رأس مخروط محیطی داخلی آنها باشد؛ پشت ماه، مخروط سایه'  $BOB'$  تشکیل می شود که مخروط شبیه سایه'  $HH'I'I'$  آن را فراگرفته است.



شکل ۶۱

۱ - هرگاه بر مرکز کره  $S$  و  $L$  صفحهای مرور داده و مساهای مشترک خارجی و داخلی بر دو دایرة مقطع آنها را رسم کنیم و شکل را نیم دور حول  $SL$  دوران دهیم، مخروطهای خارجی و داخلی احداث می شوند (شکل ۶۱).

حساب کنیم، بسهولت معلوم می شود که  $LC = 72r^\circ$ ، و این مقدار بیش از دو برابر نیم شعاع کره ماه است؛ پس ممکن است که تمام کره ماه در داخل مخروط سایه زمین قرار گیرد .

**۱۰۱ - شرط وقوع خسوف** - هرگاه صفحه مدار ماه بر صفحه دایرة البروج منطبق می بود، لازمی آمد که در هر مقابله یک مرتبه خسوف واقع شود؛ اما صفحه مدار ماه با دایرة البروج به زاویه  $L''TO = 59^\circ$  (شکل ۶۴) متقطع می گردد، پس در هر دوره انتقالی، عرض ماه مابین  $59^\circ$  و  $95^\circ$  تغییر می کند و در عقدتین صفر می شود. بنابراین خسوف وقتی دست می دهد که مقابله خورشید و ماه در مجاور یکی از عقدتین اتفاق افتاد، و حساب کرده اند که هرگاه در این موقع عرض ماه زیادتر از  $10^\circ$  باشد، ابدآ خسوف نخواهد شد .

**تبصره ۵** - خاصیت انکسار شعاع نور از طول مخروط سایه می کاهد بطوری که طول  $TO$  تقریباً  $42r$  می شود. بنابراین هرگز خسوف مطلقی که بکلی ماه را نامرئی سازد حادث نخواهد شد بلکه باز هم نور خفیف قمزرنگی آن را قابل رؤیت می کند، چون اشعه قرمزا شده ای است که جو زمین کمتر از اشعه دیگر آن را جذب می کند.

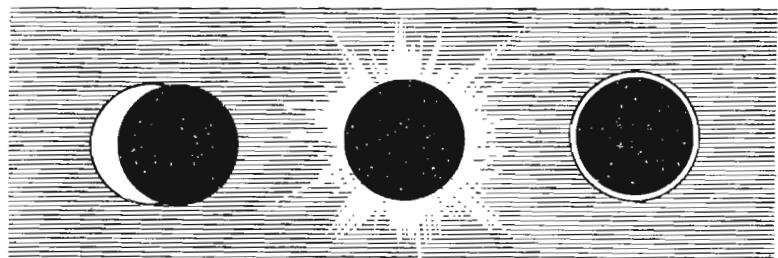
**۱۰۲ - مدت خسوف** - تمام مدت خسوف کامل زیادتر از دو ساعت نخواهد شد. در این مدت ماه شبیه اهلهای بنظر می آید که در عرض یک ماه قمری مشاهده می شود .

**تبصره ۵** - یکی از دلایل دیگر کرویت زمین این است که در موقع خسوف جزئی، سایه زمین بر قرص ماه مدور است .

**۱۰۳ - رؤیت خسوف** - واضح است که خسوف وقتی در مکانی

حال اگر را صدی در نقطه‌ای مانند  $M'$  که داخل مخروط سایه است قرار گرفته باشد، ابدآ خورشید را نمی‌بیند (شکل ۶۱). و اگر را صد در نقطه‌ای مانند  $M''$  که در ناحیه متقابل به رأس مخروط سایه است قرار گیرد، قسمتی از خورشید را مانند حلقه نورانی مشاهده خواهد کرد. وبالاخره هر گاه را صد، در نقطه‌ای مثل  $M'''$  که یکی از نقاط داخل شبکه سایه است قرار گرفته باشد، فقط قسمتی از قرص خورشید را مانند هلالی می‌بیند.

پس اگر زمانی یکی از نقاط سطح کره زمین بتواند در  $M$  واقع شود، کسوف کلی، اگر در  $M'$  واقع گردد یک کسوف حلقوی و اگر در  $M''$  واقع شود یک کسوف جزئی برای آنجا خواهد بود (شکل ۶۲).



کسوف حلقوی      کسوف جزئی      کسوف کلی  
شکل ۶۲ – انواع کسوفها

**۱۰۵ – امکان کسوف – کسوف کلی** – چنانکه قبل از اینکه روی می‌دهد که این نقطه داخل مخروط سایه ماه واقع شود، پس باید طول این مخروط بقدری باشد که به زمین برسد و به عبارت اخیر طولش زیادتر از فاصله زمین تا ماه باشد.

**۱۰۶ – طول مخروط سایه ماه** – فرض می‌کنیم که شعاع خورشید

$SA = R = 109r$  و شعاع ماه  $r = \frac{3}{11}r'$  ،  $LB = r' = OL = y$  باشد (شکل ۶۱). فاصله ما و خورشید ( $d''$ ) در موقع مقارنه محسوساً مساوی است با تفاضل دو فاصله شان از زمین ، یعنی :  $d'' = d - d'$  (فاصله متوسط خورشید از زمین و  $d'$  فاصله متوسط زمین از ماه)؛ از دو مثلث قائم الزاویه متشابه  $BLO$  و  $OSA$  این تناسب حاصل است:

$$\frac{OL}{OS} = \frac{BL}{SA}$$

$$\frac{OL}{OS - OL} = \frac{BL}{SA - BL}$$

بعد از تفضیل نسبت چنین می‌شود :

$$\frac{y}{d''} = \frac{r'}{R - r'}$$

$$(1) \quad y = \frac{r'd''}{R - r'} = \frac{r'(d - d')}{R - r'}$$

و از آنجا

از این تساوی می‌توان استنباط کرد که وقتی که ماه در حضیض باشد مخروط سایه آن ممکن است زمین راقطع کند و در این صورت ممکن است کسوف کلی واقع شود و الا کسوف حلقوی یا جزئی امکان خواهد داشت.

**تبصره** – هر گاه در موقع مقارنه ما و خورشید، عرض ماه بیشتر از  $24^{\prime\prime} ۳۴^{\prime\prime}$  باشد، کسوف غیرممکن است.

### جزر و مدد در یارها

**۱۰۷ – تعریف** – چون در سطح دریاها دقت کنیم، ملاحظه خواهیم کرد که در هر شبانه روز، یا بطور دقیق در هر ۲۴ ساعت و ۵۰ دقیقه، دو نوبت (در هر ۱۲ ساعت و ۲۵ دقیقه یک نوبت) آب در یارها بالا می‌آید و دو نوبت پایین می‌رود . اثر اول را مدد و اثر دوم را جزر گویند .

**۱۰۸ - علت جزر و مدار** - همانطور که جاذبه زمین بکرمه ما وارد می شود آن را برمدارش نگاه می دارد، ماه نیز نسبت به کره زمین جاذبه ای ظاهر می سازد که اقلا در آبهای آن به واسطه کمی چسبندگی ذرات تأثیر محسوس می کند. در شکل ۳۶ چون نقطه A از نقاط مجاورش به ماه نزدیکتر

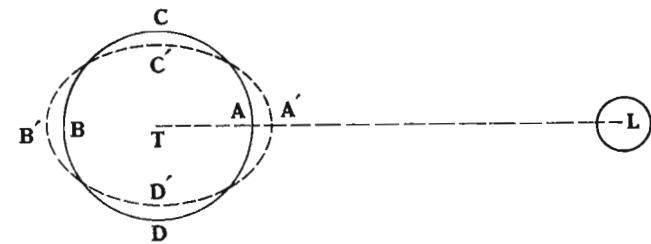
## فصل هشتم

### اطلاعات عمومی درباره سیارات

**۱۱۰ - تقسیم سیارات.** سیاره های فراوان به فواصل مختلف و در زمانهای متفاوت حول خورشید دوران می کنند. زمین مانیزیکی از آنهاست.

تمام سیارات را می توان به سه دسته عمده منقسم ساخت: اولاً سیاراتی با حجم متوسط که به خورشید نزدیکترند و فوائلشان بر ترتیب می افزاید. این سیارات عبارتند از: عطارد، زهره، زمین، مریخ. ثانیاً سیارات عظام که عبارتند از: مشتری، زحل، اورانوس، نپتون. ثالثاً سیارات صغیریابیه سیارات که همگی مابین مریخ و مشتری واقعند. عده اینها خیلی زیاد و تا امروز متتجاوز از ۱۵۰۰ تا از آنها کشف شده است.

می توان سیارات را از نقطه نظر زمین به دو دسته اصلی منقسم ساخت: یکی سیارات سفلی که مدارشان داخل در مدار زمین است و عبارتنداز: عطارد و زهره. دیگری سیارات علوی که عبارتند از سایر سیاراتی که مدارشان خارج از مدار زمین است.



شکل ۶۳

است جاذبه بیشتری بر آن وارد می شود و بیشتر به طرف ماه جذب می گردد، درنتیجه به پوزیشن 'A' در می آید. در طرف مقابل چون نقطه B از نقاط مجاورش عقب تر می هاند. پس در هر نقطه A و B مدد و در نقاط C و D که آبهایشان به طرف A و B حرکت کرده اند جزر واقع می شود.

**۱۰۹ - تغییر زمان جزر و مدد** - تأخیر شبانه روزی جزر و مدد به قدر ۵۵ دقیقه است. این مقدار درست معادل تأخیر دو عبور متواالی ماه از نصف النهار مکان معینی است و چون این تأخیرات در مدت  $\frac{1}{29}$  روز که یک ماه هلالی است مقادمشود، تقریباً معادل ۲۴ ساعت خواهد شد.

از طرف دیگر در مدت ۲۴ ساعت و ۵۰ دقیقه دونوبت جزر و مدد در هر دریابی بروز می کند و بنابراین در هر ۱۲ ساعت و ۲۵ دقیقه یک مرتبه مدد واقع می شود، بالنتیجه ساعات جزر و مدد در دوره ۱۵ روز بطور ثابت تجدید می گردد.

### شرح اجمالی سیارات

**۱۱۱- عطارد.** مابین تمام سیارات اصلی، عطارد سیاره‌ای است که کشیدگی مدارش از همه بیشتر است. در موقع تربیع برای ساکنان زمین در نهایت تلاو و درخشندگی است، بطوری که در هنگام ظهر می‌توان آن را با چشم دید و به نظر مابزرگتر می‌آید (زیرا که فاصله کمتر است). فاصله متوسطش از خورشید  $72^{\circ}$  پس نسبت حجم آن به حجم زمین  $54^{\circ}$  است و فاصله اش از آفتاب  $39^{\circ}$  برابر فاصله زمین است از خورشید.

مدت یک دوره هلالی عطارد حول آفتاب  $116$  روز و مدت یک دوره نجومیش معادل  $88$  روز است.

عطارد مانند کره زمین دارای حرکت وضعی است و مدت شبانه روز آن  $88$  روز است. همیشه یک نیمة آن به سوی خورشید است و از این نظر به ماه شباht دارد ولی به سبب میل محور آن نسبت به سطح مدارش فقط سی درصد آن همواره در تاریکی است.

چون شدت نور و حرارت به نسبت عکس مجدور فاصله تغییر می‌یابد و فاصله زمین از آفتاب  $64^{\circ}$  برابر فاصله عطارد است، نور و حرارت مکتبه عطارد  $(2,64)$  یا  $7$  برابر نور و حرارت زمین است. منتهی فاصله قوسی عطارد از آفتاب  $29^{\circ}$  درجه است. به این جهت، یا بعداز غروب آفتاب درسمت مغرب یا قبل از طلوع آفتاب در طرف مشرق با نور قرمز رنگی مشاهده می‌شود.

قدما چون به این مطلب آگاهی نداشتند، عطارد را دو ستاره می‌پنداشتند که یکی را ستاره صبحی و دیگری را عصری می‌نامیدند.

این ستاره چون فوق العاده به خورشید نزدیک است منجمان نتوانسته‌اند تابه‌حال اطلاعات کاملی از سطح و جو آن بدست آورند.

**۱۱۲- زهره.** مدار این سیاره محسوساً مستدیر و شدت نور و

حرارتش تقریباً دو برابر شدت نور و حرارت مکتبه کره زمین است و در موقع تربیع برای ساکنان زمین در نهایت تلاو و درخشندگی است، بطوری که در هنگام ظهر می‌توان آن را با چشم دید و به نظر مابزرگتر می‌آید (زیرا که فاصله کمتر است). فاصله متوسطش از خورشید  $72^{\circ}$  برابر فاصله زمین است از خورشید.

هرگاه قطر زمین را واحد قرار دهیم، قطر حقیقی زهره  $966^{\circ}$  و نسبت حجمش به زمین  $9^{\circ}$  خواهد شد.

مدت یک دوره نجومی زهره به دور خورشید  $225$  روز است. زهره دارای حرکت وضعی است و شبانه روز آن  $225$  روز است. چون مدار زهره تقریباً مستدیر است، مدت فصولش نیز تقریباً مساوی هستند، اما چون محور آن نسبت به سطح مدارش مایل است، تغییرات دما در فصول و اختلاف روز و شب آن زیاد است. هنگامی که زهره از حالت محاقد خارج می‌شود، دونوک هلالش بندرت منقح و متجلی جلوه می‌کند، بدین جهت تصور می‌رود که زهره را جو ضخیمی فراگرفته باشد که جزء عمده آن گاز کربنیک باشد، اما از بخار آب و اکسیژن اثری نیست، وعلاوه بر این، تاکنون تحقیقات عمیقی درباره زهره بعمل نیامده است.

حداکثر بعد زاویه‌ای زهره از آفتاب،  $48$  درجه است و بدین جهت یا قبل از طلوع آفتاب در طرف مشرق یا بعد از غروب درسمت

مغرب مشاهده می شود. از این رو قدم آن را مانند عطارد دوستاره صبحی و عصری می پنداشتند.

**۱۱۳ - مریخ** - مریخ ستاره‌ای است قرمزنگ که با چشم دیده می شود و اهل‌هاش خیلی ضعیف بنظر می‌رسد. لذا چنین تصور می‌رود که جوّ ضخیمی آن را فراگرفته باشد. هرگاه قطر زمین را واحد فرض کنیم قطر مریخ  $54/0$  و نسبت جرم این دو  $11/0$  است. مریخ در مدت  $24$  ساعت و  $37/0$  دقیقه حرکت وضعی خود را تمام می‌کند و طول مدت سالش  $687$  روز است.

در مجاور قطبین مریخ لکه‌های سفید رنگی بنظر می‌آید که وسعتشان متناوب‌اکم یا زیاد می‌شود و چون این لکه‌ها همواره در فصل معینی دیده می‌شود، می‌توان گفت که از برف و بیخ قطبی هستند که در زمستان زیاد شده و در تابستان ذوب می‌شود، و نظر به قانون تابش حرارت، در نواحی استوایی مریخ باید دما  $35^{\circ}$  و در نواحی قطبی آن  $100^{\circ}$  باشد. بعلاوه در سطح مریخ خطوط مستقیمی بنظر می‌رسد که به عقیده **شیاپارلی**، کمال‌هایی است که برای انتقال آب و هدر نرفتن آن احداث شده است.

قطبین مریخ اندکی فروافتگی دارد و از روی بعضی آثار دستی که در آن مشاهده شده است چنین تصور می‌رود که باید مسکون باشد. فاصله آن از خورشید  $1/52$  برابر فاصله زمین است از خورشید. مریخ دارای دو ماه است که فواصل آنها از مرکز این سیاره  $77/2$  و  $7$  واحد، شعاع مریخ است) می‌باشد. این دو ماه یکی در مدت  $7$  ساعت و  $40$  دقیقه و دیگری در ظرف  $35$  ساعت و  $14$  دقیقه دوره حرکت انتقالی

خود را در حول سیاره خویش انجام می‌دهند و چون مدتها و ان‌ماه‌اول تقریباً  $\frac{1}{3}$  مدت دوران مریخ است، به نظر ساکنان مریخ (اگر وجود داشته باشند) چنین می‌نماید که آن ماه از سمت مغرب، ملاوع درده در مشرق غروب می‌کند.

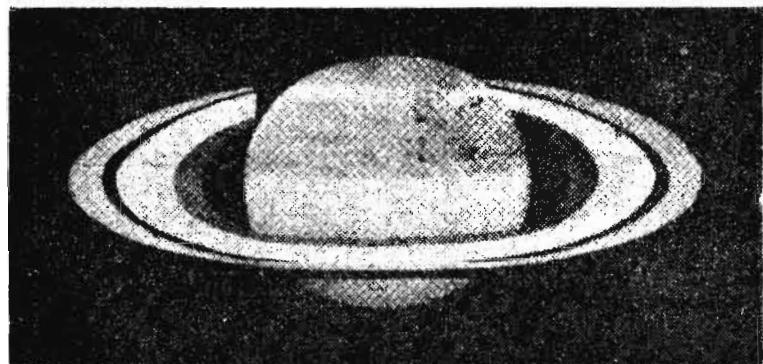
**۱۱۴ - مشتری** - مشتری مانند یکی از ثوابت روشن در آسمان می‌درخشد. مشتری از بزرگترین سیارات منظومه شمسی و قطرش بیش از  $11$  برابر قطر زمین است. حجم و جرمش بترتیب  $1350$  و  $318$  برابر حجم و جرم زمین است. فاصله آن از خورشید  $5/2$  برابر فاصله زمین است از خورشید.

مشتری در مدت  $9$  ساعت و  $53$  دقیقه حول محوری دوران می‌کند که تقریباً عمود است بر سطح مدار آن و از اینجا چنین برمی‌آید که اختلاف روز و شب و تفاوت فصول آن بسیار کم است. سال مشتری تقریباً برابر  $12$  سال زمین ( $11$  سال و  $315$  روز) می‌شود.

چون مشتری را با دوربین قوی مشاهده کنیم، فوراً پی‌می‌بریم که قرصش بیضی است. مقدار فروافتگی قطبین مشتری را  $1/15$  یافته‌اند. مشتری  $12$  ماه دارد که چهار تای آنها خیلی بزرگند. چون نیروی جاذبه در مشتری بمراتب بیش از زمین است، فشار جوّ آن نیز هزاران مرتبه از فشار جوّ زمین بیشتر و به این جهت دمای متوسط در سطحش تا  $138^{\circ}$  برآورده است.

**۱۱۵ - زحل** - زحل بعد از مشتری بزرگترین سیاره منظومه شمسی و مانند یکی از ثوابت درخشان است. اخیراً تا  $10$  ماه برای آن

قابل شده‌اند . زحل را حلقة مستینیری فرا گرفته است (شکل ۶۴) که از خود سیاره درخشانتر است . فاصله متوسطش از خورشید بیشتر از  $15/9$  برابر فاصله متوسط زمین است از خورشید .



شکل ۶۴

زحل در مدت ۱۵ ساعت و ۱۴ دقیقه حرکت وضعی خود را انجام می‌دهد . این حرکت در مسیری انجام می‌گیرد که باستوای آن زاویه  $26^{\circ}$  درجه می‌سازد . بنابراین اختلاف روز و شب آن مانند زمین و بر حسب فصول متغیر است . سال زحل تقریباً معادل  $35$  سال ماست .

زحل را نیز مانند مشتری جوّ ضخیمی فرا گرفته است و به واسطه فشار زیاد جوش بر سطح آن، دمای متوسط در سطح این سیاره  $153^{\circ}$  برآورده است : فرورفتگی قطبین آن مابین  $\frac{1}{10}$  و  $\frac{1}{9}$  برآورده است .

زحل را هوایی احاطه کرده است و نوارهای تاریکی در سطحش مشاهده می‌شود که عموماً با استوای آن متوازی‌ند . در توجیه حلقه‌های زحل عقاید بسیار است . بعضی برآورده

حلقه‌های زحل عبارت از تراکم ماههای بیشماری است که مدارهای آنها سیار به هم نزدیکند و در این فاصله به نظر ما متصل می‌آیند . عده‌ای هم معتقدند که این حلقه‌ها بقایای پاره‌ای از ماههای متلاشی شده‌اند . همچنین عده‌ای گفته‌اند که ستاره دنباله‌داری ابتدا جذب زحل گشته و شکسته است سپس قشر جامدش ماههای دنباله‌اش حلقه‌های زحل را تشکیل داده‌اند . وبالاخره پاره‌ای عقیده‌دارند که حجم زحل زیاده برای بوده و بر اثر تکاف کوچک شده است و این حلقه‌ها آثار محیط استوایی آنند .

**۱۱۶ - اورانوس** - اورانوس در سال ۱۱۵۹ هجری شمسی به توسط هرشل منجم کشف شد، هرشل ابتدا آن را ستاره دنباله‌داری تصویر نمود ولی بزودی پی‌برد که دارای مداری است تقریباً مستديپ که حول خورشید دور می‌زند و بنابراین باید جزء سیارات باشد . قدمای اورانوس را در ارصاد خود مکرر مشاهده کرده بودند ولی به واسطه کوچکی، آن را جزء ثوابت قدر ششم می‌پنداشتند . این ستاره در موقع مناسب با چشم قوی دیده می‌شود . فاصله‌اش از آفتاب  $2/19$  برابر فاصله زمین، و حجمش  $55$  برابر حجم زمین است . لذا می‌توان گفت که کوچکی اورانوس به واسطه بعد مسافت آن نسبت به ماست . مدت حرکت وضعی اورانوس  $15$  ساعت و  $42$  دقیقه است و مدت حرکت انتقالی آن را  $84$  سال یافته‌اند .

اورانوس پنج ماه دارد که مدارهای آنها قریب بمسطحی است که تقریباً بر صفحه مدار خود سیاره عمود است .

**۱۱۷ - نپتون** - چنان‌که سابقاً گفته شد، نه فقط سیارات مجنوب کره خورشیدند، بلکه قانون جاذبه مابین خود آنها نیز جاری است ،

بطوری که همین قانون منجمان را به وجود سیاره‌ای نامرئی آگاه ساخت. جریان این بود که راصدان از روی رصد، بی‌نظمیهای در حرکت اورانوس مشاهده کردند که نمی‌توانستند آنها را به سیارات سفلای این ستاره اسناد دهند و وجود آنها تنها به‌سبب وجود این تأثیرات کافی نبود، به‌این معنی که از طرفی مواضع مختلفه اورانوس را یا رعایت اثر جاذبه تمام ستارگان معلوم حساب می‌کردند و از طرف دیگر جای ستاره را به عمل رصد تعیین می‌نمودند. بدینهی است که اگر عمل خارجی درین نباشد، نتیجه رصد و محاسبه باید موافق باشد، و چون دونتیجه‌ها باهم مقایسه می‌کردند، بقدرتی اختلاف داشت که نمی‌توانستند آن را حمل بر تقریبات رصد کنند. از اینجا حدس زندگه که باید سیاره دیگری موجب این اختلاف شده باشد. این بود که **لووریه** رئیس رصدخانه پاریس

در سال ۱۲۲۴ هجری شمسی از روی محاسبه، مواضع و مقدار جرم و کیفیت مدار بیضوی این سیاره مجھول را یافت و در رساله‌ای منتشر ساخت که باید سیاره‌ای فعلاً در صورت فلکی جدی نزدیک کوکب ۸ از این صورت واقع باشد. اتفاقاً در اوخر همین ماه گال منجم آلمانی از برلین ستاره مطلوب را به فاصله ۵۲ دقیقه از مکانی که لووریه استخراج کرده بود بدست آورد و به نام نپتون یعنی رب النوع بخار خواند. فاصله متوسط این ستاره از خورشید ۳۵ برابر فاصله زمین و مدت حرکت انتقالیش ۴۴۵ سال و قطربش در حدود چهار برابر قطر زمین است. حجم نپتون برابر حجم زمین است.

نپتون دارای دو ماه است. ماه بزرگتر قریب ۶ روز یک بار و دیگری در هر ۳۶۵ روز یک بار حول آن دوران می‌کند.

**۱۱۸- پلوتون** - تا چند سال پیش ستاره نپتون آخرین ستاره منظومه شمسی محسوب می‌شد، ولی به‌واسطه بی‌نظمیهایی که در حرکت نپتون مشاهده می‌کردند ( مثل آنچه درباره نپتون گفته شد ) ، در سال ۱۳۵۸ هجری شمسی ستاره پلوتون را در رصدخانه **لول** از ایالات متحده امریکا کشف کردند.

فاصله این سیاره از خورشید  $39/5$  برابر فاصله زمین است از خورشید و در مدت ۲۴۸ سال و ۱۵۷ روز یک دور به دور خورشید می‌گردد و اختلاف منظر افقی آن  $3/3^{\circ}$  است. چون این سیاره ازما بسیار دور است، هنوز اطلاعات دیگری از جزئیات آن نداریم.

در جدول زیر مطالبی که در باره سیارات خوانده‌اید خلاصه شده است:

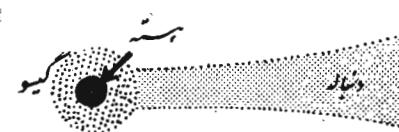
ردیف	نام	قطر ظاهری در بعد اوسط اقدام	عدد در بعد اوسط اقدام	حرکت وضعی	دوره انتقالی	فاصله از خورشید	وزن مخصوص	حجم	اسم کواكب
۱	ستاره عطارد	۶۱/۵	۶۱/۵	روز ۸۸	روز ۸۸	۰/۳۹	۱/۱	۰/۰۵۴	عطارد
۱	ستاره زهره	۶۰/۶ و ۶۱/۶	۶۰/۶ و ۶۱/۶	روز ۲۲۵	روز ۲۲۵	۰/۷۲	۰/۹۱	۰/۹۰	زهره
۲	ستاره زمین	۲۷/۶ از آفتاب	۲۷/۶ از آفتاب	سال ۵۶	سال ۳۳	۱	۱	۱	زمین
۲	ستاره مریخ	۲۷/۷ و ۲۷/۸	۲۷/۷ و ۲۷/۸	سال ۳۷	سال ۲۴	۱/۵۲	۰/۷۵	۰/۱۵۷	مریخ
۱۲	ستاره مشتری	۳۷/۸	۳۷/۸	سال ۵۳	سال ۹	۵/۲	۰/۲۵	۱۳۰۰	مشتری
۹	ستاره زحل	۱۶/۱	۱۶/۱	سال ۲۹/۵	سال ۲۹/۵	۹/۵	۰/۱۳	۷۳۵	زحل
۵	ستاره اورانوس	۴۱	۴۱	سال ۸۴	سال ۱۹/۲	۰/۲۸	۰۰	۴۴	اورانوس
۲	ستاره نپتون	۳۱/۶	۳۱/۶	سال ۱۶۵	سال ۳۰	۰/۴	۴۴	۴۴	نپتون
۱	ستاره پلوتون	نامحسوس	نامحسوس	سال ۲۶۸	سال ۳۹/۵	۴	۰/۱۹	۰/۱۹	پلوتون

## ستارگان دنباله‌دار

۱۱۹ - تعریف - ستارگان دنباله‌دار اجرامی هستند که مانند سیارات به دور خورشید دوران می‌کنند و با سیارات اولاً در شکل و ساختمان طبیعی و ثانیاً در منحنی مدارشان تفاوت دارند.

۱۲۰ - شکل و ساختمان ستارگان دنباله‌دار - ستارگان دنباله‌دار، به عکس سیارات، شکل هندسی معینی ندارند و وقتی که در فاصله زیادی از خورشید واقع می‌شوند مثل لکه ابری بنظر می‌آیند و هر چه به خورشید نزدیکتر شوند روشن تر می‌نمایند.

ستاره دنباله‌دار از سه قسمت تشکیل شده است: یکی هستهٔ مرکزی که از سایر قسمتها بیش روشن تر است، دیگری گاز متکافنی به نام گیسو که هسته را فراگرفته و با هسته، رأس ستاره دنباله‌دار را تشکیل می‌دهد، و سومی دنباله‌ای نورانی است که در جهت تابش نور آفتاب نمایان می‌شود (شکل ۶۵).



شکل ۶۵

هر چه ستارگان دنباله‌دار به خورشید نزدیکتر می‌شوند دنباله آنها طویلتر می‌شود تا گاهی که دنباله آنها تا ۹۵ درجه امتداد می‌یابد و گاهی هم با دنباله‌های متعدد مشاهده می‌شوند و نیز هر قدر از خورشید

دورتر شوند دنباله آنها کوتاهتر می‌شود تا وقتی که بکلی محو و از نظر پنهان گردند.

مقدار جرم ستارگان دنباله‌دار آن اندازه که باید قابل ملاحظه نیست، زیرا در موقع عبورشان از مجاورت سیارات نه فقط در حرکات آنها بلکه در ماههایشان نیز موجب لغزش و انحرافی نمی‌شوند، فقط پاره‌ای بی‌نظمیها در حرکت خود آنها تولید می‌گردد. پس معلوم می‌شود که جرم آنها از جرم ماههای سیارات هم کمتر است. بنابراین به هنگام عبور آنها از مجاورت زمین احتمال خطر نمی‌توان داد، فقط ممکن است که جو زمین بر اثر اختلاط با گازهای آنها فاسد و مسموم گردد.

۱۲۱ - مدار ستارگان دنباله‌دار - چون مدت طلوع ستارگان دنباله‌دار چندان دوامی ندارد و بعلاوه مدت بازگشت بیشتر آنها بسیار درازاست، منجمان تاکنون نتوانسته‌اند از وضع و کیفیت مدار تمام آنها مطلع شوند، فقط مدارهای بعضی را که چندین مرتبه بازگشت نموده و نسبتاً مدت ادوارشان کمتر بوده است، بیضی یافته‌اند و مدارهای بقیه را یا سهمی یا هذلولی یافته‌اند که آفتاب در هر سه صورت در کانون آنهاست. می‌توان فرض کرد که بعضی از این اجرام بقدرتی از خورشید دور می‌شوند که از منظومه شمسی ما خارج شده و به خورشیدهای دیگری می‌پیوندند. دیگر از خصوصیات این قبیل اجرام تمایل فوق العاده مدارهای آنها نسبت به دایرة البروج است، چنان‌که میل مدار بعضی به ۹۵ درجه می‌رسد و باضافه جهت حرکت آنها نیز مختلف است یعنی بعضی در جهت مستقیم و برخی در جهت معکوس متحرکند وطن قوی این است که چون ستاره دنباله‌داری در منظومه شمسی داخل شود و مداری مثلثاً به شکل هذلولی

و معروفترین آنها : هاله، آنک، فای، بیلا و غیره است.

**الف - هاله**، دوره خود را در ۷۶ سال تمام می کند و مهمترین ستارگان دنباله دار متناوب است. مدارش بیضی است کشیده، مسیرش درجهت معکوس، فاصله اش در اوج  $^{36}$  برابر فاصله زمین است از خورشید و در حضیض نزدیکتر است از زهره نسبت به خورشید. میل مدارش ۱۸ درجه است.

**ب - آنک**، دوره خود را در ۱۲۵۰ روز تمام می کند، مسیرش درجهت مستقیم می باشد و از غرایب این ستاره دنباله دار آن است که مدت دورانش رفته رفته کم می شود.

**ج - فای**، دوره خود را در مدت  $\frac{1}{2}$  سال می پیماید و حرکتش درجهت مستقیم است.

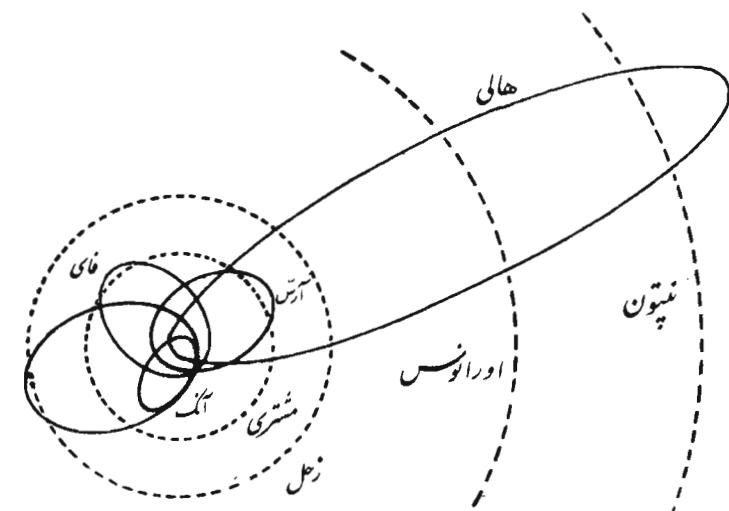
**د - بیلا** یا کامبیار، دوره حرکتش در  $\frac{1}{4}$  سال تمام می شود و حرکتش مستقیم است. در سال ۱۷۷۲ برای اولین بار دیده شد. در ۱۸۴۶ و ۱۸۵۲ به دو قطعه تقسیم شده بود و پس از آن متلاشی گردید.

### شهاها و احیان سماوی

**۱۲۳ - شهاها** - چون شهاها به آسمان صافی نظر افکنیم، مشاهده خواهیم کرد که غالباً نقطه‌ای نورانی دفعتاً درخشیده و به سرعت تمام تغییر مکان داده و بعد از یک تا سه ثانیه ناپدید می شود. این قبیل نقاط درخششده را شهاب‌گویند.

شهاها اجسام کوچکی هستند که مانند سیارات و ستارگان دنباله دار

در حوال خورشید پیماید، چون به خورشید دیگری نزدیک شود فوراً تابع آن گشته و مجدداً مداری در حوال این خورشید جدید تشکیل می دهد.



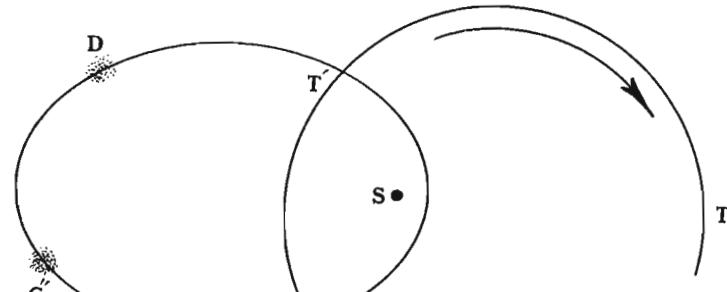
شکل ۱۶۴ - مدارات ستارگان دنباله دار

بنابراین ستارگان دنباله داری که دارای مدارهای هذلولی یا سهمی هستند ممکن است بیش از یک بار در منظومه شمسی ما نمایان نشوند، ولی هرگاه روی مداری به شکل بیضی سیر کنند البته باز هم رؤیت می شوند.

**۱۲۴ - ستارگان دنباله دار متناوب** - ستارگان دنباله دار متناوب آنها بی هستند که افلأً دونوبت در حضیض واقع شده باشند و مدارهایی که از آنها رصد شده در هر دو دفعه یکسان باشد. تاکنون بیست و پنج ستاره دنباله دار مشاهده کرده اند که متناوبند

به دور خورشید می‌گردند و هنگامی که بعضی از آنها با جو زمین تلاقی می‌کنند، با سرعتی که منتجه سرعت خود آنها (۴۵ کیلومتر در ثانیه) و سرعت حرکت انتقالی زمین (۳۰ کیلومتر در ثانیه) است داخل هوای محیطی زمین گشته و این سرعت فوق العاده بر اثر مقاومت هوا به حرارت زیادی تبدیل می‌شود که با نتیجه جسم مشتعل و روشن می‌گردد و چون از جو زمین خارج شود ناپدید می‌گردد.

در تمام اوقات سال، بمحض اینکه هوا تاریک شود و مهتاب هم نباشد، هر ساعتی چندین شهاب در نواحی مختلف آسمان مشاهده می‌شود. گاهی عدهٔ شهابها فراوان و گاهی از حد شماره بیرون می‌رود بطوری که تماماً با یک سرعت، خطوطی متوازی طی می‌کنند و مماثل این است که آسمان



شکل ۶۷

ستاره باران شده است. این حادثه موقعی رخ می‌دهد که زمین از میان دسته‌ای از این اجرام کوچک می‌گذرد. در توجیه ستاره باران چنین معتقد شده‌اند که دسته‌ای از اجرام کوچک سماوی مداری مانند 'P' در حول خورشید می‌پیمایند که با مدار زمین در نقطه‌ای مانند 'P' (شکل ۶۷) متقاطع می‌شود. پس کره زمین، به هنگام عبور از نقطه 'P'، با بعضی

از این توده‌ها تلاقی می‌کند و ستاره باران ضعیف یا شدید روی می‌دهد.

#### ۱۲۴- احجار سماوی - احجار ساقطه - گاهی اتفاق می‌افتد که

شهابها بقدری به زمین نزدیک می‌شوند که به کره‌ای آتشین می‌مانند و حجم‌شان گاهی کم و زمانی خیلی زیاد است. این قبیل اجرام را بولید (Bolide) می‌نامند. غالباً بولیدها از جو زمین عبور می‌کنند و ناپدید می‌شوند. اما گاهی مانند قطعه سنگی به زمین می‌افتد یا مانند خمپاره‌ای در هوا محترق می‌شوند و قطعات سوخته آنها فرود می‌آیند، این قطعات به قطعات سنگ می‌مانند و به همین جهت آنها را سنگ آسمانی (Aérolite) گویند؛ وزن آنها از چند هکتوگرم تا چند تن می‌رسد و از همان عناصری تشکیل یافته‌اند که در کره زمین مشاهده می‌شوند، از قبیل آهن (بعد وفور) و نیکل و کبالت وغیره.

### دستگاه کپرنیک و قوانین منظومه شمسی

#### ۱۲۵- دستگاه کپرنیک - چنانکه سابقاً اشاره کردیم، قدمای

زمین را مرکز عالم می‌دانستند و تصور می‌کردند که خورشید و سایر ستارگان دور آن می‌گردند و ستارگان را نقاط درخشش‌های می‌پنداشتند که به آسمان چسبیده‌اند. این عقیده در میان اهل فن رایج بود تا کپرنیک منجم لهستانی (۱۴۷۳-۱۵۴۳) پس از سی سال رصد ستارگان و مشکلاتی که در ضمن عمل مشاهده می‌شد قوانین زیر را نتیجه گرفت:

**الف** - سیارات اجسام مستدیری هستند که به دور خود می‌گردند و بخصوص زمین در مدت یک شبانه‌روز نجومی، یک دور به گرد محور

**قانون اول کپلر** - هر سیاره مداری مستوی و بیضی شکل دارد که صفحه آن نسبت به دایرة البروج مایل است و خورشید در یکی از کانونهای آن قرار دارد.

**قانون دوم کپلر** - شعاع حامل هر سیاره (خط و اصل مابین سیاره و خورشید) در زمانهای متساوی، سطوح متعادل می‌پیماید (شماره ۶۶).

**قانون سوم کپلر** - مجددات زمانهایی که در پیمودن دوره نجومی سیارات لازمند، متناسبند با مکعبات فواصل آنها از خورشید، بطوری که هرگاه مدت یک دوره نجومی سیارات  $t^2$  و  $t'^2$  و ... و نصف قطر اطول بیضی آنها  $a^3$  و  $a'^3$  و ... فرض شوند، این تناسب محقق است:

$$\frac{t^2}{a^3} = \frac{t'^2}{a'^3} = \frac{t''^2}{a''^3} = \dots$$

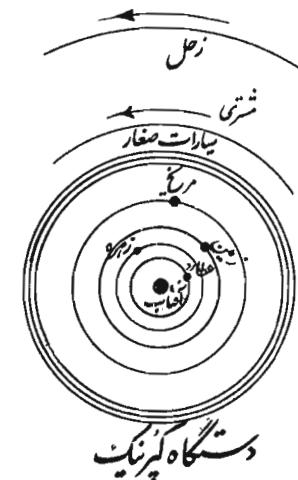
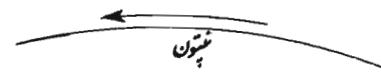
راه اثبات قانونهای اول و دوم همان است که درباره کره زمین بیان کردیم. اما قانون سوم با استفاده از چند قضیه منبوط به نیروی جاذبه اثبات می‌شود که از ذکر آن در این مقام چشم می‌پوشیم.

واضح است که هرگاه دوره نجومی یک سیاره معلوم باشد، می‌توان فاصله آن را از خورشید بدست آورد و بعکس، چه همواره ممکن است در تناسب فوق  $a$  و  $t$  را بر ترتیب نصف قطر اطول مدار و مدت یک دوره نجومی زمین گرفت. بنابراین هرگاه  $a'$  معلوم باشد. مقدار  $t'$  را می‌توان حساب کرد و بعکس.

**مثال** - برای سهولت فرض می‌کنیم  $a = 1$  و  $t = 1$  و نصف قطر مدار زهره  $= 72333$  باشد، پس چنین خواهیم داشت:

$$t' = t / a^{3/2} = 1 / 72333^{3/2}$$

$$\text{روز} = 224 = 1 / 72333^2 \times \text{سال} = 1 / 5185 \times \text{سال}$$



شکل ۶۸

خویش دوران می‌کند. (همین دوران است که حرکت ظاهری شباهنروزی ستارگان را توجیه می‌کند).

**ب** - سیارات عموماً به دور خورشید مدارهای مستدیری می‌پیمایند و بخصوص زمین مدار خود را در نظرف ۲۵/۳۶۵ روز طی می‌کند.

**۱۲۶- قوانین کپلر** - از رصدهایی که تیکوبراhe انجام داد،

کپلر این قوانین را بیان کرد:

۱۲۷- قانون بُد - سیارات دوربینی یا شبه‌سیارات - بُد که یکی از منجمان آلمانی قرن هجدهم مسیحی است چنین یافت که هرگاه ۹ عدد چنان ترتیب دهیم که اولی آنها صفر، دومی ۳ و بقیه هر یک مضاعف ماقبل خود باشد و بر هر کدام چهار واحد بیفزاییم، نسبت تقریبی بُعد سیارات از آفتاب بدست می‌آید، به این ترتیب :

۰ ۳ ۶ ۱۲ ۲۴ ۴۸ ۹۶ ۱۹۲ ۳۸۴

که بعد از افزایش ۴ چنین می‌شود :

۳۸۸	۱۹۶	۱۰۰	۵۲	۲۸	۷	۱۰	۱۶	۲۸	۴
نپتون	اورانوس	زحل	مشتری	مریخ	زمین	زهره	طاره		

یا چون فاصله زمین را واحد فرض کنیم، چنین خواهیم داشت:

۳۸/۸	۱۹/۶	۱۰	۵/۲	۲/۸	۱/۶	۰/۷	۰/۴	۱	۰
------	------	----	-----	-----	-----	-----	-----	---	---

؟

حال اگر مطابق قانون سوم کیلر فواصل سیارات را حساب کنیم معلوم خواهد شد که اعداد فوق هر یک در مقام خود تقریباً صادقندمگر فاصله نسبی نپتون که به جای ۸/۳۸ باید ۳۵ محسوب شود. بعلاوه چنانکه در جدول ملاحظه می‌شود از عدد ۲۸ یا ۲/۸ صرف نظر شده است. اما نظر به قانون سوم کیلر و امتحان اعداد فوق، توجه منجمان به عدد ۲/۸ جلب شد و چنین حدس زدند که در این فاصله نیز باید سیاره‌ای باشد که هنوز دیده نشده است. این خیال در خاطر آنها بود و مخصوصاً کیلر نیز نسبت موافقی مابین فاصله سیارات یافته بود جز میان مریخ و مشتری که آنجا توافق حاصل نمی‌شد. تا در شب اول قرن هجدهم پیازی منجم، سیاره سرس را مابین مدار مریخ و مشتری یافت و سپس سیاره پالاس پیدا شد. قلت حجم این دو سیاره موجب این حدس شد که این هردو باید

شکسته‌پاره‌های سیاره‌ای باشند که در این مدار دوران می‌کرده است، چنانکه از سایر قطعات آن تا امروز ۱۵۵۰ عدد کشف شده که چون مدار تمام آنها مابین ۲/۲ و ۳/۲ است، مؤید همین حدس می‌باشد و به همین جهت آنها شبه‌سیارات یا سیارات خردگفته‌اند. مابین این شبه‌سیارات، آن که از همه بزرگتر و روشن‌تر است و گاهی به چشم هم دیده می‌شود شبه‌سیاره وستاست که قطرش ۴۰۰ کیلومتر می‌شود.

مدار این شبه‌سیارات عموماً بیضی‌هایی با خروج از مرکزهای متفاوت است که سطح مدار آنها عموماً نسبت به دایره البروج مایل است (مطابق قانون اول کیلر).

۱۲۸- قانون نیوتن - نیوتن (۱۶۴۲-۱۷۲۷) علت فیزیکی حرکت سیارات را با استفاده از خواص حرکت دورانی یکنواخت و قوانین کیلر کشف کرد. قانونی که وی بدست آورد چنین بیان می‌شود: همه اجسام با نیروی متناسب با جرم‌شان و معکوساً متناسب با مجنور فاصله‌شان یکدیگر را جذب می‌کنند.

قانون فوق با فرمول زیر بیان می‌شود :

$$F = f \frac{mm'}{d^2}$$

که در آن  $F$  نیروی جاذبه،  $m$  و  $m'$  بترتیب جرم هر یک از دو جسم و  $d$  فاصله آنهاست. در دستگاه C.G.S مقدار ثابت  $f$  برابر است با  $10^{-۱۰} \times ۶۷۶$ . این مقدار ثابت را ثابت جاذبه عمومی می‌نامند.

**۱۲۹ - ثقل ، حالت خاصی است از جاذبه عمومی (نیوتونی)-**

ثابت می کنیم که مثلا نیروی جاذبه‌ای که ماه را بر مدارش نگاه می دارد همان نیروی ثقل است .

فرض می کنیم که  $m$  جرم ماه ،  $T$  دوره نجومی آن ( $\frac{۲۷}{۳}$  روز) و  $d$  فاصله آن تا زمین باشد. نیروی جاذبه زمین بر ماه عبارت است از:

$$F = m\omega^2 d = m \frac{4\pi^2}{T^2} d = m \left( \frac{4\pi^2}{27/3 \times 24 \times 60 \times 60} \right)^2 \times 60r \\ = m \left( \frac{4\pi^2}{39312} \right)^2 \cdot \frac{1}{60r} = m \times 0.26 \text{ cm}$$

اگر نیروی ثقل همین نیرو باشد، وزن ماه، که بر روی کره زمین برابر است با  $mg$  ، در واقع عبارت است از:

$$P = \frac{mg}{60r}$$

$$P = m \times 0.26 \text{ cm} \quad \text{یعنی}$$

$$F = P \quad \text{می بینیم که}$$

**۱۳۰ - فرضیه تکوینی لاپلاس -** چنانکه قبل دیدید ، تمام سیارات از مغرب به مشرق و تقریباً در یک سطح به دور آفتاب می گردند، و تمام قمرهای سیارات نیز تقریباً در همان سطح مدار سیاره خود به گرد آن دور می زند. بالاخره خورشید و سیارات و قمرهای آنها در حرکت وضعی نیز تقریباً در همان یک سطح و در یک جهت متحرکند .

پس بنا به عقیده لاپلاس ، ظن قوی این است که در آغاز توده گازی عظیمی (مانند سحابیها) در کار بوده و حرکتی دورانی از مغرب به مشرق داشته است و بر اثر سرد شدن ، تمام مولکولهای آن به سمت مرکز

فشار آورده اند. همین فشار موجب ازدیاد دما و نقصان حجم آن شده و پس از میلیونها سال که حالت انقباض پایان یافته ، رفتار فته دمای آن نیز پایین آمده و سخابی تبدیل به ستاره شده است . ستاره نیز در حوال محور خود با سرعت دوران کرده و توده هایی از منطقه استوایی آن که قوه گریز از هر کرز بیشتر است جدا گشته و سیارات بوجود آمده اند . سیارات هم به نوبه خویش قطعاتی از خود پرتاپ نموده و ماههای سیارات تشکیل شده اند .

## فصل نهم

### ثوابت

۱۳۱ - **تعريف** - کواکب، یا نوابت، ستارگانی هستند که از خود نور دارند و از لحاظ ابعاد و ساختمان به خورشید می‌مانند و کوچکی آنها از نظر ما فقط به علت فاصله بسیار زیاد آنهاست.

مشخصات آنها درست عکس مشخصات سیارات است: نور آنها خاموش و روشن می‌شود (چشمک می‌زنند)، اوضاع نسبی آنها تغییر ناپذیر و قطر ظاهری آنها صفر است.

منجمان قدیم کواکب را بر حسب درخشندگی ظاهری آنها به شش قدر طبقه‌بندی کرده‌اند. قدر اول درخشندگی ترین کواکب و قدر ششم کم نورترین کواکبی هستند که به چشم بر هنره دیده می‌شوند. در تمام آسمان جمعاً در حدود ۶۰۰۰ کوکب به چشم بر هنره دیده می‌شوند.

منجمان معاصر، پس از اختراع دورین و تلسکوپ، همین طبقه‌بندی را نگاه داشتند و آنرا به کواکب تلسکوپی هم گسترش دادند. برای بسط این طبقه‌بندی به تمام کواکب از دستور زیر که به دستور پوگسون معروف است استفاده می‌کنند: قدر کوکبی به اندازه یک واحد کاهش می‌یابد و قدر که درخشندگی ظاهری آن ۲/۵ بار افزایش یابد. این دستور چنان

است که طبقه‌بندی امروزی با فهرستهای تنظیمی ابرخس و بتلmiaos مطابقت دارد.

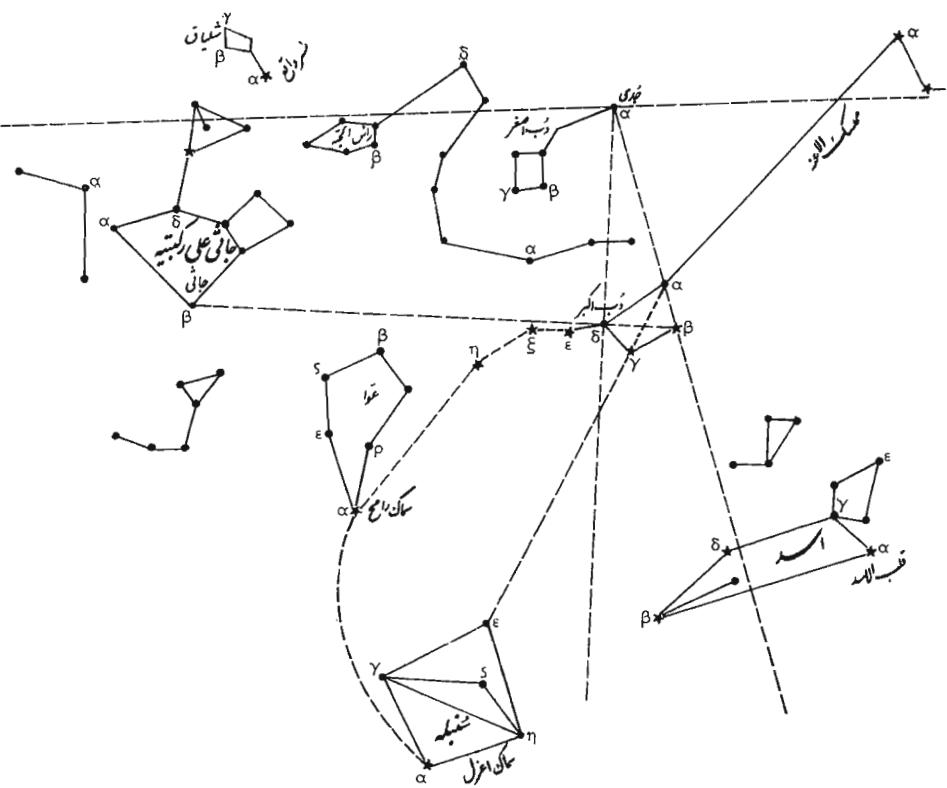
### ۱۳۲ - شناسایی صور-

برای شناسایی صور فلکی باید مقدمتاً صورتهای دب اکبر و دب اصغر را چنانکه در شماره ۶ مذکور شد، پیدا کنیم. در دم دب اکبر، نزدیک کوکب مقابل آخر، یک کوکب از قدر ششم است موسوم به سُرها که قوت چشم را به آن می‌آزمایند.

حال اگر کوکب ۶ از صورت دب اکبر را به ستاره قطبی وصل کنیم و این فاصله را بقدر خودش امتداد دهیم، به صورت ذات الکرسی خواهیم رسید که همیشه قرینه دب اکبر است نسبت به ستاره جدی و تقریباً شبیه به صندلی معکوسی می‌نماید (شکل ۶۹)؛ و چون همان خط را در همان جهت امتداد دهیم به صورت دیگری می‌رسم موسوم به فرس اعظم، و دنباله همین صورت را امرأة المسلطَة می‌نامند، سه کوکب ۵ و ۷ و ۶ از فرس به انضمام ۶ از صورت امرأة المسلطَة را مربع فرس یا قطعة الفرس گویند. چهار کوکبی که در چهار رأس مربع واقعند از قدر سومند. چون ۶ از امرأة المسلطَة را به ۷ آن وصل کرده و امتداد دهیم به صورت بر ساوش خواهیم رسید که ۶ از این صورت موسوم به رأس الغول به انضمام امرأة المسلطَة و قطعة الفرس، شکلی مشابه دب اکبر تشکیل می‌دهند. رأس الغول یکی از ثوابتی است که نور آن متغیر و از قدر دوم تا چهارم تغییر می‌یابد.

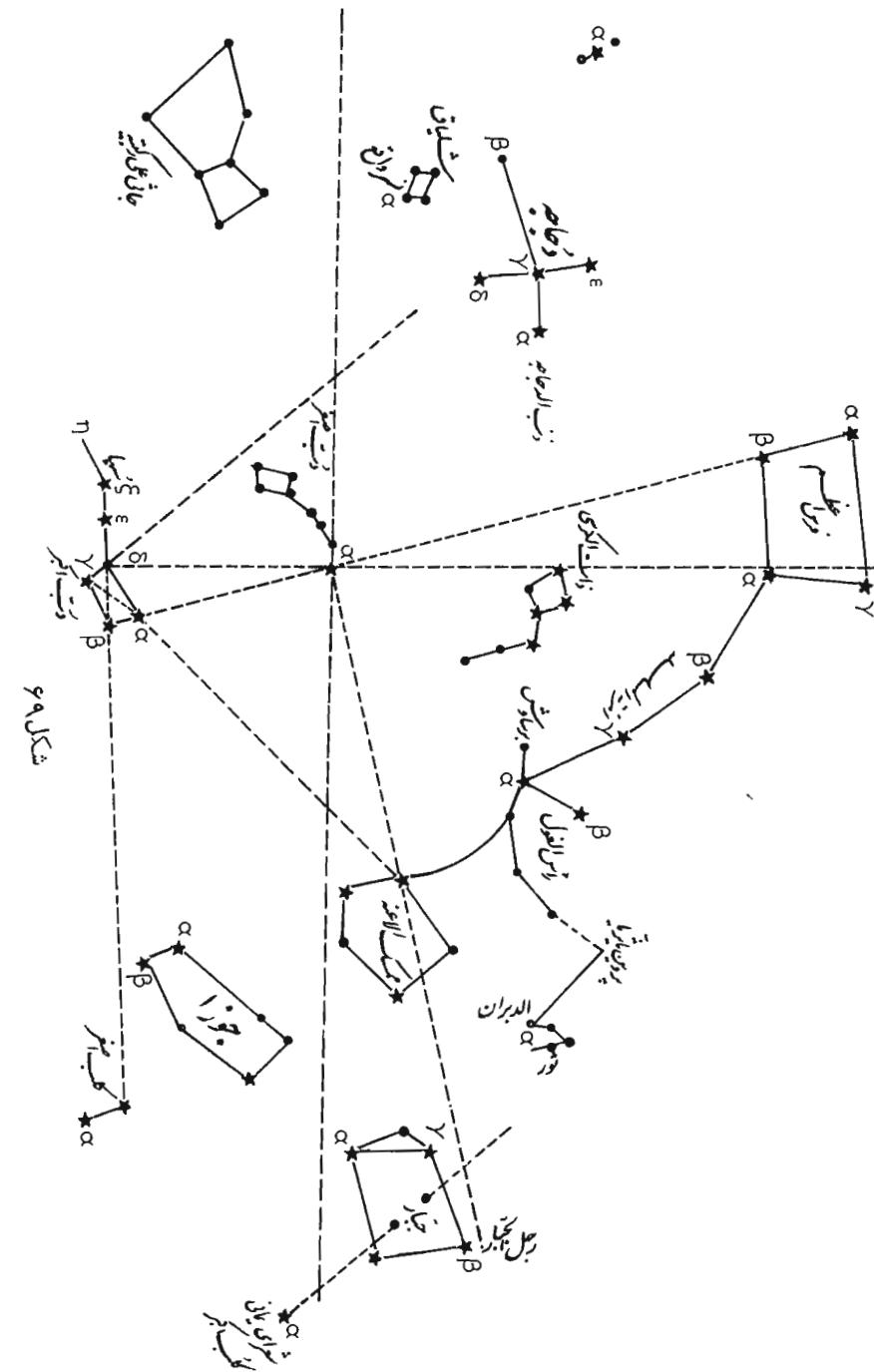
چون قطر چهار ضلعی دب اکبر را (از ۶ به ۷) وصل کنیم و این فاصله را به اندازه هفت برابر آن امتداد دهیم، به کوکبی از قدر اول می‌رسم موسوم به سمک اعزّل که خود ۶ از صورت سنبله است (شکل ۷۰).

چون ضلع  $\alpha\beta$  ازدب اکبر را امتداد دهیم به صورت اسد خواهیم رسید، و کوکب  $\alpha$  از این صورت را که از قدر اول است قلب الاسدگویند (شکل ۷۰). و اگر کوکب  $\gamma$  را از چهار ضلعی دب اکبر به آن وصل نموده و بقدر  $\gamma$  برابر  $\gamma$  امتداد دهیم، کوکب نسر واقع از صورت شبیاق را خواهیم دید (شکل ۷۰).



شکل ۷۰

چون قطر  $\beta\gamma$  از چهار ضلعی دب اکبر را وصل نموده و بقدر  $\gamma$  برابر آن امتداد دهیم، در تزدیکی این خط صورت جاثی علی رکبته را مشاهده



خواهیم کرد (شکل ۷۰)؛ و همین خط را اگر در جهت  $83^{\circ}$  امتداد دهیم به همان فاصله به صورت جوزا خواهیم رسید.

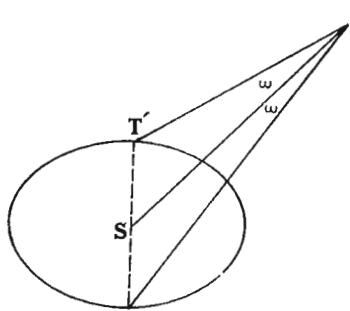
**۱۳۳ - صور دوازده برج** - چنانکه قبلاً گفته شد، دوازده صورت بر منطقه البروج توهم کرده‌اند که هر یک  $30^{\circ}$  درجه از هم فاصله دارند و آنها عبارتند از: حمل، ثور، جوزا، سرطان، اسد، سنبله، میزان، عقرب، قوس، جدی، دلو، حوت. از کواكب مهمه ثور **الدبران** است که بر چشم ثور واقع است و در نزدیکی این صورت مجموعه ثریا یا پروین قرار دارد که به خوشة انگور تشبیه شده است. نزدیک ثریا صورت باشکوه **جبان** واقع است که به شکل چهارضلعی است که سه کوکب نزدیک همدیگر مانند حمایلی در میان آن قرار دارند و مهمترین کواكب چهارضلعی آن: **رجل الجبار**، **ابط الجوزا** و **منکب الجوزا** می‌باشند. چون سه کوکب حمایل آن را وصل نموده و امتداد دهیم، به کوکب فوق العاده درخشانی خواهیم رسید موسوم به **شعرا** یا **یمانی** که آسمان است، و این کوکب خود جزء صورت **کلب** است.

دیگر از کواكب مهمه **قلب العقرب** است که قمز بنظر می‌آید و با دور بین مضاعف دیده می‌شود. در نزدیکی سنبله صورت **عوا** واقع است که کوکب معروف **سماؤ راح** جزء آن است. در نزدیکی عوا **اکلیل شمالي** است که به شکل نیم‌دایره تشکیل یافته است.

### فوائل ثوابت

**۱۳۴ - اختلاف منظر سالانه ثوابت** - گفتیم که قطر ظاهري کواكب صفر است، بنابراین اختلاف منظر آنها نیز صفر است. پس

باید مبنایی بزرگتر از شعاع کره زمین اتخاذ کرد. لذا به جای شعاع



شکل ۷۱

زمین، شعاع مدار کره زمین را مبنی گرفته و بنابراین گوییم: اختلاف منظر سالانه کوکب (شکل ۷۱) زاویه  $w$  است که از کوکب مفروض E، شعاعی از مدار زمین که بر SE عمود است تحت آن زاویه رویت شود.

**۱۳۵ - اندازه اختلاف منظر سالانه** - هر گاه زاویه اختلاف منظر

سالانه  $w$  درست باشد، بسهولت می‌توان فاصله کوکب E را بدست آورد،

$$TE = \frac{TS}{\sin w}$$

زیرا از مثلث قائم الزاویه EST چنین خواهیم داشت:

در این دستور  $TS$  فاصله زمین از خورشید معلوم است، لذا کافی

است مقدار  $w$  را تعیین کنیم؛ سهله‌ترین وسیله برای تعیین اندازه  $w$  این است

که دو دفعه به فاصله شش ماه که زمین در دو نقطه متقاطر T و T' واقع

می‌شود، کوکب E را رصد کنیم و زوایای STE و ST'E را اندازه

بگیریم. پس برای مقدار  $w$  چنین خواهیم داشت:

$$2w = 180^{\circ} - (\widehat{STE} + \widehat{ST'E})$$

اما زاویه  $w$  همواره بقدری کوچکتر از یک ثانیه است (همیشه کوچکتر از یک ثانیه).

\* TS را واحد نجومی گویند که اندازه آن ۱۴۹ میلیون کیلومتر است.

وقتی که صورت کسر بالا یعنی TS برابر یک واحد نجومی  $w = 1'$  است.

باشد، مقدار آن کسر  $30$  تریلیون کیلومتر خواهد شد که آن را پارسک

می‌نامند.

که کمترین خطایی در اندازه گرفتن دوزاویه  $T$  و  $V$ ، موجب بزرگترین خطای در فاصله  $E$  می شود، لذا باید در اندازه گیری آن دو زاویه بسیار دقیق کرد؛ چنانکه هرگاه مقدار  $\pi$  را  $1^{\circ}$  فرض کنیم، فاصله اش از  $30$  تریلیون کیلومتر متباوز خواهد شد و مسلماً فواصل کواکبی که تاکنون معین شده است متباوز از  $30$  تریلیون کیلومتر است<sup>۱</sup>.

### حرکت خاص کواکب ثابت

**۱۳۶- طیف.** موضوع جالب توجهی که اخیراً علم هیئت و نجوم را به ترقیات شگرفی رسانیده و هنوز هم در اطراف آن مطالعات زیادی بعمل می آید، مسئله طیفها و دوربینهای دقیق و حساس عکاسی است. می دانیم که هریک از عناصر طیفی مخصوص بدخود دارد. پس، از تجزیه نوری که از ستارگان می رسد، می توان عناصر مشکله آن ستاره را شناخت.

علاوه بر این هرگاه فاصله منبع نوری نسبت به ما کم شود، طول موج نوری که از آن منبع می رسد کوتاه تر خواهد شد و خطوط طیف به سمت نوربنفس جایجا می شوند، و چون فاصله آن منبع زیاد شود طول موج بزرگتر خواهد شد و خطوط طیف به سمت نورقرمز جایجا می شوند. پس از تغییر محل خطوط طیف می توان سرعت یک ستاره را نسبت به زمین و منظمه شمسی حساب کرد. چون این موضوع را نخستین بار دوپلر بیان کرد، آن را اثر دوپلر می گویند.

برای محاسبه سرعت مطلق یک ستاره، فرض می کنیم  $A$  ستاره

۱- نزدیکترین کوکب به منظمه شمسی ما ستاره ای است بنام  $\alpha$  از صورت قطبورس که فاصله آن از ما متباوز از  $4$  سال نوری یا  $1/3$  پارسک است. اختلاف منظر سالانه این ستاره در حدود  $76^{\circ}$  ثانیه است.

در حرکتی که نسبت به خورشید  $S$  دارد، سرعتش  $V$  باشد.

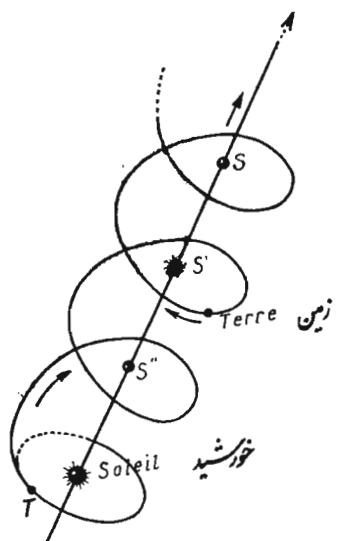
$V$  را به دو حامل  $V_n$  که بر شاعع دید عمود است و  $V_r$  که در امتداد شاعع دید است، تجزیه می کنیم (شکل ۷۲).



شکل ۷۲

اما مؤلفه  $V_n$  تغییر مکان خفیفی است که ستاره در سطح کره ثوابت می دهد، به این معنی که اگر به فاصله دهها سال بدقت دوسته عکس از یک دسته از ثوابت برداریم، بسهولت معلوم خواهد شد که نمی توان این دو عکسها را در تمام نقاط متناظر بر هم منطبق کرد، چه عده ای از ثوابت در میان آنها (مخصوصاً روش ترینشان) نسبت به دیگران تغییر مکان داده اند. لذا گوییم: حرکت زاویه ای ثوابت عبارت است از تغییر فاصله زاویه ای که هریک از ثوابت در مدت یک سال یا یک قرن در روی فلك ثوابت پیدا می کنند. وضعیت ثوابت ضعیف نیز به همین منوال است، چه ضعف نور آنها عموماً به واسطه زیادی فواصلشان است و به همین جهت تغییر مکانشان نیز نامحسوس است. پس چنانکه ملاحظه می کنید کلمه «ثوابت» را نباید به معنی حقیقی خود گرفت و مطلقاً آنها را ثابت تصور کرد. ولی باید دانست که این حرکت خاصه خیلی ضعیف است بطوری که در پیش از پنجاه هزار ثوابت که ملاحظه کرده اند فقط بیست عددشان است که حرکت سالانه خاصه آنها از  $3^{\circ}$  می گذرد و بزرگترین مقدارشان بهده ثانیه رسیده است.

مشاهدات دقیق تر نشان می‌دهد که خورشید و ستارگان نزدیک به آن در نتیجه حرکت وضعی کهکشان به سوی صورت دجاجه در حرکتند و حرکت انتقالی خورشید در نتیجه همین حرکت است. بنابراین حرکت، هیچیک



شکل ۷۳

جواب نیست !! **وَمَا أُوتِيْتُمْ مِنَ الْعِلْمِ إِلَّا قَلِيلًا!**. یعنی فقط اندکی از علم و دانش در دسترس شماگذارده شده است.

### ستارگان متغیر و صحابیها

**۱۲۸- ستارگان مرکب**- ستارگان مرکب ستارگانی هستند که

با چشم یکی دیده می‌شوند اما چون با دوربین مشاهده کنیم دو تایی و سه تایی دیده می‌شوند. تاکنون چهل هزار ستاره مرکب تشخیص داده شده

۱- قرآن سوره هقدهم، آیه ۸۵.

اما حامل  $V_r$  که در امتداد شعاع رؤیت است، سرعت شعاعی ستاره می‌باشد و بنابرآ نکه فاصله ستاره از آفتاب رو به افزایش یا کاهش باشد، آن را مثبت یا منفی اختیار می‌کنند. سرعت  $V_r$  به وسیله اثر دوپلر اندازه گرفته می‌شود و چون  $V_n$  هم قابل اندازه گیری است، سرعت حرکت ستاره یعنی  $V$  وجهت آن را می‌توان مشخص کرد.

**۱۲۷- حرکت منظومه شمسی**- چون عموم ستارگان حرکتهای وضعی و انتقالی دارند، خورشید که خود یکی از ستارگان است قاعدهاً نباید از این دور حرکت مستثنی باشد. حرکت وضعی خورشید را قبل از شماره ۶۴ بیان کردیم. اینک ببینیم که حرکت انتقالی خورشید چگونه است. بدیهی است که حرکت انتقالی خورشید اهمیت زیادی دارد، زیرا اگر این حرکت در نظر گرفته نشود حرکت سایر ستارگان مشخص نخواهد شد. فرض کنیم خورشید به یک سمت در حرکت باشد. در این صورت همانطور که بنظر می‌رسد درختان دو طرف جاده در موقع حرکت اتوموبیل در جلو از یکدیگر باز و در پشت سر بهم نزدیک می‌شوند، بایستی ستارگانی که در طرف حرکت قراردارند فاصله‌شان از یکدیگر زیاد و در طرف مخالف ستارگان به یکدیگر نزدیک شوند. این استدلالی بود که ویلیام هرشل دانشمند انگلیسی در سال ۱۷۸۳ نمود و جهت سیر را با اختلاف ۱۰ درجه مشخص ساخت. چنین نقطه‌ای را که خورشید به سمت آن در حرکت است آپکس می‌نامند.

این نقطه در فاصله ۱۰ درجه از ستاره نسرا واقع و در جنوب شرقی آن واقع است. سرعت حرکت خورشید و منظومه شمسی در این حرکت نسبت به ستارگان نزدیک به آن در حدود ۲۵ کیلومتر در ثانیه است.

است که مهمترین آنها شعرای شامی، شعرای یمانی و ستاره<sup>۶۰</sup> از صورت قنطورس می باشد.

**۱۳۹- ستارگان متغیر**- ستارگان متغیر ستارگانی هستند که نورشان ثابت نیست. برخی از آنها همان ستارگان مرکب هستند. بدین معنی که یکی از ستارگان مرکب که از خود نوری ندارد جلوستاره مرکزی حاصل شده و از رسیدن نور کامل آن جلوگیری می کند و موجب ضعف درخشندگی ستاره اصلی می شود. تغییر نور اینگونه ستارگان متغیر منظم است و هر یک دارای دورهٔ تناوب مخصوص به خود می باشد.

اما تغییر نور بیشتر ستارگان متغیر مربوط به عوامل داخلی آنهاست.

اینگونه ستارگان متغیر به سه دسته تقسیم می شوند:

**الف- ستارگان تپنده** - این ستارگان به علت ابساط و انقباض پی در پی سرد و گرم و نورشان کم و زیاد می شود، مانند ستاره دلتا از صورت قیفاوس. دورهٔ تناوب بعضی از آنها در حدود نصف روز و برخی دیگر تا ۵۰ روز می رسد.

**ب- ستارگان متغیر سرخ** - تغییر نور این ستارگان به علت تغییر دمای طبقهٔ فوتوفر آنها، یا به علت وجود ذرات مایع و جامدی است که ابرهایی تشکیل داده سپس متلاشی می شوند. تغییر اینگونه ستارگان متناوب نیست، مانند ستاره میر است.

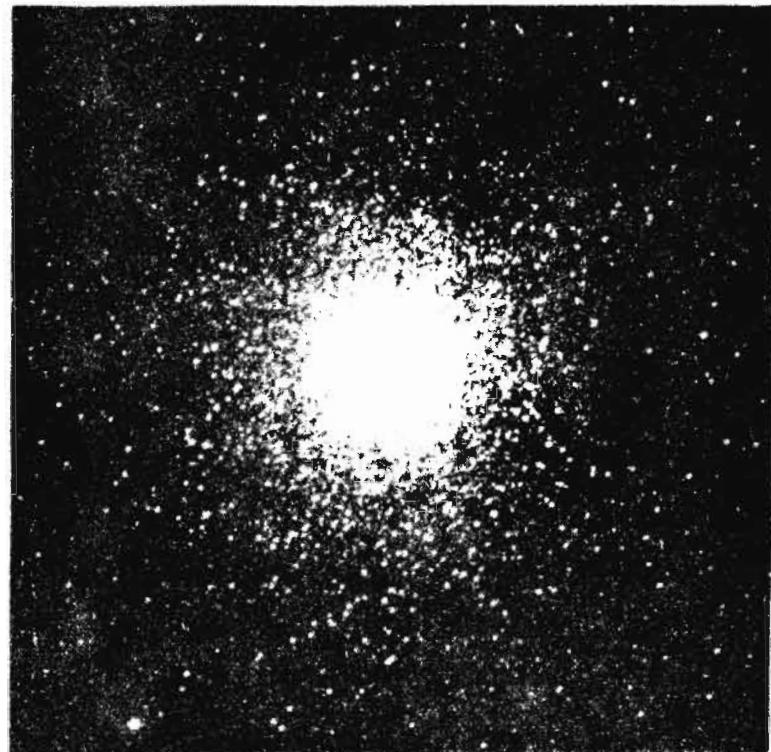
**ج- ستارگان انفجاری** - اینها ستارگانی کوچکتر از خورشید با وزن مخصوصی بیش از آن هستند. در مدت نسبتاً کوتاهی نور این ستارگان ناگهان زیاد و سپس بتدریج کم می شود. معروفترین آنها ستاره‌ای بود که در سال ۹۵۵ شمسی به وسیلهٔ تیکو بر اهه مشاهده شد. این ستاره که

در صورت ذات‌الکرسی واقع بود به روشنی زهره رسید و در سال ۱۹۵۲ از نظر ناپدید شد.

**۱۴۰- سحابیها**- لکه‌های سفیدرنگی که در آسمان دیده می شوند سحابی نام دارند. سحابیها را می توان به چند دسته تقسیم کرد:  
**۱- سحابیهای سیاره‌ای**- این نوع سحابی عبارت است از ستاره‌ای مانند خورشید که گرد آن را پوششی از گاز فراگرفته است. این پوشش تقریباً یک صدم جرم ستاره را تشکیل می دهد و دائم در حال انبساط است تا موقعی که از هم متلاشی شود. تاکنون چندصد سحابی از این نوع دیده شده و مهمترین آنها سحابی حلقه در صورت شبیاق است.

**۲- توده‌های ستارگان**- این نوع سحابیهای عبارتند از اجتماع بسیار زیادی از ستارگان که به علت بعد مسافت و کمی فاصله زاویه‌ای به صورت لکه‌ای نورانی دیده می شوند. بعضی از این توده‌ها متعلق به کهکشان‌ها و برخی متعلق به کهکشان‌های دیگر هستند، مانند توءه قنطورس (شکل ۷۴).  
**۳- سحابیهای مطلق**- این سحابیها عبارتند از توده‌ای از گاز و ذرات که بر اثر نور ستارگان مجاور به صورت لکه رoshni در می آیند، مانند سحابی امرأة المسلطه.

**۱۴۱- کهکشان**- کهکشان منطقه‌ای است از آسمان که به صورت ابر کمر نگی در اطراف دایره عظیمه‌ای از آسمان دیده می شود و تقریباً به جاده‌ای مانند که بارگاهی از آنجا عبور کرده و کاهها بتدریج و در طول این جاده فروریخته باشد، و به همین جهت آن را کهکشان نام نهاده‌اند. کهکشان عبارت است از اجتماع میلیون‌ها ستاره و گازها و ذرات بین توابت که در مرکز به شکل کره بوده و در دو طرف آن دو بازوی مارپیچی



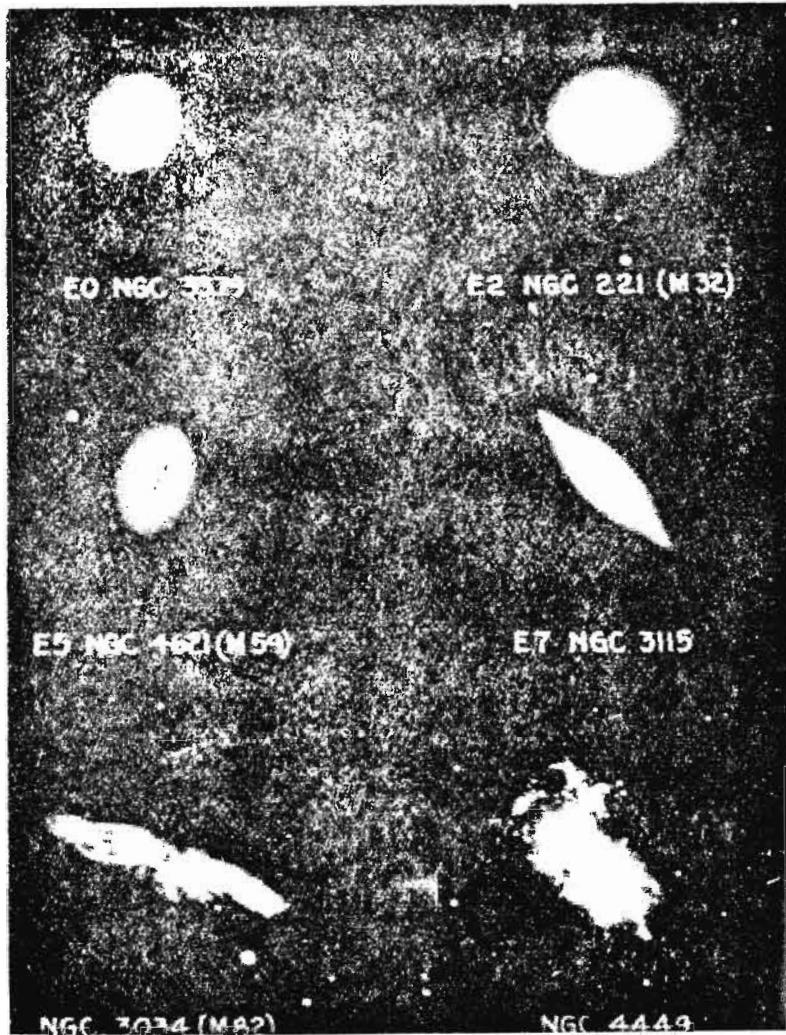
شکل ۷۴ - توده قنطورس

وجود دارد. قطر این مجموعه در حدود هشتاد هزار سال نوری است و منظومه شمسی ما دریکی از بازوها که از مرکز به فاصله سی هزار سال نوری است واقع است.

کهکشان، خود دارای حرکت وضعی است. سرعت این حرکت در مجاورت خورشید دویست کیلومتر در ثانیه بوده و دوره آن دویست میلیون سال است.

**۱۴۲- کهکشانهای خارجی**- علاوه بر کهکشان ما، کهکشانهای دیگری نیز وجود دارد که آنها را کهکشان خارجی می نامیم.

این کهکشانها در فضای تقریباً بطور یکنواخت پراکنده‌اند و از تجزیه طیف آنها معلوم می‌شود که فواصل آنها از ما و از یکدیگر در حال



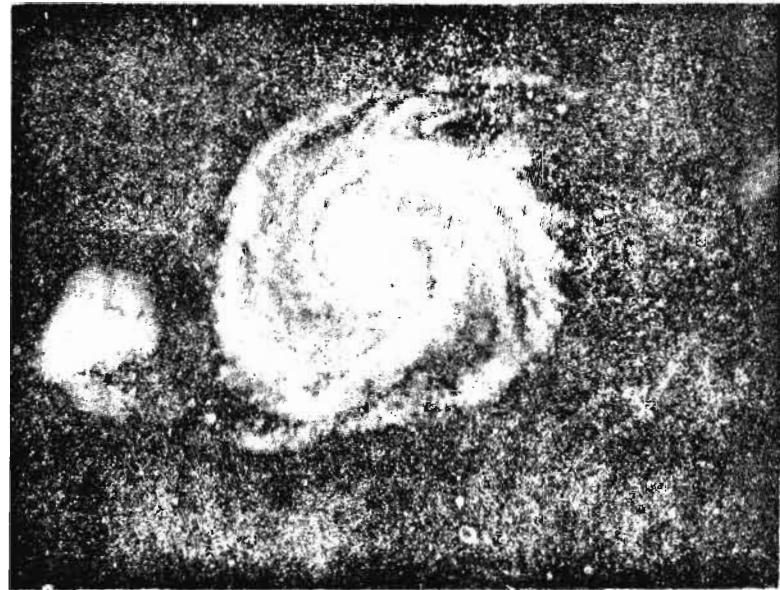
شکل ۷۵ - کهکشانهای بیضوی و کهکشانهای نامنظم

از دیاد است. بنابراین نتیجه‌گرفته‌اند که جهان در حال انبساط می‌باشد. کهکشانها از نظر شکل به کهکشانهای بیضوی و کهکشانهای مارپیچی و کهکشانهای غیر منظم تقسیم می‌شوند.

## مسائل

### زمین و خورشید

- ۱- ساعتهاي دومكان ساعت ۱۱ و ساعت ۱۵ را نشان می‌دهند، تعیين کنيد او لا اختلاف طول اين دومكان را، ثانياً درصورتی که هردو بهعرض ۶۵ درجه باشنده، طول قوسی از مدار واصل مابين اين دومكان چقدر خواهد شد؟
- ۲- ساعت رم ۴۵ دقیقه و ۱۵ ثانیه از ساعت پاریس چلوتر است. طول رم از پاریس چقدر است؟
- ۳- شاع استوایی زمین ۶۳۷۸ کیلومتر و عرض دانشگاه تهران قریب ۳۵ درجه و ۴۱ دقیقه است. چه مسافتی باید بهسمت مشرق یا مغرب پیمود تا اختلاف ساعت آنجا با دانشگاه تهران یک ثانیه شود؟
- ۴- در ظهر حقيقة بیست و یکم مارس ۱۹۶۳، میل خورشید ۲۰'۱۴" - ۸'۱۴" و در ظهر ۲۲ مارس ۴'۲۸" + ۱۵'۲۸" بوده است، تعیين کنيد ساعت تحويل آن سال را.
- ۵- در ظهر ۲۲ دسامبر ۱۹۶۳، بعد خورشید ۱۷ ساعت و ۵۷ دقیقه و ۲۴ ثانیه و در ظهر ۲۳ دسامبر، ۱۸ ساعت ۱۶ دقیقه و ۵۱ ثانیه بوده است، تعیين کنيد در چه ساعتی زمستان شروع می‌شود.
- ۶- طول لینینگراد نسبت به پاریس  $227^{\circ} 59' 08''$  شرقی است. پس وقتی که در پاریس ظهر باشد در لینینگراد چه ساعتی است؟
- ۷- می‌دانیم که ساعت تهران باید ۳ ساعت ۲۷ دقیقه از ساعت گرینویچ جلو باشد. طول تهران نسبت به گرینویچ چیست؟
- ۸- طول گرینویچ نسبت به سانفرانسیسکو چیست درصورتی که بدانیم



شکل ۷۶ - کهکشان «گردابی»

مثال بسیار خوبی برای ساختمان مارپیچی. توجه کنید که چگونه یکی از بازوها مانند پلی به خارج منظمه کشیده است.

-۱۳۴-

که طولهای این دو شهر نسبت به ناگازاکی بترتیب  $13^{\circ}13'13''$  غربی و  $49^{\circ}07'18''$  شرقی است .

۹ - عرض تهران  $35^{\circ}41'$  است ، اختلاف طول سایه شاخصی در ظهر اول سرطان و اول جدی چقدر است ، بنا بر آنکه طول شاخص  $12$  سانتیمتر باشد و میل آفتاب در موقع اول  $23^{\circ}27'$  + و در موقع دوم  $23^{\circ}27'$  -

۱۰ - در چه عرضی ارتفاع نصف‌النهاری آفتاب به  $35^{\circ}$  می‌رسد ، در اول انقلاب تابستانی که میل خورشید  $23^{\circ}27'$  است .

۱۱ - در شهری واقع در نیمکره شمالی در اول انقلاب تابستانی سایه مناره قائمی  $8^{\circ}21'$  متر است ، و در اول انقلاب شتوی به  $11^{\circ}52'$  متر می‌رسد ، تعیین کنید عرض آن شهر و میل دایرة البروج را بنا بر آنکه ارتفاع مناره  $25$  متر باشد .

۱۲ - تعیین کنید بهازای چه مقداری از میل خورشید هنگام ظهر سایه شاخص در تهران بطول خودش خواهد شد ، در صورتی که عرض تهران  $35^{\circ}$  و  $41^{\circ}$  باشد .

۱۳ - ارتفاع دیوار جنوبی حیاطی در تهران  $4^{\circ}5'$  متر است . تعیین کنید در اول سرطان و اول جدی سایه‌اش به چه فاصله‌ای از پای دیوار می‌رسد (عرض تهران  $35^{\circ}41'$ ).

۱۴ - تعیین کنید که در حرکت وضعی زمین ، شهر تهران با چه سرعتی در ثانیه به دور محور زمین می‌گردد بنا بر آنکه شعاع زمین  $6366$  کیلومتر و عرض جغرافیایی تهران  $35^{\circ}41'$  باشد .

۱۵ - عرض تهران  $35^{\circ}41'$  است . تعیین کنید مابین چه حدودی از میل واقعند : اولاً کواکبی که همیشه در این شهر مرئی هستند . ثانیاً کواکبی که طلوع و غروب دارند . ثالثاً کواکبی که همیشه در زیر این افق می‌باشند .

۱۶ - بنا بر آنکه مدت سال نجومی  $25/365$  روز و مدت یک دوره هلالی قمر  $29/53$  روز باشد ، حساب کنید مدت دوره نجومی آن را .

۱۷ - بنا بر آنکه مدت دوره نجومی قمر  $32/27$  روز و مدت دوره نجومی زمین  $25/365$  روز باشد ، تعیین کنید دوره هلالی قمر را .

۱۸ - میل دایرة البروج نسبت به معدل النهار  $23^{\circ}$  و  $27'$  است و مدار قمر نسبت به دایرة البروج  $5^{\circ}$  و  $8'$  تمایل دارد . تعیین کنید ارتفاع نصف‌النهاری قمر در تهران ، که به عرض  $35^{\circ}41'$  است ، مابین چه حدودی تغییر می‌پذیرد .

۱۹ - در  $31$  دسامبر  $1927$  ، ماه در ساعت  $18$  و دقیقه به نصف‌النهار پاریس گذشته است ، در صورتی که بطور متوسط شباهدروزی  $50$  دقیقه و  $30$  ثانیه زمانی از خورشید عقب بیفتند می‌خواهیم بدانیم که در چه روزی و در چه ساعتی بیست و یکمین عبورش از نصف‌النهار پاریس صورت گرفته است .

۲۰ - قطر مرئی زمین و قمری که از قمر مشاهده شود چقدر است ، بنابر آنکه حجم زمین  $49$  برابر قمر و قطر مرئی قمر  $31$  باشد .

۲۱ - بنابر آنکه شب اول ماه قمری در ساعت  $6$  ، قمر نیم ساعت بعد از آفتاب غروب کرده باشد ، تعیین کنید چه شی بهترین موقع مسافت است که تمام شب را مهتاب داشته باشیم در صورتی که قمر در هر شی  $50$  دقیقه و  $30$  ثانیه از آفتاب عقب بیفتد . و در آن شب قمر در چه ساعتی طلوع و غروب خواهد کرد .

۲۲ - کوکبی دو ساعت زودتر از کوکب دیگری به نصف‌النهار مکان معینی گذشته است ، تعیین کنید اختلاف بعد آنها را به حسب درجه .

۲۳ - دو کوکب ، یکی در ساعت  $8$  و  $35$  دقیقه و  $45$  ثانیه و دیگری در ساعت  $23$  و  $35$  دقیقه و  $27$  ثانیه ، بر نصف‌النهار می‌گذرند . تعیین کنید اختلاف بعد آنها را .

۲۴ - عرض شمالی مکانی  $48^{\circ}50'$  است : می‌خواهیم فاصله الرأس کوکبی را در دو موقع عبورش بر نصف‌النهار علیا و سفلی حساب کنیم ، بنا بر آنکه میل آن  $68$  درجه باشد .

۲۵ - عرض تهران  $35^{\circ}41'$  است ، تعیین کنید که میل کوکبی ، مابین چه حدودی باشد که در این افق طلوع و غروب نماید .

۲۶ - عرض پاریس  $48^{\circ}50'$  است و میل کوکب  $A$   $80^{\circ}$  ، تعیین کنید فاصله الرأس‌های آن کوکب را در دو موقع عبورش بر نصف‌النهار پاریس .

۲۷ - میل کوکب  $A$  شمالی است : در چه افقهایی این کوکب دائماً مرئی است ؟ و در چه افقهایی همیشه به حال غروب است ؟

۲۸- میل کوکبی  $42^{\circ}$  است و در حرکت شبانه روزی خود به ارتفاع ۴۸ درجه در شهر مفروضی می‌رسد ، تعیین کنید عرض آن شهر را .

۲۹- بنا بر آنکه  $Z$  فاصله سمت الرأسی کوکب  $\oplus$  در موقع عبورش بر نصف‌النهار مکان مفروضی باشد که به عرض  $\lambda$  است و ۵ میل آن کوکب ، دستوری بنا کنید که از آن رو بتوان  $\delta$  را به توسط دومقدار  $Z$  و  $\lambda$  بیان کرد و ثابت کنید که این دستور به تمام حالات مسئله تعلق می‌یابد .

۳۰- هرگاه نزدیکترین ثوابت به ما (رجل قسطورس) که نورش در ۴ سال تقریباً به زمین می‌رسد ، در سطح استوا واقع باشد و فرض کنیم که شبانه روزی یک مرتبه به دور زمین بگردد (بر طبق هیئت قدیم) سرعتش در هر ثانیه چقدر باید باشد بنا بر آنکه سرعت نور در هر ثانیه سیصد هزار کیلومتر محسوب گردد .

۳۱- کوکبی در ساعت ۸ و ۳۵ دقیقه عصر به نصف‌النهار تهران گذشت و در ساعت ۱۲ و ۲ دقیقه به نصف‌النهار گرینویچ عبور خواهد کرد . طول تهران نسبت به گرینویچ چیست ؟

۳۲- هرگاه انحراف آونگ در شهری بعد از یک ساعت ۸۰ درجه و ۵۰ دقیقه باشد ، عرض جغرافیایی آن شهر چقدر است ؟

### سیارات - قوانین کپلر

۳۳- اگر فاصله زمین از خورشید واحد فرض شود ، فاصله زهره از آفتاب ۷۲۲۳،۰ خواهد شد : پس اگر فرض کنیم که مدارات کواكب به دور آفتاب مستدیر و مدت دوره نجومی زمین  $25/365$  روز وسطی باشد ، می‌خواهیم حساب کنیم : ۱- دوره نجومی زهره را ، ۲- دوره هلالی آن را ، ۳- بعد ذاوهای این کوکب را از آفتاب هنگامی که فاصله اش از خورشید برابر فاصله آن از زمین باشد ، ۴- قطر ظاهری این ستاره را در موقع تربیع بنا بر آنکه این قطر در هنگام مقابله  $16/7$  باشد .

۳۴- بنا بر آنکه مدت یک دوره نجومی زمین  $256/365$  روز و از مربیخ  $979/686$  روز باشد ، تعیین کنید فاصله مربیخ را از خورشید در صورتی که فاصله زمین از آفتاب واحد باشد .

- ۳۵- حساب کنید طول محور اطول مدار عطارد را بنا بر آنکه نصف قطر اطول مدار زمین واحد و مدت یک دوره حرکت عطارد به دور آفتاب ۸۸ روز باشد .
- ۳۶- هرگاه نصف قطر اطول مدار زمین واحد باشد و نصف قطر اطول مدار مشتری  $2/5$  ، حساب کنید مدت یک دوره حرکت مشتری به دور خورشید چیست ؟
- ۳۷- چه مدت لازم است که نور مسافت میان آفتاب و هریک از سیارات را طی کند ؟ (رجوع کنید به جدول سیارات) .

### پایان